

ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО ЖЕЛЕЗНОДОРОЖНОГО ТРАНСПОРТА
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего
образования «Иркутский государственный университет путей сообщения»
(ФГБОУ ВО ИрГУПС)

Забайкальский институт железнодорожного транспорта –
филиал Федерального государственного бюджетного образовательного учреждения
высшего образования «Иркутский государственный университет путей сообщения»
(ЗабИЖТ ИрГУПС)

УТВЕРЖДЕНА
приказом и.о. ректора
от «17» июня 2022 г. № 77

Б1.О.07 Математика
рабочая программа дисциплины

Специальность – 23.05.03 Подвижной состав железных дорог

Специализация – Грузовые вагоны

Квалификация выпускника – инженер путей сообщения

Форма и срок обучения – очная форма, 5 лет обучения; заочная форма, 6 лет обучения

Кафедра-разработчик программы – Прикладная механика и математика

Общая трудоемкость в з.е. – 13

Часов по учебному плану – 468

Формы промежуточной аттестации в семестрах, курсах

очная форма обучения: зачет 1 семестр, экзамен 2 семестр,
экзамен 3 семестр, зачет 4 семестр

заочная форма обучения: зачет 1 курс, экзамен 1 курс, экзамен 2 курс,
зачет 2 курс

Очная форма обучения **Распределение часов дисциплины по семестрам**

Семестр	1	2	3	4	Итого
Число недель в семестре	17	17	17	17	
Вид занятий	Часов по УП	Часов по УП	Часов по УП	Часов по УП	Часов по УП
Аудиторная контактная работа по видам учебных занятий	51	68	68	34	221
– лекции	17	34	34	17	102
– практические	34	34	34	17	119
– лабораторные	-	-	-	-	-
Самостоятельная работа	57	40	40	38	175
Экзамен	-	36	36	-	72
Итого	108	144	144	72	468

Заочная форма обучения **Распределение часов дисциплины по курсам**

Курс	1	1	2	2	Итого
Вид занятий	Часов по УП	Часов по УП	Часов по УП	Часов по УП	
Аудиторная контактная работа по видам учебных занятий	16	16	12	10	54
– лекции	8	8	6	4	26
– практические	8	8	6	6	28
– лабораторные	-	-	-	-	-
Самостоятельная работа	92	106	96	76	370
Экзамен	-	18	18	-	36
Зачет	4	-	-	4	8
Итого	112	140	126	90	468

ЧИТА

Электронный документ выгружен из ЕИС ФГБОУ ВО ИрГУПС и соответствует оригиналу

Подписант ФГБОУ ВО ИрГУПС Трофимов Ю.А.

00920FD815CE68F8C4CA795540563D259C с 07.02.2024 05:46 по 02.05.2025 05:46 GMT+03:00

Подпись соответствует файлу документа



Рабочая программа дисциплины разработана в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования – специалитет по специальности 23.05.03 Подвижной состав железных дорог, утвержденным приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 27.03.2018 г. № 215.

Программу составил:
к. ф.-м.н., доцент

В. А. Глазнев

Рабочая программа рассмотрена и одобрена для использования в учебном процессе на заседании кафедры «Прикладная механика и математика», протокол от «16» мая 2022 г. № 10.

Зав. кафедрой, к.ф.-м.н., доцент

Н.В. Пешков

СОГЛАСОВАНО

Кафедра «Подвижной состав железных дорог», протокол от «20» мая 2022 № 8.

Зав. кафедрой, к.т.н., доцент

Т.В. Иванова

1 ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ДИСЦИПЛИНЫ	
1.1 Цели преподавания дисциплины	
1	формирование у обучающихся методологического фундамента для анализа проблемных ситуаций на основе системного подхода
2	формирование и развитие у обучающихся способностей решать инженерные задачи с помощью математических методов
1.2 Задачи дисциплины	
1	обучение математическим методам и моделям, навыкам решения математических задач
2	формирование умений и навыков применять математические методы и модели при описании, анализе и решении практических задач
1.3 Цель воспитания и задачи воспитательной работы в рамках дисциплины	
Научно-образовательное воспитание обучающихся	
<p>Цель научно-образовательного воспитания – создание условий для реализации научно-образовательного потенциала обучающихся в форме наставничества, тьюторства, научного творчества</p> <p>Цель достигается по мере решения в единстве следующих задач:</p> <ul style="list-style-type: none"> – формирование системного и критического мышления, мотивации к обучению, развитие интереса к творческой научной деятельности; – создание в студенческой среде атмосферы взаимной требовательности к овладению знаниями, умениями и навыками; – популяризация научных знаний среди обучающихся; – содействие повышению привлекательности науки, поддержка научно-технического творчества; – создание условий для получения обучающимися достоверной информации о передовых достижениях и открытиях мировой и отечественной науки, повышения заинтересованности в научных познаниях об устройстве мира и общества; – совершенствование организации и планирования самостоятельной работы обучающихся как образовательной технологии формирования будущего специалиста путем индивидуальной познавательной и исследовательской деятельности 	
Профессионально-трудовое воспитание обучающихся	
<p>Цель профессионально-трудового воспитания – формирование у обучающихся осознанной профессиональной ориентации, понимания общественного смысла труда и значимости его для себя лично, ответственного, сознательного и творческого отношения к будущей деятельности, профессиональной этики, способности предвидеть изменения, которые могут возникнуть в профессиональной деятельности, и умению работать в изменённых, вновь созданных условиях труда.</p> <p>Цель достигается по мере решения в единстве следующих задач:</p> <ul style="list-style-type: none"> – формирование сознательного отношения к выбранной профессии; – воспитание чести, гордости, любви к профессии, сознательного отношения к профессиональному долгу, понимаемому как личная ответственность и обязанность; – формирование психологии профессионала; – формирование профессиональной культуры, этики профессионального общения; – формирование социальной компетентности и другие задачи, связанные с имиджем профессии и авторитетом транспортной отрасли 	
Экологическое воспитание обучающихся	
<p>Цель экологического воспитания – формирование ответственного отношения к окружающей среде, которое строится на базе экологического сознания, что предполагает соблюдение нравственных и правовых принципов природопользования и пропаганду идей его оптимизации, активную деятельность по изучению и охране природы.</p> <p>Цель достигается по мере решения в единстве следующих задач:</p> <ul style="list-style-type: none"> – развитие экологического сознания и устойчивого экологического поведения; – формирование умений и навыков разумного природопользования, нетерпимого отношения к действиям, приносящим вред экологии; – приобретение опыта эколого-направленной деятельности; – становление и развитие у обучающихся экологической культуры, бережного отношения к родной земле, природным богатствам России и мира, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды; – формирование у обучающихся экологической картины мира, развитие у них стремления беречь и охранять природу; – развитие экологического сознания, мировоззрения и устойчивого экологического поведения 	

2 МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП	
Блок/часть ОПОП	Блок 1. Дисциплины (модули) / Обязательная часть
2.1 Требования к предварительной подготовке обучающегося	
1	Дисциплина Б1.О.07 Математика изучается на начальном этапе формирования компетенции
2.2 Дисциплины и практики, для которых изучение данной дисциплины необходимо как предшествующее	
1	Б1.О.13 Математическое моделирование систем и процессов
2	Б1.О.14 Инженерная экология
3	Б1.О.40 Система менеджмента качества
4	ФТД.01 Логика
5	Б3.01(Д) Выполнение выпускной квалификационной работы
6	Б3.02(Д) Защита выпускной квалификационной работы

3 ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫЕ С ТРЕБОВАНИЯМИ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ		
Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения
УК-1. Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, выработать стратегию действий	УК-1.1. Анализирует проблемную ситуацию (задачу) и выделяет ее базовые составляющие. Рассматривает различные варианты решения проблемной ситуации (задачи), разрабатывает алгоритмы их реализации	Знать: методологию системного подхода, принципы разработки плана выполнения проекта (решения задачи) в сфере профессиональной деятельности на всех его этапах
		Уметь: решать задачи, требующие навыков абстрактного мышления, разрабатывать план выполнения проекта в сфере профессиональной деятельности, предусматривая проблемные ситуации и риски
		Владеть: методами анализа и синтеза, методами планирования и выполнения проектов (решения задачи) в условиях неопределенности, осуществляя руководство проектом (поддерживая выполнение проекта)
ОПК-1. Способен решать инженерные задачи в профессиональной деятельности с использованием методов естественных наук, математического анализа и моделирования	ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание процессов	Знать: основные определения и понятия; иметь представление о математических методах, применяемых для решения творческих (исследовательских) задач
		Уметь: оценивать различные методы решения задачи и выбирать оптимальный метод
		Владеть: основными терминами, понятиями, определениями разделов математики; корректно представлять знания в математической форме; записывать математическую постановку текстовой задачи; записывать результаты проведенных исследований в терминах предметной области

4 СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ												
Код	Наименование разделов, тем и видов работы	Очная форма					Заочная форма					*Код индикатора достижения компетенции
		Семестр	Часы				Курс/сессия	Часы				
			Лек	Пр	Лаб	СР		Лек	Пр	Лаб	СР	
1.0	Раздел 1. Линейная алгебра	1	4	8	0	12	1/ зимняя	2	2	0	20	УК-1.1, ОПК-1.4
1.1	Тема 1. Матрицы. Операции над матрицами, их свойства. Определители, вычисление, свойства определителей	1	1	2		2	1/ зимняя	1	1		4	ОПК-1.4
1.2	Тема 2. Обратная матрица. Ранг матрицы. Базисный минор. Эквивалентные преобразования матриц. Два способа определения ранга матрицы	1	1	2		2	1/ зимняя				2	ОПК-1.4

1.3	Тема 3. Системы линейных алгебраических уравнений. Основные понятия. Теорема Кронекера – Капелли. Методы решения систем уравнений: метод Гаусса, метод Крамера, матричный метод	1	2	2		2	1/ зимняя	1	1		4	УК-1.1
1.4	Тема 4. Собственные значения и векторы матриц. Решение однородных систем. Решение неоднородных систем	1		2		2	1/ зимняя				2	УК-1.1
1.5	Выполнение РГР	1				4						УК-1.1, ОПК-1.4
1.6	Выполнение контрольной работы 1						1/ зимняя				8	УК-1.1, ОПК-1.4
2.0	Раздел 2. Векторная алгебра	1	2	4	0	7	1 /зимняя	1	1	0	12	УК-1.1
2.1	Тема 5. Действия над векторами в геометрической и координатной формах. Проекция вектора на ось. Длина вектора и направляющие косинусы. Скалярное произведение. Векторное и смешанное произведения векторов, свойства, вычисление, приложения	1	2	4		4	1/ зимняя	1	1		6	УК-1.1
2.2	Выполнение РГР 1	1				3						УК-1.1
2.3	Выполнение контрольной работы 1						1/ зимняя				6	УК-1.1
3.0	Раздел 3. Аналитическая геометрия	1	6	12	0	16	1 зимняя	1	1	0	28	УК-1.1, ОПК-1.4
3.1	Тема 6. Простейшие задачи аналитической геометрии. Общие понятия об уравнениях линии и поверхности. Прямая на плоскости	1	2	2		2	1/ зимняя	1	1		4	ОПК-1.4
3.2	Тема 7. Плоскость и прямая в пространстве. Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве	1	2	2		2	1/ зимняя				4	ОПК-1.4
3.3	Тема 8. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола. Их геометрические свойства и уравнения	1	1	2		2	1/ зимняя				4	УК-1.1
3.4	Тема 9. Цилиндрические и конические поверхности. Поверхности вращения. Поверхности второго порядка	1		2		2	1/ зимняя				4	УК-1.1
3.5	Тема 10. Комплексные числа в алгебраической, тригонометрической и показательной формах. Комплексные числа в алгебраической, тригонометрической и показательной формах	1	1	4		4	1/ зимняя				4	УК-1.1
3.6	Выполнение РГР 1	1				4						УК-1.1, ОПК-1.4
3.7	Выполнение контрольной работы 1						1/ зимняя				8	УК-1.1, ОПК-1.4
4.0	Раздел 4. Введение в математический анализ.	1	2	4	0	8	1 зимняя	2	2	0	12	ОПК-1.4
4.1	Тема 11. Элементы теории функций. Классификация функций. Характеристика поведения функций, графики, различные способы задания линий	1	2	2		2	1/ зимняя	1	1		4	ОПК-1.4

4.2	Тема 12. Предел последовательности и функции, свойства пределов. Замечательные пределы. Асимптоты. Непрерывность функции. Классификация точек разрыва. Свойства непрерывных функций	1		2		4	1/ зимняя	1	1		4	ОПК-1.4	
4.3	Выполнение РГР 1	1				2						ОПК-1.4	
4.4	Выполнение контрольной работы 1						1/ зимняя				4	ОПК-1.4	
5.0	Раздел 5. Дифференциальное исчисление функций одной переменной	1	3	6	0	14	1/ зимняя	2	2	0	20	УК-1.1, ОПК-1.4	
5.1	Тема 13. Производная функции, ее геометрический и механический смысл. Правила дифференцирования функций. Таблица производных. Производные высших порядков. Дифференциал функции. Смысл и свойства дифференциалов	1	2	4		4	1/ зимняя	2	2		6	УК-1.1	
5.2	Тема 14. Приближенные вычисления с помощью дифференциала. Основные теоремы дифференциального исчисления. Формула Тейлора. Применение производных к исследованию поведения функций. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке	1	1	2		6	1/ зимняя				6	ОПК-1.4	
5.3	Выполнение РГР 1	1				4						УК-1.1, ОПК-1.4	
5.4	Выполнение контрольной работы 1						1 /зимняя				8	УК-1.1, ОПК-1.4	
	Форма промежуточной аттестации – зачет	1	-					1 /зимняя	4				УК-1.1, ОПК-1.4
6.0	Раздел 6. Интегральное исчисление функций одной переменной	2	14	14	0	16	1/ летняя	4	4	0	48	УК-1.1, ОПК-1.4	
6.1	Тема 15. Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица интегралов. Основные методы интегрирования	2	2	2		2	1/ летняя	2	2		6	ОПК-1.4	
6.2	Тема 16. Интегрирование рациональных дробей	2	2	2		2	1/ летняя				6	ОПК-1.4	
6.3	Тема 17. Интегрирование тригонометрических выражений, универсальная тригонометрическая подстановка	2	2	2		2	1/ летняя				6	ОПК-1.4	
6.4	Тема 18. Интегрирование некоторых иррациональных выражений	2	2	2		2	1/ летняя				6	ОПК-1.4	
6.5	Тема 19. Определенный интеграл, его свойства и вычисление	2	2	2		2	1/ летняя	2	2		6	УК-1.1	
6.6	Тема 20. Несобственные, их свойства и вычисление	2	2	2		2	1/ летняя				6	УК-1.1	
6.7	Тема 21. Приложения интегрального исчисления	2	2	2		2	1/ летняя				6	УК-1.1	
6.8	Выполнение РГР 2	2				2						УК-1.1, ОПК-1.4	
6.9	Выполнение контрольной работы 2						1/ летняя				6	УК-1.1, ОПК-1.4	
7.0	Раздел 7. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных	2	4	4	0	6	1/ летняя	2	2	0	18	УК-1.1, ОПК-1.4	

7.1	Тема 22. Функции нескольких переменных. Предел, непрерывность функции нескольких переменных. Частные производные функции нескольких переменных, полный дифференциал	2	2	2		2	1/ летняя	2	2		6	УК-1.1
7.2	Тема 23. Экстремумы функции двух переменных, необходимые и достаточные условия существования экстремума. Условный экстремум. Наименьшее и наибольшее значения функции в замкнутой области	2	2	2		2	1/ летняя				6	ОПК-1.4
7.3	Выполнение РГР 3	2				2						УК-1.1, ОПК-1.4
7.4	Выполнение контрольной работы 3						1/ летняя				6	УК-1.1, ОПК-1.4
8.0	Раздел 8. Интегральное исчисление функций нескольких переменных	2	16	16	0	18	1/ летняя	2	2	0	40	УК-1.1, ОПК-1.4
8.1	Тема 24. Общая схема построения интеграла по области. Геометрический и механический смысл. Основные свойства	2	2	2		2	1/ летняя				6	УК-1.1
8.2	Тема 25. Вычисление и приложения кратных интегралов	2	2	2		2	1/ летняя	2	2		4	УК-1.1
8.3	Тема 26. Замена переменных в кратных интегралах	2	2	2		2	1/ летняя				6	УК-1.1
8.4	Тема 27. Криволинейные интегралы	2	2	2		2	1/ летняя				6	УК-1.1
8.5	Тема 28. Поверхностные интегралы. Площадь поверхности	2	2	2		2	1/ летняя				6	УК-1.1
8.6	Тема 29. Элементы векторного анализа. Формула Остроградского	2	4	4		4	1/ летняя				4	ОПК-1.4
8.7	Тема 30. Элементы векторного поля. Формула Стокса	2	2	2		2	1/ летняя				2	ОПК-1.4
8.8	Выполнение РГР 3	2				2						УК-1.1, ОПК-1.4
8.9	Выполнение контрольной работы 3						1/ летняя				6	УК-1.1, ОПК-1.4
	Форма промежуточной аттестации – экзамен	2	36				1/летняя	18				УК-1.1, ОПК-1.4
9.0	Раздел 9. Дифференциальные уравнения	3	10	10	0	12	2/ зимняя	2	2	0	28	УК-1.1, ОПК-1.4
9.1	Тема 31. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Основные понятия теории дифференциальных уравнений Дифференциальные уравнения первого порядка	3	2	2		2	2/ зимняя	2	2		4	УК-1.1
9.2	Тема 32 Дифференциальные уравнения высших порядков. Уравнения, допускающие понижение порядка. Общая теория линейных дифференциальных уравнений	3	2	2		2	2/ зимняя				4	ОПК-1.4
9.3	Тема 33. Линейные однородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения n-го порядка с постоянными коэффициентами	3	2	2		2	2/ зимняя				4	ОПК-1.4

9.4	Тема 34. Структура общего решения. Метод вариации произвольных постоянных (метод Лагранжа). Метод неопределенных коэффициентов нахождения частного решения линейных неоднородных дифференциальных уравнений со специальной правой частью	3	2	2		2	2/ ЗИМНЯЯ				4	ОПК-1.4
9.5	Тема 35. Системы дифференциальных уравнений	3	2	2		2	2/ ЗИМНЯЯ				6	УК-1.1
9.6	Выполнение РГР 4	3				2						УК-1.1, ОПК-1.4
9.7	Выполнение контрольной работы 4						2/ ЗИМНЯЯ				6	УК-1.1, ОПК-1.4
10.0	Раздел 10. Теория рядов	3	12	12	0	14	2/ ЗИМНЯЯ	2	2	0	28	УК-1.1, ОПК-1.4
10.1	Тема 36. Элементы функционального анализа. Числовые ряды, основные понятия. Достаточные признаки сходимости знакоположительных рядов	3	2	2		2	2/ ЗИМНЯЯ	2	2		4	ОПК-1.4
10.1	Тема 37. Знакопередающие ряды. Признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость	3	2	2		2	2/ ЗИМНЯЯ				4	ОПК-1.4
10.2	Тема 38. Функциональные последовательности и ряды. Степенные ряды. Интервал и область сходимости степенных рядов	3	2	2		2	2/ ЗИМНЯЯ				4	УК-1.1
10.3	Тема 39. Ряд Тейлора и Маклорена. Разложение функций в степенные ряды. Применения степенных рядов в приближенных вычислениях	3	2	2		2	2/ ЗИМНЯЯ				4	УК-1.1
10.4	Тема 40. Гармонический анализ. Ряды Фурье. Ряды Фурье для четных, нечетных функций	3	2	2		2	2/ ЗИМНЯЯ				4	УК-1.1
10.5	Тема 41. Разложение неперiodических функций в ряд Фурье	3	2	2		2	2/ ЗИМНЯЯ				4	УК-1.1
10.6	Выполнение РГР 4	3				2						УК-1.1, ОПК-1.4
10.7	Выполнение контрольной работы 4						2/ ЗИМНЯЯ				4	УК-1.1, ОПК-1.4
11.0	Раздел 11. Основы теории функции комплексного переменного	3	6	6	1	6	2/ ЗИМНЯЯ	2	2	0	16	УК-1.1, ОПК-1.4
11.1	Тема 42. Функции комплексного переменного. Предел, непрерывность и дифференцируемость функции комплексного переменного. Условия аналитичности функции	3	2	2		2	2/ ЗИМНЯЯ	2	2		4	ОПК-1.4
11.2	Тема 43. Интегральные теоремы и формулы Коши. Изолированные особые точки и их классификация	3	2	2		1	2/ ЗИМНЯЯ				4	ОПК-1.4
11.3	Тема 44. Вычеты. Вычисление вычетов относительно полюсов различных порядков, неустранимой особенности. Вычисление интегралов с помощью вычетов	3	2	2		1	2/ ЗИМНЯЯ				4	УК-1.1
11.4	Выполнение РГР 4	3				2						УК-1.1, ОПК-1.4
11.5	Выполнение контрольной работы 4						2/ ЗИМНЯЯ				4	УК-1.1, ОПК-1.4
12.0	Раздел 12. Элементы операционного исчисления	3	6	6	0	8	2/ ЗИМНЯЯ	0	0	0	24	УК-1.1, ОПК-1.4

12.1	Тема 45. Преобразование Лапласа, его свойства. Класс оригиналов. Класс изображений	3	2	2		2	2/ зимняя				6	ОПК-1.4
12.2	Тема 46. Основные теоремы операционного исчисления. Способы восстановления оригиналов по изображению	3	2	2		2	2/ зимняя				6	ОПК-1.4
12.3	Тема 47. Решение дифференциальных уравнений и системы дифференциальных уравнений операционным методом	3	2	2		2	2/ зимняя				6	УК-1.1
12.4	Выполнение РГР 4	3				2						УК-1.1, ОПК-1.4
12.5	Выполнение контрольной работы 4						2/ зимняя				6	УК-1.1, ОПК-1.4
	Форма промежуточной аттестации – экзамен	3	36				2/ зимняя	18				УК-1.1, ОПК-1.4
13.0	Раздел 13. Основы дискретной математики	4	4	4	0	6	2/ летняя	0	2	0	20	УК-1.1, ОПК-1.4
13.1	Тема 48. Элементы дискретной математики: комбинаторика, элементы теории множеств, алгебра логики	4	2	2		2	2/ летняя		2		6	ОПК-1.4
13.2	Тема 49. Элементы дискретной математики: теория графов.	4	2	2		2	2/ летняя				6	УК-1.1
13.3	Выполнение РГР 5	4				2						УК-1.1, ОПК-1.4
13.4	Выполнение контрольной работы 5						2/ летняя				8	УК-1.1, ОПК-1.4
14.0	Раздел 14. Основы теории вероятностей и математической статистики	4	13	13	0	32	2/ летняя	4	4	0	56	УК-1.1, ОПК-1.4
14.1	Тема 50. Случайные события. Алгебра событий, классификация событий в терминах теории вероятностей и теории множеств. Элементарная теория вероятностей и ее математические основы: различные подходы к определению вероятности события. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Условные вероятности. Формула полной вероятности. Формулы Байеса	4	4	4		6	2/ летняя	2	2		6	ОПК-1.4
14.2	Тема 51. Последовательность независимых испытаний Бернулли. Формула Бернулли. Предельные теоремы в схеме Бернулли	4	4	4		6	2/ летняя				8	ОПК-1.4
14.3	Тема 52. Случайные величины. Формы закона распределения дискретной и непрерывной случайных величин. Основные числовые характеристики случайных величин. Классические законы дискретных и непрерывных случайных величин. Нормальное распределение. Закон больших чисел. Центральная предельная теорема. Двумерные случайные величины	4	3	3		6	2/ летняя				8	УК-1.1

14.4	Тема 53. Элементы математической статистики. Статистические методы обработки экспериментальных данных. Точечные и интервальные оценки параметров распределения по выборке. Статистическая проверка гипотез. Элементы теории корреляции	4	2	2	6	2/ летняя	2	2	8	УК-1.1
14.5	Выполнение РГР 5	4			8					УК-1.1, ОПК-1.4
14.6	Выполнение контрольной работы 5					2/ летняя			26	УК-1.1, ОПК-1.4
	Форма промежуточной аттестации – зачет	4				2/ летняя		18		УК-1.1, ОПК-1.4

* Код индикатора достижения компетенции проставляется или для всего раздела или для каждой темы или для каждого вида работы.

5 ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ
Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине оформлен в виде приложения № 1 к рабочей программе дисциплины и размещен в электронной информационно-образовательной среде Института, доступной обучающемуся через его личный кабинет

6 УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ		
6.1 Учебная литература		
6.1.1 Основная литература		
	Библиографическое описание	Кол-во экз. в библиотеке/ онлайн
6.1.1.1	Ильин, В. А. Основы математического анализа: учебник: в 2 частях / В. А. Ильин, Э. Г. Позняк. – 7-е изд., стер. – Москва: Физматлит, 2009. – Часть 1. – 647 с. – (Курс высшей математики и математической физики; выпуск 1). – Режим доступа: по подписке. – URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=76686 (дата обращения: 22.04.2024)	онлайн
6.1.1.2	Ильин, В. А. Основы математического анализа: учебник: в 2 частях / В. А. Ильин, Э. Г. Позняк. – 5-е изд. – Москва: Физматлит, 2009. – Часть 2. – 464 с. – (Курс высшей математики и математической физики; выпуск 2). – Режим доступа: по подписке. – URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83225 (дата обращения: 22.04.2024)	онлайн
6.1.1.3	Дифференциальное и интегральное исчисление для втузов. т. 1. Учебное пособие для втузов./ Пискунов Н. С. – М.: Физматлит, 2006. – 432 с.	93
6.1.1.4	Дифференциальное и интегральное исчисление для втузов. т. 2. Учебное пособие для втузов./ Пискунов Н. С. – М.: Физматлит, 1985. – 560 с.	296
6.1.1.5	Кузнецов, Л. А. Сборник заданий по высшей математике. Типовые расчеты / Л. А. Кузнецов. — 15-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2023. — 240 с. — ISBN 978-5-507-45701-4. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/279845 . — Режим доступа: для авториз. пользователей (дата обращения: 22.04.2024)	онлайн
6.1.1.6	Теория вероятностей и математическая статистика: учеб. пособие./Гмурман В. Е. – М.: ИД Юрайт. 2010. – 479 с.	49
6.1.1.7	Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике. /Гмурман В. Е. – М.: ИД Юрайт. 2010. – 404 с.	44
6.1.1.8	Минорский В. П. Сборник задач по высшей математике: Учеб. пособие для втузов. М.: Издательство Физико – математической литературы, 2006. 336 с. — Режим доступа: для авториз. пользователей: URL: http://zabizht.ru/cgi-bin/viewer.pl?book_id=6998 (дата обращения: 22.04.2024)	онлайн
6.1.2 Дополнительная литература		

	Библиографическое описание	Кол-во экз. в библиотеке/ онлайн
6.1.2.1	Геворкян, П. С. Высшая математика. Линейная алгебра и аналитическая геометрия: учебное пособие / П. С. Геворкян. – Москва: Физматлит, 2011. – 207 с. – Режим доступа: по подписке. – URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82792 . – ISBN 978-5-9221-0860-7. – Текст: электронный. (дата обращения: 22.04.2024)	онлайн
6.1.2.2	Геворкян, Э. А. Математика. Математический анализ: учебно-методический комплекс / Э. А. Геворкян, А. Н. Малахов. – Москва: Евразийский открытый институт, 2010. – 343 с. – Режим доступа: по подписке. – URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=93168 – ISBN 978-5-374-00369-7. – Текст: электронный. (дата обращения: 22.04.2024)	онлайн
6.1.2.3	Запорожец Г.И. Руководство к решению задач по математическому анализу. – СПб: Лань, 2010.– 464с.	199
6.1.3 Учебно-методические разработки (в т. ч. для самостоятельной работы обучающихся)		
	Библиографическое описание	Кол-во экз. в библиотеке/ онлайн
6.1.3.1	Глазнев В. А. Математика: метод. указания по выполнению практических работ для студентов очной и заочной форм обучения специальности 23.05.03 «Подвижной состав железных дорог» / В. А. Глазнев. Чита: ЗаБИЖТ, 2021. – 41 с. — Режим доступа: для авториз. пользователей https://zabizht.ru/cgi-bin/viewer.pl?book_id=31507.pdf (дата обращения: 22.04.2024)	онлайн/ ЭИОС
6.1.3.2	Глазнев В.А. Математика. метод. указания по выполнению самостоятельной работы для студентов очной и заочной форм обучения специальностей 23.05.03 «Подвижной состав железных дорог» для очной и заочной форм обучения/В.А. Глазнев. – Чита: ЗаБИЖТ, 2021. – 30 с. — Режим доступа: для авториз. пользователей http://zabizht.ru/cgi-bin/viewer.pl?book_id=31508.pdf (дата обращения: 22.04.2024)	онлайн/ ЭИОС
6.1.3.3	Пешков, Н.В. Математика. Учебно-методическое пособие по выполнению контрольных работ для студентов технических специальностей / Н.В. Пешков, Л.В. Васяк, Т.Э. Носальская. – Чита: ЗаБИЖТ, 2021. – 48 с. [Электронный ресурс]: URL: https://zabizht.ru/cgi-bin/viewer.pl?book_id=31509.pdf (дата обращения: 22.04.2024)	онлайн/ ЭИОС
6.1.3.4	Глазнев В. А. Математика. Элементы линейной векторной алгебры. Аналитическая геометрия : учеб.-метод. пособие по выполнению расчётно-графических работ для студентов очной формы обучения специальности 23.05.03 «Подвижной состав железных дорог» / В. А. Глазнев. Чита : ЗаБИЖТ, 2021. 159 с. — Режим доступа: для авториз. пользователей: URL: http://zabizht.ru/cgi-bin/viewer.pl?book_id=28345.pdf (дата обращения: 22.04.2024)	онлайн/ ЭИОС
6.1.3.5	Глазнев В. А. Математика. Начала математического анализа : учеб.-метод. пособие для студентов очной формы обучения специальности 23.05.03 «Подвижной состав железных дорог» / В. А. Глазнев. Чита : ЗаБИЖТ, 2021. 107 с — Режим доступа: для авториз. пользователей: URL: https://zabizht.ru/cgi-bin/viewer.pl?book_id=27930.pdf (дата обращения: 22.04.2024)	онлайн/ ЭИОС
6.1.3.6	Глазнев В.А. Математика. Дифференциальное исчисление функции одной переменной: учеб.-метод. пособие для студентов очной формы обучения специальности 23.05.03 «Подвижной состав железных дорог» / В.А. Глазнев. – Чита: ЗаБИЖТ, 2019. –91с. — Режим доступа: для авториз. пользователей: URL: https://zabizht.ru/cgi-bin/viewer.pl?book_id=28344.pdf (дата обращения: 22.04.2024)	онлайн/ ЭИОС

6.1.3.7	Глазнев В.А. Математика. Неопределённый интеграл : учебно-методическое пособие по выполнению расчётно-графических работ для студентов очной и заочной форм обучения специальности 23.05.03 «Подвижной состав железных дорог» / В. А. Глазнев. - Чита : ЗаБИЖТ, 2023.–59с. — Режим доступа: для авториз. пользователей: URL: http://zabizht.ru/cgi-bin/viewer.pl?book_id=31396.pdf (дата обращения: 22.04.2024)	онлайн/ ЭИОС
6.2 Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»		
6.2.1	АСУ Библиотека ЗаБИЖТ http://zabizht.ru	
6.2.2	ЭБС "Университетская библиотека Online" http://biblioclub.ru/	
6.2.3	ЭБС Издательство «Лань» https://e.lanbook.com/	
6.3 Программное обеспечение и информационные справочные системы		
6.3.1 Базовое программное обеспечение		
6.3.1.1	Microsoft Windows 7 Professional, лицензия № 49156201, государственный контракт от 03.10.2011 г. № 139/53-ОАЭ-11	
6.3.1.2	Microsoft Office 2007 Standard, лицензия № 45777622, государственный контракт от 10.08.2009 г. №64/17-ОА-09; Microsoft Office 2007 Standard, лицензия № 44718393, государственный контракт от 18.10.2008 г. № 92/32А-08	
6.3.1.3	Яндекс. Браузер. Прикладное программное обеспечение общего назначения, Офисные приложения, лицензия – свободно распространяемое программное обеспечение по лицензии BSD License	
6.3.1.4	АСУ «Библиотека», свидетельство о государственной регистрации программы для ЭВМ № 2009611107, зарегистрировано в Реестре программ для ЭВМ 19.02.2009	
6.3.1.5	БД АСУ «Библиотека», свидетельство о государственной регистрации программы для ЭВМ № 2009620102, зарегистрировано в Реестре программ для ЭВМ 27.02.2009	
6.3.2 Специализированное программное обеспечение		
6.3.2.1	Не предусмотрено	
6.3.3 Информационные справочные системы		
6.3.3.1	Информационно-справочная система «Гарант»	
6.4 Правовые и нормативные документы		
6.4.1	Не предусмотрены	

7 ОПИСАНИЕ МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЙ БАЗЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ	
1	Учебный и лабораторный корпуса ЗаБИЖТ ИрГУПС находятся по адресу: 672040, Забайкальский край, город Чита, улица Магистральная, дом 11
2	Учебная аудитория 305 для проведения лекционных и практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, укомплектованная специализированной мебелью и техническими средствами обучения (ноутбук (переносной), мультимедиапроектор (переносной), экран (переносной)), служащими для представления учебной информации большой аудитории. Для проведения занятий лекционного типа имеются учебно-наглядные пособия (презентации, плакаты, таблицы), обеспечивающие тематические иллюстрации содержания дисциплины
3	Учебная аудитория 3.33 для проведения лекционных и практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, укомплектованная специализированной мебелью и техническими средствами обучения (мультимедиапроектор (переносной), экран (переносной), ноутбук (переносной)), служащими для представления учебной информации большой аудитории. Для проведения занятий лекционного типа имеются учебно-наглядные пособия (презентации, плакаты, таблицы), обеспечивающие тематические иллюстрации содержания дисциплины
4	Учебная аудитория 416 для проведения лекционных и практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, укомплектованная специализированной мебелью и техническими средствами обучения (интерактивная доска, персональный компьютер), служащими для представления учебной информации большой аудитории. Для проведения занятий лекционного типа имеются учебно-наглядные пособия (презентации, плакаты, таблицы), обеспечивающие тематические иллюстрации содержания дисциплины
5	Учебная аудитория 212 для проведения лабораторных работ, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, укомплектованная специализированной мебелью и техническими средствами обучения (компьютеры с подключением к сети Интернет, обеспечивающие доступ в электронную информационно-образовательную среду ЗаБИЖТ ИрГУПС)

6	<p>Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены специализированной мебелью и компьютерной техникой, подключенной к информационно-телекоммуникационной сети Интернет с выходом в электронную информационно-образовательную среду ЗаБИЖТ ИрГУПС.</p> <p>Помещения для самостоятельной работы обучающихся:</p> <ul style="list-style-type: none"> - читальный зал; - 1.10; 2.17
7	<p>Помещение 3.25 для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования.</p> <p>Оснащенность: компьютеры, ручной слесарный инструмент, электротехнический инструмент, принадлежности для пайки, мебель, учебно-наглядные пособия</p>

8 МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ	
Вид учебной деятельности	Организация учебной деятельности обучающегося
Лекция	<p>На лекциях обучающиеся получают самые необходимые данные, во многом дополняющие и корректирующие учебники. Умение сосредоточенно слушать лекции, активно, творчески воспринимать излагаемые сведения является непременным условием их глубокого и прочного усвоения, а также развития умственных способностей.</p> <p>Лекция (от латинского «lection» – чтение) – вид аудиторных учебных занятий. Лекция: закладывает основы научных знаний в систематизированной, последовательной, обобщенной форме; раскрывает состояние и перспективы развития соответствующей области науки и техники; концентрирует внимание обучающихся на наиболее сложных, узловых вопросах; стимулирует познавательную активность обучающихся.</p> <p>Во время лекционных занятий обучающийся должен уметь сконцентрировать внимание на изучаемых проблемах и включить в работу все виды памяти: словесную, образную и моторно-двигательную. Для этого весь материал, излагаемый преподавателем, обучающемуся необходимо конспектировать. В конспект рекомендуется выписывать определения, формулировки и т.п. На полях конспекта следует помечать вопросы, выделенные обучающимся для консультации с преподавателем. Полезно составить краткий справочник, содержащий определения важнейших понятий дисциплины. К каждой лекции следует разобрать материал предыдущей лекции. Изучая материал по учебнику или конспекту лекций, следует переходить к следующему вопросу только в том случае, когда хорошо усвоен предыдущий вопрос. При этом необходимо воспроизводить на бумаге все рассуждения, как имеющиеся в учебнике или конспекте. Ряд вопросов дисциплины может быть вынесен на самостоятельное изучение. Такое задание требует оперативного выполнения. В конспекте лекций необходимо оставить место для освещения упомянутых вопросов. Обозначить вопросы, термины, материал, который вызывает трудности, пометить и попытаться найти ответ в рекомендуемой литературе. Если самостоятельно не удастся разобраться в материале, то необходимо сформулировать вопрос и задать преподавателю на консультации, на практическом занятии</p>
Практическое занятие	<p>Практическое занятие – вид аудиторных учебных занятий, целенаправленная форма организации учебного процесса, при реализации которой обучающиеся по заданию и под руководством преподавателя выполняют практические задания. Практические задания направлены на углубление научно-теоретических знаний и овладение определенными методами работы, в процессе которых вырабатываются умения и навыки выполнения тех или иных учебных действий в данной сфере науки. Практические занятия развивают научное мышление и речь, позволяют проверить знания обучающихся, выступают как средства оперативной обратной связи; цель практических занятий – углублять, расширять, детализировать знания, полученные на лекции, в обобщенной форме и содействовать выработке навыков профессиональной деятельности.</p> <p>На практических занятиях подробно рассматриваются основные вопросы дисциплины, разбираются основные типы задач. К каждому практическому занятию следует заранее самостоятельно выполнить домашнее задание и выучить лекционный материал к следующей теме. Систематическое выполнение домашних заданий обязательно и является важным фактором, способствующим успешному усвоению дисциплины.</p> <p>Особое внимание следует обращать на определение основных понятий дисциплины. Обучающийся должен подробно разбирать примеры, которые поясняют понятия</p>
Самостоятельная работа	<p>Обучение по дисциплине предусматривает активную самостоятельную работу обучающегося. В разделе 4 рабочей программы, который называется «Структура и содержание дисциплины», все часы самостоятельной работы расписаны по темам и вопросам. Обучающийся изучает учебный материал и если, несмотря на изученный</p>

	<p>материал, задания выполнить не удастся, то в обязательном порядке необходимо посетить консультацию преподавателя, ведущего практические занятия и/или консультацию лектора.</p> <p>Самостоятельная работа обучающегося является основным средством овладения учебным материалом во время, свободное от обязательных учебных занятий. Самостоятельная работа обучающегося над усвоением учебного материала может выполняться в библиотеке, аудиториях для самостоятельной работы, а также в домашних условиях. Учебный материал учебной дисциплины, предусмотренный учебным планом для усвоения обучающимся в процессе самостоятельной работы, выносится на промежуточную аттестацию наряду с учебным материалом, который разрабатывался при проведении учебных занятий.</p> <p>Содержание самостоятельной работы обучающегося определяется учебной программой дисциплины, методическими материалами, заданиями и указаниями преподавателя.</p> <p>Самостоятельная работа обучающихся осуществляется в аудиторной и внеаудиторной формах</p>
<p>Комплекс учебно-методических материалов по всем видам учебной деятельности, предусмотренным рабочей программой дисциплины, размещен в электронной информационно-образовательной среде ЗаБИЖТ ИрГУПС, доступной обучающемуся через его личный кабинет</p>	

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

**для проведения текущего контроля успеваемости
и промежуточной аттестации**

1 Общие положения

Фонд оценочных средств является составной частью нормативно-методического обеспечения системы оценки качества освоения обучающимися образовательной программы.

Фонды оценочных средств предназначены для использования обучающимися, преподавателями, администрацией Института, а также сторонними образовательными организациями для оценивания качества освоения образовательной программы и уровня сформированности компетенций у обучающихся.

В соответствии с требованиями действующего законодательства в сфере образования, оценочные средства представляются в виде ФОС для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине. С учетом действующего в Институте Положения о формах, периодичности и порядке текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся (высшее образование – бакалавриат, специалитет, магистратура), в состав ФОС для проведения промежуточной аттестации по дисциплине включаются оценочные средства для проведения текущего контроля успеваемости обучающихся.

Задачами ФОС являются:

- оценка достижений обучающихся в процессе изучения дисциплины;
- обеспечение соответствия результатов обучения задачам будущей профессиональной деятельности через совершенствование традиционных и внедрение инновационных методов обучения в образовательный процесс;
- самоподготовка и самоконтроль обучающихся в процессе обучения.

Фонд оценочных средств сформирован на основе ключевых принципов оценивания: валидность, надежность, объективность, эффективность.

Для оценки уровня сформированности компетенций используется трехуровневая система:

- минимальный уровень освоения, обязательный для всех обучающихся по завершению освоения ОПОП; дает общее представление о виде деятельности, основных закономерностях функционирования объектов профессиональной деятельности, методов и алгоритмов решения практических задач;
- базовый уровень освоения, превышение минимальных характеристик сформированности компетенций; позволяет решать типовые задачи, принимать профессиональные и управленческие решения по известным алгоритмам, правилам и методикам;
- высокий уровень освоения, максимально возможная выраженность характеристик компетенций; предполагает готовность решать практические задачи повышенной сложности, нетиповые задачи, принимать профессиональные и управленческие решения в условиях неполной определенности, при недостаточном документальном, нормативном и методическом обеспечении.

2 Перечень компетенций с указанием этапов их формирования. Показатели оценивания компетенций, критерии оценки

Дисциплина «Математика» участвует в формировании компетенций:

УК-1. Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, выработать стратегию действий.

ОПК-1. Способен решать инженерные задачи в профессиональной деятельности с использованием методов естественных наук, математического анализа и моделирования

Программа контрольно-оценочных мероприятий

очная форма обучения

№	Наименование контрольно-оценочного мероприятия	Объект контроля (понятие/тем/раздел и т.д. дисциплины)	Код индикатора достижения компетенции	Наименование оценочного средства (форма проведения*)
1 семестр				
1	Текущий контроль	Раздел 1. Линейная алгебра	УК-1.1, ОПК-1.4	Разноуровневые задачи (письменно), конспект (письменно), расчетно-графическая работа (РГР) (письменно), тестирование (компьютерные технологии)
2	Текущий контроль	Раздел 2. Векторная алгебра	УК-1.1, ОПК-1.4	Разноуровневые задачи (письменно), конспект (письменно), расчетно-графическая работа (РГР) (письменно), тестирование (компьютерные технологии)
3	Текущий контроль	Раздел 3. Аналитическая геометрия	УК-1.1, ОПК-1.4	Разноуровневые задачи (письменно), конспект (письменно), расчетно-графическая работа (РГР) (письменно), тестирование (компьютерные технологии)
4	Текущий контроль	Раздел 4. Введение в математический анализ	УК-1.1, ОПК-1.4	Разноуровневые задачи (письменно), конспект (письменно), расчетно-графическая работа (РГР) (письменно), тестирование (компьютерные технологии)
5	Текущий контроль	Раздел 5. Дифференциальное исчисление функций одной переменной	УК-1.1, ОПК-1.4	Разноуровневые задачи (письменно), конспект (письменно), расчетно-графическая работа (РГР) (письменно), тестирование (компьютерные технологии)
6	Промежуточная аттестация	Раздел 1. Линейная алгебра Раздел 2. Векторная алгебра Раздел 3. Аналитическая геометрия Раздел 4. Введение в математический анализ. Раздел 5. Дифференциальное исчисление функций одной переменной	УК-1.1, ОПК-1.4	Зачет (собеседование), зачет – тестирование (компьютерные технологии)
2 семестр				

1	Текущий контроль	Раздел 6. Интегральное исчисление функций одной переменной	УК-1.1, ОПК-1.4	Разноуровневые задачи (письменно), конспект (письменно), расчетно-графическая работа (РГР) (письменно), тестирование (компьютерные технологии)
2	Текущий контроль	Раздел 7. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных	УК-1.1, ОПК-1.4	Разноуровневые задачи (письменно), конспект (письменно), расчетно-графическая работа (РГР) (письменно), тестирование (компьютерные технологии)
3	Текущий контроль	Раздел 8. Интегральное исчисление функций нескольких переменных	УК-1.1, ОПК-1.4	Разноуровневые задачи (письменно), конспект (письменно), расчетно-графическая работа (РГР) (письменно), тестирование (компьютерные технологии)
4	Промежуточная аттестация	Раздел 6. Интегральное исчисление функций одной переменной. Раздел 7. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных. Раздел 8. Интегральное исчисление функций нескольких переменных	УК-1.1, ОПК-1.4	Экзамен (собеседование), экзамен – тестирование (компьютерные технологии)
3 семестр				
1	Текущий контроль	Раздел 9. Дифференциальные уравнения	УК-1.1, ОПК-1.4	Разноуровневые задачи (письменно), конспект (письменно), расчетно-графическая работа (РГР) (письменно), тестирование (компьютерные технологии)
2	Текущий контроль	Раздел 10. Теория рядов	УК-1.1, ОПК-1.4	Разноуровневые задачи (письменно), конспект (письменно), расчетно-графическая работа (РГР) (письменно), тестирование (компьютерные технологии)
3	Текущий контроль	Раздел 11. Основы теории функции комплексного переменного	УК-1.1, ОПК-1.4	Разноуровневые задачи (письменно), конспект (письменно), расчетно-графическая работа (РГР) (письменно), тестирование (компьютерные технологии)
4	Текущий контроль	Раздел 12. Элементы операционного исчисления	УК-1.1, ОПК-1.4	Разноуровневые задачи (письменно), конспект (письменно), расчетно-графическая работа (РГР) (письменно), тестирование (компьютерные технологии)

5	Промежуточная аттестация	Раздел 9. Дифференциальные уравнения. Раздел 10. Теория рядов. Раздел 11. Основы теории функции комплексного переменного. Раздел 12. Элементы операционного исчисления	УК-1.1, ОПК-1.4	Экзамен (собеседование), экзамен – тестирование (компьютерные технологии)
4 семестр				
1	Текущий контроль	Раздел 13. Основы дискретной математики. Раздел 14. Основы теории вероятностей и математической статистики	УК-1.1, ОПК-1.4	Разноуровневые задачи (письменно), конспект (письменно), расчетно-графическая работа (РГР) (письменно), тестирование (компьютерные технологии)
2	Текущий контроль	Раздел 13. Основы дискретной математики. Раздел 14. Основы теории вероятностей и математической статистики	УК-1.1, ОПК-1.4	Зачет (собеседование), зачет – тестирование (компьютерные технологии)

*Форма проведения контрольно-оценочного мероприятия: устно, письменно, компьютерные технологии.

Программа контрольно-оценочных мероприятий заочная форма обучения

№	Наименование контрольно-оценочного мероприятия	Объект контроля (понятие/тема/раздел и т.д. дисциплины)	Код индикатора достижения компетенции	Наименование оценочного средства (форма проведения*)
Курс 1 сессия зимняя				
1	Текущий контроль	Раздел 1. Линейная алгебра. Раздел 2. Векторная алгебра. Раздел 3. Аналитическая геометрия Раздел 4. Введение в математический анализ. Раздел 5. Дифференциальное исчисление функций одной переменной	УК-1.1, ОПК-1.4	Контрольная работа № 1 (письменно), конспект (письменно)
2	Промежуточная аттестация	Раздел 1. Линейная алгебра. Раздел 2. Векторная алгебра. Раздел 3. Аналитическая геометрия Раздел 4. Введение в математический анализ. Раздел 5. Дифференциальное исчисление функций одной переменной	УК-1.1, ОПК-1.4	Зачет (собеседование), зачет – тестирование (компьютерные технологии)
Курс 1 сессия летняя				
1	Текущий контроль	Раздел 6. Интегральное исчисление функций одной переменной. Раздел 7. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных. Раздел 8. Интегральное исчисление функций нескольких переменных	УК-1.1, ОПК-1.4	Контрольная работа № 2 (письменно), контрольная работа № 3 (письменно), конспект (письменно)
2	Промежуточная аттестация	Раздел 6. Интегральное исчисление функций одной переменной. Раздел 7. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных. Раздел 8. Интегральное исчисление функций нескольких переменных	УК-1.1, ОПК-1.4	Экзамен (собеседование), экзамен – тестирование (компьютерные технологии)
Курс 2 сессия зимняя				
1	Текущий контроль	Раздел 9. Дифференциальные уравнения.	УК-1.1, ОПК-1.4	Контрольная работа № 4 (письменно),

		Раздел 10. Теория рядов. Раздел 11. Основы теории функции комплексного переменного. Раздел 12. Элементы операционного исчисления		конспект (письменно)
2	Промежуточная аттестация	Раздел 9. Дифференциальные уравнения. Раздел 10. Теория рядов. Раздел 11. Основы теории функции комплексного переменного. Раздел 12. Элементы операционного исчисления	УК-1.1, ОПК-1.4	Экзамен (собеседование), экзамен – тестирование (компьютерные технологии)
Курс 2 сессия летняя				
1	Текущий контроль	Раздел 13. Основы дискретной математики. Раздел 14. Основы теории вероятностей и математической статистики	УК-1.1, ОПК-1.4	Контрольная работа № 5 (письменно), конспект (письменно)
2	Промежуточная аттестация	Раздел 13. Основы дискретной математики. Раздел 14. Основы теории вероятностей и математической статистики	УК-1.1, ОПК-1.4	Зачет (собеседование), зачет – тестирование (компьютерные технологии)

*Форма проведения контрольно-оценочного мероприятия: устно, письменно, компьютерные технологии.

Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Контроль качества освоения дисциплины включает в себя текущий контроль успеваемости и промежуточную аттестацию. Текущий контроль успеваемости и промежуточная аттестация обучающихся проводятся в целях установления соответствия достижений обучающихся поэтапным требованиям образовательной программы к результатам обучения и формирования компетенций.

Текущий контроль успеваемости – основной вид систематической проверки знаний, умений, навыков обучающихся. Задача текущего контроля – оперативное и регулярное управление учебной деятельностью обучающихся на основе обратной связи и корректировки. Результаты оценивания учитываются в виде средней оценки при проведении промежуточной аттестации.

Для оценивания результатов обучения используется четырехбалльная шкала: «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно» и двухбалльная шкала: «зачтено», «не зачтено».

Перечень оценочных средств, используемых для оценивания компетенций на различных этапах их формирования, а также краткая характеристика этих средств приведены в таблице

№	Наименование оценочного средства	Краткая характеристика оценочного средства	Представление оценочного средства в ФОС
1	Расчетно-графическая работа (РГР)	Средство для проверки умений применять полученные знания по заранее определенной методике для решения задач или заданий по разделу дисциплины. Может быть использовано для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности обучающихся	Типовое задание для выполнения расчетно-графической работы
2	Контрольная работа (К)	Средство проверки умений применять полученные знания для решения задач определенного типа по теме или разделу. Может быть использовано для оценки знаний и умений обучающихся	Типовое задание для выполнения контрольной работы
3	Разноуровневые	Различают задачи:	Типовые

	задачи	<p>– репродуктивного уровня, позволяющие оценивать и диагностировать знание фактического материала (базовые понятия, алгоритмы, факты) и умение правильно использовать специальные термины и понятия, узнавание объектов изучения в рамках определенного раздела дисциплины; может быть использовано для оценки знаний и умений обучающихся;</p> <p>– реконструктивного уровня, позволяющие оценивать и диагностировать умения синтезировать, анализировать, обобщать фактический и теоретический материал с формулированием конкретных выводов, установлением причинно-следственных связей; может быть использовано для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности обучающихся;</p> <p>– творческого уровня, позволяющие оценивать и диагностировать умения, интегрировать знания различных областей, аргументировать собственную точку зрения; может быть использовано для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности обучающихся</p>	разноуровневые задачи
4	Конспект	<p>Особый вид текста, в основе которого лежит аналитико-синтетическая переработка информации первоисточника (исходного текста). Цель этой деятельности — выявление, систематизация и обобщение (с возможной критической оценкой) наиболее ценной (для конспектирующего) информации. Может быть использовано для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности обучающихся</p>	Темы конспектов
5	Тестирование (компьютерные технологии)	<p>Система стандартизированных заданий, позволяющая автоматизировать процедуру измерения уровня знаний и умений обучающегося. Может быть использовано для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности обучающихся</p>	Фонд тестовых заданий
6	Зачет	<p>Средство, позволяющее оценить знания, умения и владения обучающегося по дисциплине. Рекомендуется для оценки знаний, умений и владений навыками обучающихся</p>	Перечень теоретических вопросов и типовое практическое задание к зачету
7	Экзамен	<p>Средство, позволяющее оценить знания, умения, навыков и (или) опыта деятельности обучающегося по дисциплине. Может быть использовано для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности обучающихся</p>	Перечень теоретических вопросов и типовые практические задания (образец экзаменационного билета)
8	Тест – промежуточная аттестация в форме зачета	<p>Система автоматизированного контроля освоения компетенций (части компетенций) обучающимся по дисциплине с использованием информационно-коммуникационных технологий. Может быть использовано для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности обучающихся</p>	Фонд тестовых заданий
9	Тест – промежуточная аттестация в форме экзамена	<p>Система автоматизированного контроля освоения компетенций (части компетенций) обучающимся по дисциплине с использованием информационно-коммуникационных технологий. Может быть использовано для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности обучающихся</p>	Фонд тестовых заданий

**Критерии и шкалы оценивания компетенций в результате изучения дисциплины
при проведении промежуточной аттестации в форме зачета и экзамена
Шкалы оценивания уровня освоения компетенций**

Шкалы оценивания		Критерии оценивания	Уровень освоения компетенций
«отлично»	«зачтено»	Обучающийся правильно ответил на теоретические вопросы. Показал отличные знания в рамках учебного материала. Правильно выполнил практические задания. Показал отличные умения и владения навыками применения полученных знаний и умений при решении задач в рамках учебного материала. Ответил на все дополнительные вопросы	Высокий
«хорошо»		Обучающийся с небольшими неточностями ответил на теоретические вопросы. Показал хорошие знания в рамках учебного материала. С небольшими неточностями выполнил практические задания. Показал хорошие умения и владения навыками применения полученных знаний и умений при решении задач в рамках учебного материала. Ответил на большинство дополнительных вопросов	Базовый
«удовлетворительно»		Обучающийся с существенными неточностями ответил на теоретические вопросы. Показал удовлетворительные знания в рамках учебного материала. С существенными неточностями выполнил практические задания. Показал удовлетворительные умения и владения навыками применения полученных знаний и умений при решении задач в рамках учебного материала. Допустил много неточностей при ответе на дополнительные вопросы	Минимальный
«неудовлетворительно»	«не зачтено»	Обучающийся при ответе на теоретические вопросы и при выполнении практических заданий продемонстрировал недостаточный уровень знаний и умений. При ответах на дополнительные вопросы было допущено множество неправильных ответов	Компетенции не сформированы

Тест – промежуточная аттестация в форме зачета:

Шкала оценивания	Критерии оценивания
«зачтено»	Обучающийся верно ответил на 70 % и более тестовых заданий при прохождении тестирования
«не зачтено»	Обучающийся верно ответил на 69 % и менее тестовых заданий при прохождении тестирования

Тест – промежуточная аттестация в форме экзамена:

Шкала оценивания	Критерии оценивания
«отлично»	Обучающийся верно ответил на 90 – 100 % тестовых заданий при прохождении тестирования
«хорошо»	Обучающийся верно ответил на 80 – 89 % тестовых заданий при прохождении тестирования
«удовлетворительно»	Обучающийся верно ответил на 70 – 79 % тестовых заданий при прохождении тестирования
«неудовлетворительно»	Обучающийся верно ответил на 69 % и менее тестовых заданий при прохождении тестирования

Критерии и шкалы оценивания результатов обучения при проведении текущего контроля успеваемости

Расчетно-графическая работа (РГР)

Шкала оценивания	Критерии оценивания
«отлично»	Обучающийся полностью и правильно выполнил задание РГР. Показал отличные знания, умения и владения навыками применения их при решении задач в рамках усвоенного учебного материала. РГР оформлена аккуратно и в соответствии с предъявляемыми требованиями
«хорошо»	Обучающийся выполнил задание РГР с небольшими неточностями. Показал хорошие знания, умения и владения навыками применения их при решении задач в рамках усвоенного учебного материала. Есть недостатки в оформлении РГР
«удовлетворительно»	Обучающийся выполнил задание РГР с существенными неточностями. Показал удовлетворительные знания, умения и владения навыками применения их при решении задач в рамках усвоенного учебного материала. Качество оформления РГР имеет недостаточный уровень
«неудовлетворительно»	При выполнении РГР обучающийся продемонстрировал недостаточный уровень знаний, умений и владения ими при решении задач в рамках усвоенного учебного материала

Контрольная работа

Шкала оценивания	Критерии оценивания
«зачтено»	Полное раскрытие темы, указание точных названий и определений, правильная формулировка понятий и категорий, приведены все необходимые формулы, соответствующая статистика и т.п., все задания выполнены верно (все задачи решены правильно)
	Недостаточно полное раскрытие темы, одна-две несущественные ошибки в определении понятий и категорий, в формулах, статистических данных и т. п., кардинально не меняющие суть изложения, наличие незначительного количества грамматических и стилистических ошибок, одна-две несущественные погрешности при выполнении заданий или в решениях задач
	Ответ отражает лишь общее направление изложения лекционного материала, наличие более двух несущественных или одной-двух существенных ошибок в определении понятий и категорий, формулах, статистических данных и т. п.; большое количество грамматических и стилистических ошибок, одна-две существенные ошибки при выполнении заданий или в решениях задач
«не зачтено»	Обучающийся демонстрирует слабое понимание программного материала. Тема не раскрыта, более двух существенных ошибок в определении понятий и категорий, в формулах, статистических данных, при выполнении заданий или в решениях задач, наличие грамматических и стилистических ошибок и др. Нет ответа. Не было попытки выполнить задание

Разноуровневые задачи

Шкала оценивания	Критерии оценивания
«отлично»	Демонстрирует очень высокий/высокий уровень знаний, умений, навыков в соответствии с критериями оценивания. Все требования, предъявляемые к заданию, выполнены
«хорошо»	Демонстрирует достаточно высокий/выше среднего уровень знаний, умений, навыков в соответствии с критериями оценивания. Все требования, предъявляемые к заданию, выполнены
«удовлетворительно»	Демонстрирует средний уровень знаний, умений, навыков в соответствии с критериями оценивания. Большинство требований, предъявляемых к заданию, выполнены. Демонстрирует низкий/ниже среднего уровень знаний, умений, навыков в соответствии с критериями оценивания. Многие требования, предъявляемые к заданию, не выполнены
«неудовлетворительно»	Демонстрирует очень низкий уровень знаний, умений, навыков в соответствии с критериями оценивания. Нет ответа. Не было попытки решить задачу

Конспект

Шкала оценивания	Критерии оценивания
«отлично»	Конспект по теме выполнен в обозначенный преподавателем срок. Конспект выполнен обучающимся по заданной теме в полном объеме с соблюдением необходимой последовательности. Обучающийся работал полностью самостоятельно; раскрыл тему полностью и ответил на все вопросы преподавателя по конкретной теме конспекта. Конспект оформлен аккуратно, в наиболее оптимальной для фиксации результатов форме
«хорошо»	Конспект по теме выполнен в обозначенный преподавателем срок. Конспект выполнен обучающимся по заданной теме в полном объеме с соблюдением необходимой последовательности. Обучающийся работал полностью самостоятельно; раскрыл тему не полностью и ответил на часть вопросов преподавателя по конкретной теме конспекта. Конспект оформлен аккуратно, с незначительными исправлениями
«удовлетворительно»	Конспект по теме выполнен в обозначенный преподавателем срок. Конспект выполнен обучающимся по заданной теме в не полном объеме с частичным соблюдением необходимой последовательности. Обучающийся работал полностью самостоятельно; раскрыл тему не полностью и ответил на часть вопросов преподавателя по конкретной теме конспекта. Конспект оформлен не аккуратно
«неудовлетворительно»	Конспект по теме не выполнен в обозначенный преподавателем срок. Конспект выполнен обучающимся не по заданной теме в не полном объеме без соблюдения необходимой последовательности. Обучающийся работал не самостоятельно; не раскрыл тему и не ответил на вопросы преподавателя по конкретной теме конспекта. Конспект оформлен не аккуратно

Тестирование – текущий контроль

Шкала оценивания	Критерии оценивания
«отлично»	Обучающийся верно ответил на 90 – 100 % тестовых заданий при прохождении тестирования
«хорошо»	Обучающийся верно ответил на 80 – 89 % тестовых заданий при прохождении тестирования
«удовлетворительно»	Обучающийся верно ответил на 70 – 79 % тестовых заданий при прохождении тестирования
«неудовлетворительно»	Обучающийся верно ответил на 69 % и менее тестовых заданий при прохождении тестирования

3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

3.1 Типовые контрольные задания расчетно-графических работ

Варианты заданий для выполнения расчетно-графических работ выложены в электронной информационно-образовательной среде ЗаБИЖТ ИрГУПС, доступной обучающемуся через его личный кабинет.

Ниже приведены образцы типовых заданий для выполнения расчетно-графических работ по темам, предусмотренным рабочей программой дисциплины.

Образец типового задания варианта расчетно-графической работы № 1

Задание 1. Выполнить действия над матрицами $(A - 3B) + B^2$

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & -1 \\ 4 & 5 & 2 \\ -1 & 0 & 7 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 5 \\ 0 & 1 & 3 \\ 2 & -2 & 4 \end{pmatrix}.$$

Задание 2 Решить систему линейных уравнений методами Крамера, Гаусса, обратной матрицы.

$$\begin{cases} 3x - y + z = -11, \\ 5x + y + 2z = 8, \\ x + 2y + 4z = 16. \end{cases}$$

Задание 3. Найти косинус угла между векторами \vec{a} и \vec{b}

$$\vec{a} = \{6, 9, 4\}, \vec{b} = \{4, -2, -9\}.$$

Задание 4. Написать общее уравнение $Ax + By + C = 0$ прямой, проходящей через точки M и N . Преобразовать полученное уравнение и представить его в виде уравнения прямой с угловым коэффициентом $y = kx + b$ и уравнения прямой в отрезках на осях $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$.

$M(-2, 4), N(3, 1)$.

Задание 5. Даны координаты четырёх точек: A, B, C, D . Найти площадь треугольника ABC и длину его высоты, опущенной из точки C .

$A(0; 2; -1), B(0, 1, -1), C(-1; 0; 1), D(-1; 0; 2)$

Задание 6. Вычислить пределы

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^3 - 5x^2 + 2}{2x^3 + 5x^2 - x} \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 12x + 20}.$$

Задание 7. Исследовать на непрерывность функцию, при наличии точек разрыва определить их тип. Построить график функции.

$$\begin{cases} x + 4 & \text{при } x < -1, \\ x^2 + 2 & \text{при } -1 \leq x \leq 1, \\ 2x & \text{при } x > 1. \end{cases}$$

Задание 8. Найти производную сложной функции

$$y = 3 \cos^2(4x^2 + 3).$$

Задание 9. Найти пределы функций, используя правило Лопиталья

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x - \sin 6x}{1 - \cos x}.$$

Задание 10. Провести полное исследование функции и построить её график

$$y = x^3 + 2x^2 + 3x - 2$$

Примерные вопросы для защиты расчётно-графической работы № 1

1. Что такое комплексное число? В чём его отличия от действительного числа? Что такое мнимая единица?
2. Запишите тригонометрическую и показательную формы комплексного числа. Как найти модуль и аргумент? Каков их геометрический смысл?
3. Приведите примеры операций над комплексными числами в алгебраической и тригонометрической формах. Запишите формулу Муавра.
4. Что такое матрица? Как определяются линейные операции над матрицами и каковы их свойства? Приведите примеры.
5. Что такое матрица и расширенная матрица системы линейных уравнений? Приведите примеры.
6. Что такое решение системы линейных уравнений? Какие системы называются совместными, а какие – несовместными?
7. Сформулируйте теорему Кронекера-Капелли.
8. При каком условии система линейных уравнений имеет единственное решение?
9. Для каких систем уравнений используется метод Крамера? В чём он состоит?
10. Опишите метод Гаусса решения и исследования систем линейных уравнений.
11. Что такое ранг матрицы? Как его можно найти?
12. Какая матрица называется обратной для данной матрицы? Всегда ли существует обратная матрица? Как можно найти обратную матрицу?
13. В чём состоит матричный способ решения систем линейных уравнений?
14. Что такое вектор? Длина вектора? Назовите основные операции над векторами. Приведите примеры.
15. Дайте определения скалярного, векторного и смешанного произведений векторов. Запишите формулы для их нахождения в координатной форме.
16. Запишите формулы для нахождения площадей и объёмов фигур с помощью векторов. Приведите примеры.
17. Как можно задать прямую на плоскости? Что такое вектор нормали и направляющий вектор прямой?
18. Каким может быть взаимное расположение прямых на плоскости? Точки и прямой?
19. Как можно задать прямую и плоскость в пространстве?
20. Каким может быть взаимное расположение плоскостей в пространстве? Прямой и плоскости? Двух прямых?
21. Как определить расстояние между точками? От точки до прямой? От точки до плоскости?
22. Дайте определение функции. Что такое область определения функции?
23. Каковы основные способы задания функции? Приведите примеры.
24. Сформулируйте определения предела последовательности и предела функции.
25. Запишите формулу первого и второго замечательного пределов.
26. Сформулируйте определения непрерывности функции в точке и на отрезке. Какие точки называются точками разрыва функции?
27. Что такое односторонние пределы? Всегда ли они равны?
28. Сформулируйте определение производной. Каков её механический и геометрический смысл?
29. Запишите таблицу производных основных элементарных функций.
30. Запишите формулы производных суммы, произведения, частного двух функций. Приведите примеры.
31. Запишите формулу дифференцирования сложной функции. Приведите примеры.

32. Сформулируйте правило логарифмического дифференцирования. Приведите примеры.
33. Сформулируйте определение дифференциала функции.
34. Дайте геометрическую интерпретацию дифференциала функции и её приращения в заданной точке.
35. Сформулируйте определения производной и дифференциала высших порядков.
36. Каков механический смысл производной второго порядка?
37. Как находятся производные первого и второго порядка для функций, заданных параметрически?
38. Сформулируйте определения возрастающей и убывающей на отрезке функции.
39. Сформулируйте правила отыскания экстремумов функции.
40. Приведите пример, показывающий, что обращение в некоторой точке производной в нуль не является достаточным условием наличия в этой точке экстремума функции.
41. Как найти наибольшее и наименьшее значения функции, дифференцируемой на отрезке? Всегда ли они существуют?
42. Сформулируйте определения выпуклости и вогнутости линии, точки перегиба.
43. Как находятся интервалы выпуклости и вогнутости и точки перегиба линии, заданной уравнением $y=f(x)$? Приведите примеры.
44. Что такое асимптота? Как находятся вертикальные, горизонтальные и наклонные асимптоты линии, заданной уравнением $y=f(x)$? Приведите примеры.
45. Изложите схему общего исследования функции и построения ее графика.

Образец типового задания для выполнения расчетно-графической работы № 2

Задание 1. Найти неопределённый интеграл методом интегрирования по частям

$$\int u dv = uv - \int v du.$$

$$\int (4 - 3x)e^{-3x} dx.$$

Задание 2. Найти неопределённый интеграл

$$\int \frac{3x^5 - 12x^3 - 7}{x^2 + 2x} dx.$$

Задание 3. Вычислить определённый интеграл

$$\int_0^{\ln 2} e^{2x-1} dx.$$

Задание 4. Вычислить площадь плоской фигуры, ограниченной линиями

$$y = 2x - x^2 + 3, y = x^2 - 4x + 3.$$

Задание 5. Вычислить несобственный интеграл или установить его расходимость

$$\int_2^{+\infty} \frac{\ln x}{x} dx.$$

Примерные вопросы для защиты расчётно-графической работы № 2

1. Что такое первообразная? Неопределённый интеграл?
2. Запишите таблицу интегралов основных элементарных функций.
3. Сформулируйте основные свойства неопределённого интеграла.
4. Приведите пример замены переменной или подведения под знак дифференциала в неопределённом интеграле.
5. Запишите формулу интегрирования по частям.
6. В чём состоит метод неопределённых коэффициентов и в каких случаях он применяется?
7. Какие правила существуют для нахождения интегралов степеней синуса и косинуса?
8. Что такое определённый интеграл? В чём его отличие от неопределённого?
9. Запишите формулу Ньютона-Лейбница. Когда она применима?

10. Сформулируйте основные свойства определённого интеграла.
11. В чём особенность метода замены переменной для определённого интеграла в отличие от неопределённого?
12. Как изменяется формула интегрирования по частям для определённого интеграла?
13. Что такое несобственный интеграл I рода и каковы правила его нахождения? Какие несобственные интегралы называются сходящимися? Расходящимися?
14. Что такое несобственный интеграл II рода и каковы правила его нахождения? Как отличить несобственный интеграл II рода от определённого интеграла?
15. Как вычислить площадь плоской фигуры с помощью определённого интеграла?
16. Как вычислить длину дуги кривой с помощью определённого интеграла?
17. Приведите примеры прикладных задач, сводящихся к вычислению определённого интеграла.
18. Что такое криволинейный интеграл I рода? Как он связан с формулой длины дуги кривой?
19. Что такое криволинейный интеграл II рода? Каковы правила его нахождения?
20. Какой из криволинейных интегралов зависит от пути интегрирования?

Образец типового задания для выполнения расчетно-графической работы № 3

Задание 1. Построить в прямоугольной декартовой системе координат область определения функции двух переменных

$$z = \arcsin \frac{x^2 + y^2}{4}.$$

Задание 2. Найти указанные частные производные высших порядков

$$z = \sin(xy), \quad \frac{\partial^3 z}{\partial y \partial x^2}.$$

Задание 3. Пластина D задана ограничивающими её кривыми, μ - поверхностная плотность. Найти массу пластины

$$\mu = 7x^2 + y \quad D: \begin{cases} x = 1, y = 0, \\ y^2 = 4x (y \geq 0) \end{cases}$$

Задание 4. Вычислить криволинейный интеграл второго рода по периметру треугольника ABCA, ответ округлить до сотых
Криволинейный интеграл

$$\int_L (x^2 - y) dx - (x - y^2) dy$$

Линия интегрирования L

Контур треугольника с вершинами A(19, 3), B(-5, -4), C(-9, -1).

Задание 5. Найти градиент функции $u = u(x; y; z)$ и ее производную в точке $P_0(x_0; y_0; z_0)$ в направлении вектора $\overline{P_0 P_1}$.

$$u = e^{x+y} - 2z, \quad P_0(1; -1; 3), \quad P_1(2; 5; 4).$$

Примерные вопросы для защиты расчётно-графической работы № 3

1. Дайте определение функции нескольких переменных. Как отыскать и изобразить область определения функции двух переменных? Приведите примеры.
2. Что такое частное приращение функции нескольких переменных? Частная производная?
3. Запишите формулу полного дифференциала функции двух переменных.
4. Что такое градиент функции?

5. Дайте определение производной по направлению. Как она находится? Что такое направляющие косинусы?
6. Приведите алгоритм исследования функции двух переменных на безусловный и условный экстремум.
7. Сформулируйте основные свойства кратных интегралов на примере двойного интеграла.
8. Как вычислить двойной интеграл по указанной области?
9. Как найти площадь плоской фигуры с помощью двойного интеграла? Какое значение имеет порядок интегрирования? Приведите примеры.

Образец типового задания для выполнения расчетно-графической работы № 4

Задание 1. Найти решение задачи Коши для дифференциального уравнения с разделяющимися переменными

$$x^2 y^2 y' + 1 = y, \quad y(1) = 2.$$

Задание 2. Определить тип дифференциального уравнения и найти его общее решение

$$y' = \frac{x}{y}.$$

Задание 3. Найти сумму ряда

$$\sum_{n=4}^{\infty} \frac{12}{(n-1)(n-3)}.$$

Задание 4. Выписать первые пять членов ряда и исследовать ряд на сходимость с помощью признака Даламбера

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{n!}.$$

Задание 5. Разложить функцию в ряд, пользуясь табличными разложениями элементарных функций

$$y = e^{x^3}.$$

Примерные вопросы для защиты расчётно-графической работы № 4

1. Дайте определения дифференциального уравнения первого порядка и его общего и частного решения (интеграла).
2. Сформулируйте задачу Коши для дифференциального уравнения первого порядка и укажите ее геометрический смысл.
3. Дайте определение дифференциального уравнения с разделяющимися переменными. Изложите метод нахождения его общего решения. Приведите примеры.
4. Дайте определение однородного дифференциального уравнения первого порядка. Изложите метод нахождения его общего решения. Приведите пример.
5. Дайте определение линейного дифференциального уравнения первого порядка. Изложите метод нахождения его общего решения. Приведите пример.
6. Дайте определение уравнения Бернулли. Изложите метод нахождения его общего решения. Приведите пример.
7. Дайте определение дифференциального уравнения в полных дифференциалах. Изложите метод нахождения его общего решения. Приведите пример.
8. Изложите метод решения дифференциального уравнения вида $y^{(n)} = f(x)$. Приведите пример.
9. Изложите метод решения дифференциального уравнения вида $y'' = f(x, y')$. Приведите пример.
10. Изложите метод решения дифференциального уравнения вида $y'' = f(y, y')$. Приведите пример.
11. Дайте определение линейного дифференциального уравнения n-го порядка (однородного и неоднородного).

12. Запишите формулу для общего решения линейного однородного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами в случае действительных различных корней характеристического уравнения. Приведите пример.
13. Запишите формулу общего решения линейного однородного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами в случае действительных равных корней характеристического уравнения. Приведите пример.
14. Запишите формулу общего решения линейного однородного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами в случае комплексных корней характеристического уравнения. Приведите пример.
15. Изложите правило нахождения частного решения линейного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами и специальной правой частью.
16. Дайте определения сходящегося и расходящегося рядов. Исследуйте сходимость ряда, составленного из членов геометрической прогрессии.
17. Сформулируйте необходимый признак сходимости ряда.
18. Сформулируйте признаки сходимости знакоположительных рядов.
19. Сформулируйте признак Даламбера. Приведите пример применения этого признака.
20. Сформулируйте радикальный признак Коши. Приведите пример применения этого признака.
21. Сформулируйте интегральный признак Коши. Приведите примеры применения этого признака.
22. Что такое абсолютная сходимость? Условная сходимость? Сформулируйте свойства абсолютно сходящихся рядов. Приведите примеры абсолютно и условно сходящихся рядов.
23. Сформулируйте признак Лейбница сходимости знакочередующихся рядов. Приведите пример на применение этого признака.
24. Дайте определение области сходимости функционального ряда. Приведите примеры рядов с различными областями сходимости.
25. Сформулируйте признак Вейерштрасса абсолютной и равномерной сходимости ряда.
26. Сформулируйте основные свойства равномерно сходящихся рядов.
27. Сформулируйте теорему Абеля о сходимости степенных рядов.
28. Как вычислить радиус сходимости степенного ряда?
29. Приведите пример табличного разложения элементарной функции в степенной ряд.
30. Приведите пример оценки точности вычисления суммы знакочередующегося ряда.
31. Изложите метод приближенного вычисления определенных интегралов с помощью рядов. Приведите примеры.
32. Приведите примеры элементарных функций комплексной переменной. Как вычислить их значение в заданной точке?
33. Сформулируйте условия Коши-Римана. Приведите пример проверки этих условий.
34. Как восстановить аналитическую функцию по заданной действительной части? По мнимой части? Приведите примеры.
35. Приведите пример вычисления интеграла от функции комплексной переменной.
36. Что такое ряд Лорана? Как разложить функцию в такой ряд? Что такое вычет?
37. Каким условиям должна удовлетворять функция, являющаяся оригиналом или начальной функцией?
38. Что такое изображение и каким соотношением оно связано с оригиналом? Что такое преобразование Лапласа?
39. Перечислите основные свойства оригиналов и изображений.
40. Как отыскать изображение по оригиналу? Оригинал по изображению? Приведите примеры табличных соответствий оригинала и изображения.

Образец типового задания для выполнения расчетно-графической работы № 5

Задание 1. Используя классическое определение вероятности и формулы комбинаторики, найти решение задачи.

В городе 8 фирм, половина из которых пытается уйти от налогов. Для аудиторской проверки наугад выбирают 4 фирмы. Какова вероятность, что среди проверяемых фирм попытаются уйти от налогов: а) только две фирмы; б) не менее двух; в) более двух; г) хотя бы одна.

Задание 2. Используя формулу полной вероятности и формулы Байеса, найти решение задачи.

Четыре фирмы участвуют в проекте. Риск разорения каждой фирмы равен 10, 12, 15, 18 % соответственно. Какова вероятность того, что в результате проекта неудачу выбранная фирма разорится? В результате проекта одна фирма разорилась; какова вероятность, что это фирма с наибольшим риском?

Задание 3. Используя формулы Бернулли, Лапласа и Пуассона, найти решение задачи.

Торговый агент в среднем контактирует с восемью потенциальными покупателями в день. Из опыта ему известно, что вероятность того, что потенциальный покупатель совершит покупку, равна 0,1. Чему равна для агента: а) вероятность двух продаж в течение одного дня; б) вероятность хотя бы двух продаж в течение дня; в) вероятность того, что в течение одного дня не будет продаж?

Задание 4. Используя теоретические сведения о дискретных случайных величинах, найти решение задачи.

Из 10 книг, среди которых 6 справочников, отобраны 3. Составить закон распределения и найти числовые характеристики случайной величины X – числа справочников среди отобранных книг. Построить функцию распределения и ее график.

Задание 5. Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения в определенном интервале, вне этого интервала $f(x)=0$. Найти число A , функцию распределения $F(x)$, математическое ожидание, дисперсию, и вероятность попадания случайной величины X на отрезок $[a; b]$. Построить графики функций $F(x)$ и $f(x)$.

$$f(x)=A(4x+5), x \in [0; 3], a=1, b=2.$$

Задание 6. Дана матрица распределения вероятностей дискретной двумерной случайной величины (X, Y) . Требуется: а) найти законы распределения составляющих X и Y ; б) выяснить, зависимы они или нет; в) вычислить $M(X)$, $M(Y)$, $D(X)$, $D(Y)$ и коэффициент корреляции системы.

Y	X		
	2	3	5
1	0,34	0,16	0,10
2	0,12	0,18	0,10

Задание 7. Для изучения распределения заработной платы работников предприятия обследовано 50 человек. Результаты (тыс. руб.) приведены в таблице. Построить сгруппированный ряд наблюдений, разбив весь диапазон на 7 равных интервалов. Требуется: а) построить интервальное распределение выборки и гистограмму частот;

б) приняв середины частичных интервалов в качестве новых вариантов, построить дискретное распределение и полигон относительных частот;

в) найти выборочную среднюю, выборочную дисперсию, выборочное среднее квадратическое отклонение.

20,8 29,4 12,3 25,4 16,7 27,3 19,2 10,0 24,9 19,3 17,9 24,6 28,9 21,4 25,0 15,9 30,9 23,2 28,5 25,9 25,9 15,9 15,1 20,5 27,2 39,3 22,0 34,2 19,1 11,4 40,2 31,0 36,4 33,5 5,3 23,2 32,1 24,7 39,2 25,1 13,8 24,6 23,1 16,7 20,0 26,4 7,8 28,1 16,8 28,7

Задание 8. В течение n часов исследовалась работа кассовых аппаратов. Установлено, что число аппаратов X , вышедших из строя, имеет эмпирическое распределение. Проверить гипотезу о распределении по закону Пуассона генеральной совокупности этой величины. Использовать критерий Пирсона χ^2 при уровне значимости α . Распределение сведено в таблицу, где X_i – количество аппаратов, вышедших из строя в течение одного часа, n_i – частота этого события.

x_i	0	1	2	3	4	5
n_i	401	380	167	46	4	2

$\alpha = 0,01$

Задание 9. Результаты наблюдений над признаками X и Y заданы в виде троек чисел (X, Y, n) , где n – частота наблюдений пары значений (X, Y) .

Требуется:

- 1) построить корреляционную таблицу;
- 2) найти выборочный коэффициент корреляции;
- 3) составить уравнение регрессии Y на X .

X – стоимость активной части производственных фондов, млн. руб., Y – выработка продукции на одного рабочего, тыс. руб. (X, Y, n) : $\{(10; 0,8; 3), (10,5; 0,8; 3), (10,5; 1; 1), (11; 1; 2), (11; 1,2; 2), (11; 1,4; 1), (11,5; 1; 1), (11,5; 1,2; 1), (11,5; 1,4; 1), (12; 1,2; 2), (12; 1,4; 2)\}$.

Задание 10. Используя теоретические сведения о случайных процессах, найти решение задачи.

Среднее число сигналов, поступающих на станцию в течение минуты, равно 8. Чему равна вероятность, что за пять минут на станцию поступит 24 вызова?

Примерные вопросы для защиты расчётно-графической работы № 5

1. Перечислите основные формулы комбинаторики.
2. Сформулируйте классическое определение вероятности события.
3. Приведите примеры применения геометрического определения вероятности.
4. Сформулируйте теоремы сложения и умножения вероятностей.
5. Какие события называются независимыми? Несовместными?
6. Дайте определение полной группы событий.
7. Запишите формулу полной вероятности.
8. Запишите формулу Байеса.
9. Запишите формулу Бернулли.
10. Запишите формулу Пуассона.
11. Запишите локальную формулу Лапласа.
12. Запишите интегральную формулу Лапласа.
13. Как задать дискретную случайную величину? Приведите примеры.
14. Как задать непрерывную случайную величину? Приведите примеры.
15. Что такое функция распределения? Как находится эта функция для дискретной и непрерывной случайной величины?
16. Как найти математическое ожидание и дисперсию дискретной случайной величины? Непрерывной случайной величины?
17. Что такое генеральная совокупность? Выборка? Вариационный ряд?
18. Как происходит группировка данных с использованием формулы Стерджесса?
19. Как построить эмпирическую функцию распределения?
20. Как построить многоугольник распределения? Гистограмму?

21. Перечислите точечные оценки параметров распределения по выборке. Что такое поправка Бесселя?
22. Как оценить математическое ожидание доверительным интервалом при условии большой выборки? Малой выборки?
23. Как оценить математическое ожидание, если известно среднее квадратическое отклонение? Если неизвестно?
24. Как оценить дисперсию доверительным интервалом?
25. Что такое точность оценки? Надёжность оценки?
26. Что происходит с доверительным интервалом, если увеличить уровень значимости? Как на доверительный интервал для оценки математического ожидания влияет наличие точной информации о среднем квадратическом отклонении?
27. Что такое статистическая гипотеза? Сформулируйте основной принцип проверки статистических гипотез.
28. Сформулируйте правила для сравнения выборочной средней с гипотетической генеральной средней нормальной совокупности.
29. Как использовать критерий согласия Пирсона? Какую информацию о выборке он может дать?
30. Что такое случайный процесс? Случайная функция?
31. Какой случайный процесс называется марковским?
32. Что такое марковская цепь? Марковская последовательность?
33. Что изображает граф состояний?
34. Сформулируйте эргодическую теорему для цепей Маркова.
35. Приведите пример составления системы уравнений Колмогорова для марковской цепи.
36. Какую информацию содержит матрица переходов?
37. Что такое система массового обслуживания? По каким критериям их принято классифицировать?
38. Что такое простейший поток событий? Какими свойствами он обладает?
39. Перечислите основные характеристики эффективности работы системы массового обслуживания.

3.2 Типовые задания для выполнения контрольных работ

Варианты заданий для выполнения контрольных работ выложены в электронной информационно-образовательной среде ЗаБИЖТ ИрГУПС, доступной обучающемуся через его личный кабинет.

Ниже приведены образцы типовых заданий для выполнения контрольных работ по темам, предусмотренным рабочей программой дисциплины.

Образец типового варианта задания для выполнения контрольной работы № 1

Задание 1. Дана система трех линейных уравнений с тремя неизвестными. Найти ее решение: а) по формулам Крамера; б) методом Гаусса.

$$\begin{cases} x + 2y - z = -3; \\ 2x + 3y + z = -1; \\ x - y - z = 3. \end{cases}$$

Задание 2. Найти матрицу, обратную к данной. Правильность вычисления обратной матрицы проверить, используя матричное умножение.

$$\begin{pmatrix} 3 & 2 & 6 \\ 2 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Задание 3. Даны координаты вершин пирамиды $A_1A_2A_3A_4$. Найти:

- а) длину ребра A_1A_4 ;
- б) угол между ребрами A_1A_2 и A_1A_4 ;
- в) площадь грани $A_1A_2A_3$;
- г) уравнение плоскости, проходящей через вершину A_4 параллельно основанию $A_1A_2A_3$;
- д) уравнение высоты, опущенной из вершины A_4 на основание $A_1A_2A_3$.

$$A_1(0;5;0), A_2(2;3;-4), A_3(0;0;6), A_4(-3;1;-1).$$

Задание 4. Даны координаты вершин треугольника A, B, C . Найти:

- а) уравнение медианы, проведённой к стороне AB ;
- б) уравнение и длину высоты, опущенной из вершины A .

$$A(2;-1), B(2;3), C(-1;3)$$

Задание 5. Путём параллельного переноса системы координат привести уравнение кривой к каноническому виду и построить кривую.

$$x^2 + y^2 - 2x - 6y + 6 = 0$$

Задание 6. Найти область определения функции.

а) $y = \sqrt{\frac{x+1}{1-2x}} + \frac{1}{x^3}$;

б) $y = \frac{\ln(1+x)}{x-3}$.

Задание 7. Найти пределы (не пользуясь правилом Лопиталя).

а) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5x^4 + 3x^2 + x - 1}{7x^4 - 3x^3 - x^2 + 3x}$;

б) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1} - 2}{x-3}$

Задание 8. Исследовать функцию на непрерывность, найти точки разрыва функции и установить их характер. Сделать схематический чертеж.

$$y = \begin{cases} 1/(x+1) & \text{при } x < -1, \\ x & \text{при } -1 \leq x \leq 1, \\ 1-x^2 & \text{при } 1 < x \leq 2, \\ -3 & \text{при } x > 2 \end{cases}$$

Задание 9. Найти производную y'_x от заданной функции:

а) $y = \sqrt[3]{3e^x} + 2\sqrt{x}$;

б) $y = \sin 6x \cdot \ln(1+x)$;

в) $y = 3^{\arctg^2 x} - 3 \lg \frac{1}{2}$;

г) $\begin{cases} x = \arctg 2t; \\ y = 7 - 6t. \end{cases}$

Задание 10. Найти производную y''_{xx} от заданной функции:

$$y = x^2 \ln 3x$$

Задание 11. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $y = f(x)$ на замкнутом промежутке $[a; b]$.

$$f(x) = \frac{x+1}{x^2+3}, \quad [-2; 2]$$

Задание 12. Провести полное исследование функции и построить ее график.

$$y = \frac{x^2 + 1}{x^2 - 1}.$$

Образец типового варианта задания для выполнения контрольной работы № 2

Задание 1. Найти неопределенные интегралы

а) $\int \frac{(2x-1)^2}{x} dx$;

б) $\int \frac{dx}{x \ln x}$;

в) $\int (3 - 5x) \ln x dx$;

г) $\int \frac{(x + 2) dx}{x^2 + 6x + 10}$.

Задание 2. Найти определенный интеграл

$$\int_0^3 \frac{4x dx}{\sqrt[3]{(3x - 8)^2 - 2\sqrt{3x - 8}} + 4}$$

Задание 3. Вычислить несобственные интегралы (или установить их расходимость)

$$\int \frac{dx}{e x \ln^3 x}$$

Задание 4. Решить задачи

а) найти площадь фигуры, ограниченной линиями $y = x + 4$ и $y = x^2 + 4x$;

б) вычислить длину части циклоиды $\begin{cases} x = 9(t - \sin t); \\ y = 9(1 - \cos t) \end{cases}$ для $0 \leq t \leq \pi$.

Задание 5. Решить задачу

Дана функция $z = \arcsin \frac{x - y}{x + y}$. Показать, что $x \frac{\partial z}{\partial x} + y \frac{\partial z}{\partial y} = 0$.

Задание 6. Найти наименьшее и наибольшее значения функции $z = f(x, y)$ в заданной замкнутой области

$z = x^2 + 2xy - y^2 - 4x$ в треугольнике, ограниченном прямыми $y = x + 1$, $y = 0$, $x = 3$.

Задание 7. Найти экстремум функции двух переменных.

$$z = 2x^2 + 5y^2 + 4x + 20y - 1.$$

Задание 8. Найти производную функции $z = f(x, y)$ в точке M в направлении:

а) градиента; б) указанного вектора.

$$z = e^x + xy + y^2; M(0; 1); \vec{a} = 2\vec{i} - \vec{j}.$$

Задание 9. Вычислить с помощью двойного интеграла площадь фигуры, ограниченной указанными линиями

$$x^2 + y^2 = 4x, y = 0, y = x$$

Задание 10. Вычислить с помощью тройного интеграла объем тела, ограниченного указанными поверхностями

$$x + y + z = 8, x = 2, y = 4, x = 0, y = 0, z = 0$$

Задание 11. Вычислить криволинейный интеграл по координатам

$$\int_L (x^2 - 2xy) dx - (y^2 - 2xy) dy, \text{ где } L - \text{ дуга кривой } y = x^2 \text{ от точки } (0; 0) \text{ до точки } (1; 1).$$

Задание 12. Найти величину и направление наибольшего изменения функции $U(M) = U(x, y, z)$ в точке $M_0(x_0, y_0, z_0)$

$$U(M) = x^2 y z, \quad M_0(2, 0, 2).$$

Образец типового варианта задания для выполнения контрольной работы № 3

Задание 1. Найти решение дифференциального уравнения первого порядка

$$y \ln y + xy' = 0, y(1) = e.$$

Задание 2. Найти решение дифференциального уравнения первого порядка

$$y' - \frac{y}{x} = x \sin x.$$

Задание 3. Найти общее решение дифференциального уравнения, допускающего понижение порядка

$$(1 - x^2) \cdot y'' - xy' = 2.$$

Задание 4. Найти решение линейного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами

$$y'' - 5y' + 6y = 0, \quad y(0) = 0, \quad y'(0) = -1.$$

Задание 5. Найти решение линейного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами

$$y'' - 10y' + 25y = 10e^{5x}.$$

Задание 6. Решить систему дифференциальных уравнений

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = x - y \\ \frac{dy}{dt} = 2y - 2x \end{cases}.$$

Задание 7. Исследовать числовой ряд на сходимость

$$\text{а) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{8n^3 + 1};$$

$$\text{б) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{3^n(2n-1)};$$

$$\text{в) } \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n^2 - 1}{3n^2 + 1} \right)^n.$$

Задание 8. Исследовать на абсолютную и условную сходимость знакопередающийся ряд

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n \cdot n}{3n^4 - 1}.$$

Задание 9. Найти интервал сходимости степенного ряда. Исследовать сходимость ряда на концах интервала сходимости

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-1)^n}{2^n \cdot n^2}.$$

Задание 10. Найти в виде степенного ряда решение дифференциального уравнения, удовлетворяющее заданным начальным условиям. Ограничиться четырьмя членами ряда

$$y' = y^3 - 5x, \quad y(0) = 1.$$

Задание 11. Разложить в ряд Фурье заданную функцию

$$\text{а) } f(x) = \begin{cases} 1, & -\pi < x \leq 0; \\ -2, & 0 < x \leq \pi. \end{cases};$$

$$\text{б) } f(x) = x + 1, \quad x \in [0; 1] \text{ по синусам.}$$

Задание 12. Представить заданную функцию $w=f(z)$, где $z=x+iy$, в виде $w=u(x;y)+iv(x;y)$ и проверить, является ли она аналитической. Если да, то найти значение ее производной в точке z_0 .

$$f(z) = z^2 + z + 2 - 3i, \quad z_0 = 1 - 2i$$

Задание 13. Вычислить интеграл

$$\int_L (1 + i - 2\bar{z}) dz, \text{ где } L - \text{отрезок прямой от точки } z_1 = 0 \text{ до точки } z_2 = 1 + i.$$

Задание 14. Методом операционного исчисления найти частное решение дифференциального уравнения, удовлетворяющее заданным начальным условиям

$$x'' - 2x' + x = 4e^{3t}, \quad x(0) = 0, \quad x'(0) = 6$$

Задание 15. Методом операционного исчисления найти частное решение системы дифференциальных уравнений, удовлетворяющее заданным начальным условиям

$$\begin{cases} x' - 2x - y = 2e^{3t}, \\ y' + 3x + 2y = e^{3t}, \quad x(0) = y(0) = 0. \end{cases}$$

Образец типового варианта задания для выполнения контрольной работы № 5

Задание 1. Докажите тождество

$$A \cap (\overline{(A \cup B) \cup (A \cup B)}) \cup \overline{(A \cup B)} = A.$$

Задание 2. Решить задачу

Студент знает 55 из 70 вопросов программы. Каждый экзаменационный билет содержит пять вопросов. Найти вероятность того, что студент знает три вопроса билета.

Задание 3. Решить задачу

Бросаются три одинаковые монеты. Найти вероятность выпадения трех гербов.

Задание 4. Случайная величина X задана законом распределения. Требуется:
а) найти функцию распределения случайной величины X ; б) построить график функции распределения случайной величины X ; в) вычислить математическое ожидание и дисперсию случайной величины X .

X	-2	-1	0	1
P	0,1	0,2	0,3	?

Задание 5. Дана функция распределения некоторой непрерывной случайной величины X . Требуется: а) найти A ; б) построить график функции распределения случайной величины X ; в) найти плотность распределения случайной величины X , построить ее график; г) вычислить математическое ожидание и дисперсию случайной величины X .

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0, \\ Ax, & 0 < x \leq 1, \\ 1, & x > 1. \end{cases}$$

Задание 6. Найти вероятность попадания в заданный интервал (α, β) нормально распределенной случайной величины X , если известны ее математическое ожидание a и среднее квадратическое отклонение σ .

$$\alpha = 2, \beta = 12, a = 10, \sigma = 4$$

Задание 7. Из генеральной совокупности, распределённой по нормальному закону, взята выборка. Найти: а) выборочную среднюю \bar{X}_8 ; б) выборочное среднее квадратическое отклонение σ_8 ; в) с надёжностью $\gamma = 0,95$ доверительный интервал для оценки математического ожидания a генеральной совокупности при известной дисперсии σ^2 .

x_i	10,6	15,6	20,6	25,6	30,6	35,6	40,6
n_i	8	10	60	12	5	3	2

3.3 Типовые разноуровневые задачи

Разноуровневые задачи выложены в электронной информационно-образовательной среде ЗаБИЖТ ИрГУПС, доступной обучающемуся через его личный кабинет.

Ниже приведены образцы разноуровневых задач по теме, предусмотренной рабочей программой дисциплины.

Образцы разноуровневых задач

Найти:

1) $\sqrt[3]{-2 + 2i}$;

2) \sqrt{i} ;

3) $\sqrt[3]{1}$;

$$4) \frac{4-3i}{4+3i}; \quad 5) (a+bi)^3 - (a-bi)^3.$$

Следующие комплексные числа изобразить векторами, определить их модули и аргументы и записать в тригонометрической показательной формах (при $-\pi < \varphi < \pi$)

$$6) z = -i; \quad 7) z = -\sqrt{2} - \sqrt{-2}.$$

Решить уравнения:

$$8) x^3 - 8 = 0; \quad 9) x^6 + 64 = 0.$$

3.4 Темы конспектов

Темы конспектов выложены в электронной информационно-образовательной среде ЗаБИЖТ ИрГУПС, доступной обучающемуся через его личный кабинет.

Ниже приведены темы конспектов, предусмотренные рабочей программой дисциплины.

Темы конспектов

1. Комплексные числа.
2. Матрицы и определители.
3. Обратимость матриц.
4. Системы линейных алгебраических уравнений.
5. Системы координат на прямой, плоскости и в пространстве.
6. Произведение векторов.
7. Прямая линия на плоскости.
8. Кривые второго порядка.
9. Плоскость и прямая в пространстве.
10. Поверхности второго порядка.
11. Элементы теории функций.
12. Теория пределов.
13. Непрерывность функции.
14. Понятие производной.
15. Дифференциал функции.
16. Исследование функций с помощью производной.
17. Общий план исследования функций.
18. Неопределённый интеграл.
19. Простейшие методы интегрирования.
20. Методы интегрирования дробей и тригонометрических выражений.
21. Методы интегрирования иррациональных выражений.
22. Определённый интеграл.
23. Несобственные интегралы.
24. Криволинейные интегралы.
25. Функции нескольких переменных.
26. Дифференцирование функции нескольких переменных.
27. Экстремумы функции двух переменных.
28. Необходимое и достаточное условие экстремума функции нескольких переменных.
29. Кратные интегралы.
30. Поверхностные интегралы.
31. Теорема Остроградского.
32. Теорема Стокса.
33. Основные понятия теории дифференциальных уравнений.
34. Дифференциальные уравнения высших порядков.
35. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами.

36. Системы дифференциальных уравнений
37. Основы векторного анализа и теории поля.
38. Сходимость знакоположительных рядов
39. Сходимость знакопеременных рядов.
40. Функциональные ряды.
41. Ряды Фурье.
42. Функции комплексного переменного.
43. Дифференцирование и интегрирование функций комплексного аргумента.
44. Разложение функции в ряд Лорана.
45. Основы операционного исчисления.
46. Элементы теории множеств и введение в комбинаторику.
47. Введение в теорию вероятностей.
48. Условная вероятность.
49. Понятие полной вероятности.
50. Повторные испытания.
51. Дискретные и непрерывные случайные величины.
52. Классические распределения случайных величин.
53. Основные теоремы теории вероятностей.
54. Двумерные случайные величины.
55. Введение в математическую статистику.
56. Точечные оценки параметров распределения.
57. Интервальные оценки параметров распределения.

3.5 Типовые контрольные задания для проведения тестирования

Фонд тестовых заданий по дисциплине содержит тестовые задания, распределенные по разделам и темам, с указанием их количества и типа.

Структура фонда тестовых заданий по дисциплине
(очная форма обучения – 1 семестр, заочная форма обучения – курс 1 сессия зимняя)

Индикатор достижения компетенции	Тема в соответствии с РПД	Характеристика ТЗ	Количество тестовых заданий, типы ТЗ	Тестовые задания
ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание процессов	Матрицы. Операции над матрицами, их свойства. Определители, вычисление, свойства определителей	Знание	2 – ОТЗ 1 – ЗТЗ	<p>1 <:Матрица:> это прямоугольная таблица чисел, заключенная в круглые скобки, содержащая m строк и n столбцов. (Запишите ответ с большой буквы)</p> <p>2 <:Определитель:> квадратная таблица чисел, содержащая n строк и n столбцов, заключенных в вертикальные скобки a_{ij} и равная некоторому числу после вычисления. (Запишите ответ с большой буквы)</p> <p>3 Определитель $\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{vmatrix}$ вычисляется:</p> <p>1 $a_{11} a_{22} - a_{21} a_{12}$;</p> <p>2 $a_{11} a_{22} - a_{21} a_{12}$;</p> <p>3 $a_{11} a_{22} + a_{21} a_{12}$;</p> <p>4 $a_{11} a_{21} - a_{12} a_{22}$</p>
		Умение	2 – ОТЗ 1 – ЗТЗ	<p>4 Определитель $\begin{vmatrix} -5 & 3 \\ 4 & 2 \end{vmatrix}$ равен <:-22:></p> <p>5 Формулы нахождения решения системы $\begin{cases} a_{11}x + a_{12}y + a_{13}z = b_1 \\ a_{21}x + a_{22}y + a_{23}z = b_2 \\ a_{31}x + a_{32}y + a_{33}z = b_3 \end{cases}$</p> <p>$x = \frac{\Delta_x}{\Delta}$, $y = \frac{\Delta_y}{\Delta}$, $z = \frac{\Delta_z}{\Delta}$ - формулы <:Крамера:></p>

				<p>6 Для матрицы $\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ -3 & 7 \end{pmatrix}$ транспонированной матрицей будет матрица:</p> <p>1 $\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 4 & 7 \end{pmatrix}$</p> <p>2 $\begin{pmatrix} -3 & 7 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$</p> <p>3 $\begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 7 & -3 \end{pmatrix}$</p> <p>4 $\begin{pmatrix} 7 & 4 \\ -3 & 2 \end{pmatrix}$</p>
		<p>Действие</p>	<p>3 – ОТЗ</p>	<p>7 Квадратная матрица называется вырожденной, если ее определитель равен $\langle:0:\rangle$</p> <p>8 Определитель $\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 1 & 2 & 3 \end{vmatrix}$ равен $\langle:0:\rangle$</p> <p>9 Определитель: $\begin{vmatrix} 2 & 3 & 4 & 5 \\ 3 & 3 & 4 & 5 \\ 3 & 4 & 4 & 5 \\ 2 & 3 & 4 & 5 \end{vmatrix}$ равен $\langle:0:\rangle$</p>
<p>ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание процессов</p>	<p>Действия над векторами в геометрической и координатной формах. Проекция вектора на ось. Длина вектора и направляющие косинусы. Скалярное произведение. Векторное и</p>	<p>Знание</p>	<p>3 – ОТЗ 4 – ЗТЗ</p>	<p>10 Векторы, если они лежат либо на одной прямой, либо на параллельных прямых, называются $\langle:\text{коллинеарными}:\rangle$</p> <p>11 Векторное произведение двух векторов является $\langle:\text{вектором}:\rangle$</p> <p>12 Отрезок, для которого указано, какая из его граничных точек считается началом, а какая – концом, называется $\langle:\text{вектором}:\rangle$</p> <p>13 Как называются коэффициенты разложения вектора по координатным векторам в данной системе координат?</p>

	<p>смешанное произведения векторов, свойства, вычисление, приложения</p>			<p>1 координатами вектора 2 модулями 3 числами</p> <p>14 Если вектор разложен по векторам, как называются эти числа? 1 коэффициенты разложения 2 нулевые векторы 3/0% справедливые равенства 4 базисами</p> <p>15 Координаты вектора $\vec{a} = \vec{u} + \vec{v} + \vec{p}$, где $\vec{u} = 2\vec{i} - 3\vec{j}$, $\vec{v} = 3\vec{i} + 2\vec{j}$, $\vec{p} = -2\vec{i} + 3\vec{j}$, равны 1 {3;2} 2 {0;13} 3 $\left\{-6; \frac{5}{2}\right\}$ 4 {1;1}</p> <p>16 В результате, каких операций получаем вектор: 1 скалярное произведение 2 векторное произведение 3 смешанное произведение</p>
		<p>Умение</p>	<p>2 – ОТЗ 4 – ЗТЗ</p>	<p>17 Даны векторы $\vec{a} = 2\vec{i} - \vec{j} + 3\vec{k}$, $\vec{b} = \vec{i} + 2\vec{k}$ и $\vec{c} = \vec{i} + 3\vec{k}$. Тогда смешанное произведение векторов $\vec{a} \cdot \vec{b} \cdot \vec{c}$ равно <:1:> ...</p> <p>18 Смешанное произведение векторов $\vec{a} = (2, 1, -1)$, $\vec{b} = (2, 3, 0)$, $\vec{c} = (1, 0, 0)$ равно ... Ответ: <:3:></p> <p>19 Как называется правило сложения неколлинеарных двух векторов? 1 правило треугольника 2 правило Пифагора 3 правило параллельных прямых</p>

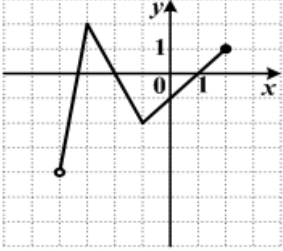
				<p>20 Найти косинус угла между векторами $\vec{a} = (1; 3; \sqrt{6})$, $\vec{b} = (1; 1; 0)$</p> <p>1 $-\frac{1}{\sqrt{2}}$ 2 $\frac{1}{\sqrt{2}}$ 3 $\frac{1}{2}$ 4 2 5 $-\frac{1}{2}$</p> <p>21 Даны векторы $\vec{a} = (1; -1; 4)$, и $\vec{b} = (8; 7; 5)$, тогда их векторное произведение имеет вид...</p> <p>1 $33\vec{i} - 27\vec{j} - 15\vec{k}$ 2 $8\vec{i} - 7\vec{j} + 20\vec{k}$ 3 $23\vec{i} + 27\vec{j} - \vec{k}$ 4 $-33\vec{i} + 27\vec{j} + 15\vec{k}$</p> <p>22 Найти координаты векторного произведения, если $\vec{a} = (-2; 2; 1)$ и $\vec{b} = (6; 3; 2)$</p> <p>1 (-1; 9; 15) 2 (1; 10; 18) 3 (0; 3; 1) 4 (-18; 1; 5) 5 (10; 3; -2)</p>
		<p>Действие</p>	<p>1 – ОТЗ 2 – ЗТЗ</p>	<p>23 Вычислить объем тетраэдра с вершинами в точках А(2;-3;5), В(0;2;1), С (-2;-2;3) и Д (3;2;4). Ответ: <:6:></p> <p>24 Длина вектора $\vec{a} = 4\vec{i} - 3\vec{j} + 2\vec{k}$ равна ...</p> <p>1 $\sqrt{29}$ 2 $\sqrt{7}$</p>

				<p>3 1 4 3</p> <p>25 Установите соответствие между заданным вектором и соответствующим ему нормированным вектором</p> <p>1 $(1,2) \langle \rangle \left(\frac{1}{\sqrt{5}}, \frac{2}{\sqrt{5}} \right)$</p> <p>2 $(3,4) \langle \rangle \left(\frac{3}{5}, \frac{4}{5} \right)$</p> <p>3 $(1,1) \langle \rangle \left(\frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}} \right)$</p> <p>4 $(1,0) \langle \rangle (1,0)$</p>
ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание процессов	Простейшие задачи аналитической геометрии. Общие понятия об уравнениях линии и поверхности. Прямая на плоскости	Знание	1 – ОТЗ	<p>26 Угловой коэффициент прямой, заданной уравнением $x - 5y - 3 = 0$, равен $\langle 1/5 \rangle$. Ответ укажите в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов с дробной чертой /</p>
		Умение	9 – ОТЗ 1 – ЗТЗ	<p>27 Известно уравнение прямой $y = -\frac{1}{3}x + 5$. Указать прямую, перпендикулярную данной прямой: 1 $y = -3x - 4$ 2 $y = -x - 5$ 3 $y = -\frac{1}{5}x + 3$ 4 $y = 3x - 4$</p> <p>28 При каком значении параметра а прямые с уравнениями $2x + 3y + 4 = 0$ и $4x + ay + 10 = 0$ будут параллельными. Ответ ввести в текстовое поле. Ответ: $\langle 6 \rangle$</p> <p>29 При каком значении параметра а прямые с уравнениями $2x + 3y + 4 = 0$ и $4x + ay + 10 = 0$ будут перпендикулярными. Ответ ввести в текстовое поле в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов. Ответ: $\langle -8/3 \rangle$</p>

				<p>30 При каком значении параметра a прямые с уравнениями $2x + 3y + 4 = 0$ и $4x + ay + 10 = 0$ образуют угол 45°. Наибольшее значение ввести в текстовое поле в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов. Ответ: <:3/5:></p> <p>31 При каком значении параметра a прямые с уравнениями $2x + 3y + 4 = 0$ и $x + ay + 10 = 0$ будут параллельными. Ответ ввести в текстовое поле в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов. Ответ: <:3/2:></p> <p>32 При каком значении параметра a прямые с уравнениями $2x + 3y + 4 = 0$ и $x + ay + 10 = 0$ будут перпендикулярными. Ответ ввести в текстовое поле в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов. Ответ: <:-2/3:></p> <p>33 Найти косинус угла между прямыми $2x + 3y + 4 = 0$ и $4x + 6y + 10 = 0$. Ответ: <:1:></p> <p>34 При каком значении параметра a прямые с уравнениями $3x + 4y + 4 = 0$ и $4x + ay + 10 = 0$ образуют угол 0°. Ответ: <:6:></p> <p>35 С точностью до целых определить в градусах угол между прямыми $y = 2x - 3$ и $y = 0.5x + 1$. Ответ: <:37:></p> <p>36 С точностью до целых определить в радианах угол между прямыми $5x - y + 7 = 0$ и $2x - 3y + 1 = 0$. В качестве разделительного знака использовать запятую. Ответ: <:0,7:></p>
		Действие	9 – ОТЗ 1 – ЗТЗ	<p>37 Известно уравнение прямой $y = 4x + 3$. Указать прямую, параллельную данной прямой: 1 $y = 2x - 4$ 2 $y = -4x + 3$ 3 $y = 4x - 1$ 4 $y = -\frac{1}{4}x + 3$</p> <p>38 Определить в градусах угол между прямыми $2x + y = 0$ и $y = 3x - 4$. Ответ: <:45:></p>

				<p>39 Определить в градусах угол между прямыми $3x + 2y = 0$ и $6x + 4y + 9 = 0$. Ответ: <:0:></p> <p>40 Определить в градусах угол между прямыми $3x - 4y = 6$ и $8x + 6y = 11$. Ответ: <:90:></p> <p>41 Определить в градусах угол между прямыми $x/a + y/b = 1$ и $x/b - y/a = 1$. Ответ: <:90:></p> <p>42 Через точку с координатами $(-1; 3)$ провести прямую, параллельную прямой $3x - 4y + 6 = 0$. Уравнение записать в стандартном виде $ax + by + c = 0$ без пробелов с положительным коэффициентом a. Ответ: <:3x-4y+15:>=0.</p> <p>43 Через точку с координатами $(-1; 3)$ провести прямую, перпендикулярную прямой $3x - 4y + 6 = 0$. Уравнение записать в стандартном виде $ax + by + c = 0$ без пробелов с положительным коэффициентом a. Ответ: <:4x+3y-5:>=0</p> <p>44 С точностью до десятых определить в радианах угол пересечения прямой $2x - y + 3 = 0$ с осью абсцисс. В качестве разделительного знака использовать запятую. Ответ: <:1,1:></p> <p>45 Определить в градусах угол пересечения прямой $2x - y + 3 = 0$ с осью абсцисс. Ответ: <:63:></p> <p>46 Найти косинус угла между прямыми $3x + 2y + 4 = 0$ и $4x - 6y + 10 = 0$. Ответ: <:0:></p>
УК-1.1. Анализирует проблемную ситуацию (задачу) и выделяет ее базовые составляющие. Рассматривает различные варианты решения проблемной	Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола. Их геометрические свойства и уравнения	Знание	1 – ЗТЗ	47 Среди уравнений второго порядка указать уравнение эллипса: 1 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ 2 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \quad (a \neq b)$ 3 $y^2 = 2px$
		Умение	1 – ОТЗ 1 – ЗТЗ	48 Среди уравнений второго порядка указать уравнение гиперболы: 1 $y^2 = -3x$;

ситуации (задачи), разрабатывает алгоритмы их реализации				$2 \frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1;$ $3 \frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1.$ <p>49 Указать координаты центра эллипса $\frac{(x-3)^2}{10} + \frac{(y+1)^2}{5} = 1$ без скобок, без пробелов через запятую. Ответ: <:3,-1:></p>
ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание процессов	Элементы теории функций. Классификация функций. Характеристика поведения функций, графики, различные способы задания линий	Знание	1 – ОТЗ 1 – ЗТЗ	<p>50 Область определения функции $f(x) = x^6 + 5x^3 + x$</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 $(-\infty; +\infty)$ 2 $(0; +\infty)$ 3 $(-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$ 4 $(-\infty; -5) \cup (5; +\infty)$ 5 $(-1; 1)$ <p>51 Точкой разрыва функции $y = \frac{x-5}{x+3}$ является точка. Ответ введите без пробела Ответ: x = <: -3:></p>
				Умение

				<p>3 $[-3; 3) \cup (3; 4]$ 4 $(-3; 5]$</p> <p>53 Функция задана графиком. Найдите область значений этой функции</p>  <p>1 $(-4; 1]$ 2 $[-2; 2]$ 3 $(-4; 2]$ 4 $(-3; 2]$</p> <p>54 Образом отрезка $[-4; 4]$ при отображении $f = 10x - 1$ является... Ответ запишите со скобками без пробелов через запятую. Ответ: <:[-41,39]:></p>
<p>УК-1.1. Анализирует проблемную ситуацию (задачу) и выделяет ее базовые составляющие. Рассматривает различные варианты решения проблемной ситуации (задачи), разрабатывает</p>	<p>Предел последовательности и функции, свойства пределов. Замечательные пределы. Асимптоты</p>	<p>Знание</p>	<p>5 – ОТЗ</p>	<p>55 Предел $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 1}{4x + 3}$ равен <: 3/11:> . Ответ укажите в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов с дробной чертой /</p> <p>56 Предел $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^3 - 3}{4x + 5}$ равен <: -1/9:> . Ответ укажите в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов с дробной чертой /</p> <p>57 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{6n^2 + 7n + 21}{4 - 3n - 2n^2} =$ <: -3:></p>

алгоритмы их реализации				<p>58 $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \sin x = \langle :1: \rangle$</p> <p>59 $\lim_{x \rightarrow 1} (5x^2 - 6x + 7) = \langle :6: \rangle$</p>
		Умение	<p>5 – ОТЗ 1 – ЗТЗ</p>	<p>60 Вертикальной асимптотой графика функции $y = \frac{2x+3}{4x-8}$ является прямая:</p> <p>1 $x = -\frac{3}{2}$</p> <p>2 $x = -\frac{2}{3}$</p> <p>3 $x = \frac{1}{2}$</p> <p>4 $x = 2$</p> <p>61 Предел $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4x + 1}{2x + 1}$ равен $\langle : -3/5: \rangle$. Ответ укажите в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов с дробной чертой /</p> <p>62 Используя свойства пределов функций, найти предел $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x - 2}$. Ответ: $\langle :4: \rangle$ 1/100%</p> <p>63 Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{2x}$, Ответ представить в виде несократимой обыкновенной дроби, используя знак деления / Ответ: $\langle :5/2: \rangle$</p> <p>64 Вычислить предел $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n-2} - \sqrt{n+1})$</p>

				<p>Ответ: <:0:></p> <p>65 Используя свойства пределов функций, найти предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sqrt{1+3x}-1}$.</p> <p>Ответ укажите в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов с дробной чертой /</p> <p>Ответ: <: 2/3:>.</p>
		Действие	1 – ЗТЗ	<p>66 Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{\operatorname{tg} 5x}$.</p> <p>1 1</p> <p>2 $\frac{5}{3}$</p> <p>3 $-\frac{5}{3}$</p> <p>4 $-\frac{3}{5}$</p> <p>5 $\frac{3}{5}$</p>
<p>УК-1.1. Анализирует проблемную ситуацию (задачу) и выделяет ее базовые составляющие. Рассматривает различные варианты решения проблемной ситуации (задачи), разрабатывает алгоритмы их реализации</p>	<p>Производная функции, ее геометрический и механический смысл. Правила дифференцирования функций. Таблица производных. Производные высших порядков. Дифференциал функции. Смысл и свойства дифференциалов</p>	Знание	<p>2 – ОТЗ 3 – ЗТЗ</p>	<p>67 Угловой коэффициент касательной к графику функции $y = \frac{x}{x^2+1}$ в точке $x = 0$ равен <:1:></p> <p>68 Значение производной в точке $x = 0$ для функции $y = e^{15x} + \cos 2x$ равно <:15:></p> <p>69 Производная функции $y = \sin x^2$ равна</p> <p>1 $y' = 2x \cos x^2$</p> <p>2 $y' = \cos x^2$</p> <p>3 $y' = \cos 2x$</p> <p>4 $y' = \sin x^2 \cdot \cos x$</p>

				<p>70 Найдите дифференциал функции $y = \frac{x}{x^2 + 1}$.</p> <p>1 $\frac{1-x^2}{(1+x^2)^2}$</p> <p>2 $\frac{-2x}{(1+x^2)^2} \cdot dx$</p> <p>3 $\frac{-2x}{(1+x^2)^2}$</p> <p>4 $\frac{1-x^2}{(1+x^2)^2} \cdot dx$</p> <p>5 $\frac{1}{(1+x^2)^2} \cdot dx$</p> <p>71 Производная функции $\ln(x + \sqrt{1+x^2})$ равна:</p> <p>1 $\frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$</p> <p>2 $\frac{1}{1+x^2}$</p> <p>3 $\frac{1}{x}$</p> <p>4 $\frac{1}{1+x}$</p> <p>5 $\frac{1}{1-x}$</p>
		Умение	2 – ОТЗ 2 – ЗТЗ	<p>72 Значение производной в точке $x = 2$ для функции $y = \ln \frac{x}{\sqrt{1-x^2}}$ равно $\langle -:1/6: \rangle$. Ответ укажите в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов с дробной чертой /</p>

				<p>73 Значение производной в точке $x = \frac{\pi}{4}$ для функции $y = \ln(\cos x) - \frac{1}{2} \cdot \cos^2 x$ равно $\langle -1/2 \rangle$. Ответ укажите в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов с дробной чертой /</p> <p>74 Найти производную сложной функции $y = \sin(x^2 + 2x + 1)$</p> <ol style="list-style-type: none"> $-(2x + 2)\cos(x^2 + 2x + 1)$ $2(x + 1)\cos(x^2 + 2x + 1)$ $\cos(x^2 + 2x + 1)$ <p>75 Вторая производная от функции $y = (x + 4)^5$ равна</p> <ol style="list-style-type: none"> $y'' = 20(x + 4)^3$ $y'' = 5(x + 4)^4$ $y'' = (x + 4)^3$ $y'' = 400(x + 4)^3$
		<p>Действие</p>	<p>2 – 3ТЗ</p>	<p>76 Производная функции $y = \text{ctg}^6 3x$ равна:</p> <ol style="list-style-type: none"> $y' = 6 \cdot \text{tg}^5 3x \cdot \frac{1}{\sin^2 3x}$ $y' = 18 \cdot \text{ctg}^4 3x \cdot \frac{1}{\cos^2 3x}$ $y' = 6 \cdot \text{ctg}^5 3x$ $y' = 18 \cdot \text{ctg}^5 3x$; $y' = -18 \cdot \text{ctg}^5 3x \cdot \frac{1}{\sin^2 3x}$ <p>77 Составить уравнение касательной к линии $y = x^2 - 4x + 5$ в точке $M_0(3,2)$.</p> <ol style="list-style-type: none"> $2x - y - 4 = 0$ $x + 2y - 7 = 0$

				<p>3 $x + y + 4 = 0$</p> <p>4 $2x + y + 4 = 0$</p>
<p>УК-1.1. Анализирует проблемную ситуацию (задачу) и выделяет ее базовые составляющие. Рассматривает различные варианты решения проблемной ситуации (задачи), разрабатывает алгоритмы их реализации</p>	<p>Применение производных к исследованию поведения функций. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке</p>	Знание	<p>2 – ОТЗ</p> <p>3 – ЗТЗ</p>	<p>78 Точкой экстремума функции $y = 3x^2 + 2$ является точка $x = <:0:>$</p> <p>79 Функция $y = (x - 5)e^x$ имеет минимум в точке $x = <:4:>$</p> <p>80 Функция $y = x^3 - 3x^2$ возрастает в точке</p> <p>1 $x = 3$</p> <p>2 $x = 1$</p> <p>3 $x = 0,5$</p> <p>81 Определить промежутки убывания функции $y = x^3 - 3x^2 - 9x$</p> <p>1 $(-\infty; -1), (3; +\infty)$</p> <p>2 $(-1,3)$</p> <p>3 функция всюду возрастает</p> <p>4 $(-\infty, 3)$</p> <p>5 $(-1, +\infty)$</p> <p>82 Определить промежутки вогнутости вверх графика функции $y = 2x^3 + 3x^2 - 36x$</p> <p>1 $(0,5; +\infty)$</p> <p>2 $(-\infty, -0,5)$</p> <p>3 $(-2; +\infty)$</p> <p>4 $(-0,5; +\infty)$</p> <p>5 график функции всюду вогнут вниз</p>
		Умение	<p>3 – ОТЗ</p> <p>2 – ЗТЗ</p>	<p>83 Наименьшее целое число, входящее в область определения функции</p> <p>$y = \sqrt{\frac{4}{x} - 1}$ равно $<:1:>$</p> <p>84 Точка перегиба функции $y = 2x^3 + 3x^2 - 36x$ является $x = <:-0,5:>$. Ответ записать в виде десятичной дроби с разделительной запятой без пробелов.</p> <p>85 Определите координаты точки локального минимума функции</p>

				<p>$y = x^3 - 3x^2 - 9x$</p> <p>Ответ укажите без скобок, без пробелов, разделяя координаты запятой. Ответ: <:3,-27:></p> <p>86 Определить координаты точки, которой касательная, проведённая к графику функции $y = x^2 - 4x + 5$, наклонена к оси абсцисс под углом 45°.</p> <p>1 (- 2,5; 1,24) 2 (2,5; 1,25) 3 (2,5; -1,25) 4 (2,2; 1,24) 5 график функции всюду вогнут вниз</p> <p>87 Определить промежутки возрастания функции $y = x^3 - 3x^2 - 9x$</p> <p>1 $(-\infty; -1), (3; +\infty)$ 2 (-1,3) 3 функция всюду возрастает 4 $(-\infty, 3)$ 5 $(-1, +\infty)$</p>
		<p>Действие</p>	<p>2 – ОТЗ 1 – ЗТЗ</p>	<p>88 Определите координаты точки локального максимума функции $y = x^3 - 3x^2 - 9x$.</p> <p>Ответ укажите без скобок, без пробелов, разделяя координаты запятой. Ответ: <:-1,5:></p> <p>88 Определить координаты точки перегиба функции $y = x^3 - 3x^2 - 9x$.</p> <p>Ответ укажите без скобок, без пробелов, разделяя координаты запятой. Ответ: <:1,-11:></p> <p>89 Функция $y = x^3 - 3x^2$ возрастает в точке</p> <p>1 X=3 2 X=1 3 X=0,5</p> <p>90 Найти наибольшее значение функции $f(x) = x^2 - 12x + 7$ на отрезке $[0;3]$.</p> <p>Ответ: <:7:></p>
<p>Итого</p>		<p>56-ОТЗ 34-ЗТЗ</p>		

Структура фонда тестовых заданий по дисциплине
(очная форма обучения – 2 семестр, заочная форма обучения – курс 1 сессия летняя)

Индикатор достижения компетенции	Тема в соответствии с РПД	Характеристика ТЗ	Количество тестовых заданий, типы ТЗ	Тестовые задания
ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание процессов	Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица интегралов. Основные методы интегрирования	Знание	10 – 3ТЗ	<p>1 Неопределенный интеграл $\int x^7 dx$ равен...</p> <p>1 $x^8 + c$</p> <p>2 $\frac{x^8}{8} + c$</p> <p>3 $\frac{1}{7}x^8 + c$</p> <p>4 $\frac{1}{7}x^6 + c$</p> <p>5 $7x^6 + c$</p> <p>2 Неопределенный интеграл $\int \frac{dx}{x^5}$ равен</p> <p>1 $-\frac{1}{4x^4} + c$</p> <p>2 $\frac{1}{4x^4} + c$</p> <p>3 $\frac{4}{x^4} + c$</p> <p>4 $-\frac{4}{4x^4} + c$</p> <p>5 $\frac{5}{4x^4} + c$</p> <p>3 Найти неопределенный интеграл $\int \cos(7x+3) dx$.</p>

1 $\sin(7x+3)+c$

2 $\frac{1}{7}\sin(7x+3)+c$

3 $-\frac{1}{7}\sin(7x+3)+c$

4 $-\frac{1}{3}\sin(7x+3)+c$

5 $\frac{1}{3}\sin(7x+3)+c$

4 Найти неопределенный интеграл $\int \frac{dx}{\sin^2(4x+3)}$.

1 $ctg(4x+3)+c$

2 $-\frac{1}{4}ctg(4x+3)+c$

3 $\frac{1}{4}ctg(4x+3)+c$

4 $-\frac{1}{3}ctg(4x+3)+c$

5 $\frac{1}{3}ctg(4x+3)+c$

5 Вычислить $\int \frac{dx}{\cos^2 x} =$

1 $tgx + C$

2 $-ctgx + C$

3 $arctgx + C$

4 $\arcsinx + C$

6 Среди множества всех первообразных в неопределенном интеграле $\int x^2 dx$ найти такую первообразную $F(x)$, что $F(2) = 3$.

1 $\frac{x^3}{3} + 1$

2 $\frac{x^3}{3} + \frac{1}{3}$

3 $\frac{x^3}{3} + \frac{2}{3}$

4 $-\frac{x^3}{3} + \frac{1}{3}$

5 $-\frac{x^3}{3} + 1$

#?7 Найти неопределенный интеграл $\int x \cos x dx$

1 $x \sin x - \cos x + C$

2 $x \cos x + \sin x + C$

3 $x \sin x + \cos x + C$

4 $-x \sin x - \cos x + C$

5 $\cos x - x \sin x + C$

8 Вычислить $\int (2x^3 - 3e^x + 1) dx =$

1 $\frac{x^4}{2} - 3e^x + x + C$

2 $x^4 - 3e^x + x + C$

3 $\frac{x^4}{2} - 3xe^x + x + C$

4 $x^2 - 3e^x + x + C$

				<p>9 Неопределенный интеграл $\int 2 \sin(3 - 2x) dx$ равен</p> <p>1 $2 \cos(3 - 2x) + C$</p> <p>2 $\frac{1}{4} \cos(3 - 2x) + C$</p> <p>3 $-\cos(3 - 2x) + C$</p> <p>4 $\cos(3 - 2x) + C$</p> <p>10 Вычислить неопределенный интеграл $\int (x - 7)e^{2x} dx$</p> <p>1 $\frac{(x - 7)}{2} e^{2x} - \frac{1}{4} e^{2x} + C$</p> <p>2 $-\frac{7}{2} e^{-2x} + C$</p> <p>3 $\frac{x}{2} e^{-2x} - \frac{11}{4} e^{-2x} + C$</p> <p>4 $-\frac{x}{2} e^{-2x} + \frac{13}{4} e^{-2x} + C$</p>
		Умение	1- ОТЗ 10-ЗТЗ	<p>11 Определить число k в интеграле $\int 8e^{4x} dx = ke^{4x} + c$. Ответ: $k = <:2:>$</p> <p>12 Вычислить неопределенный интеграл $\int (x - 2) \sin 3x dx$</p> <p>1 $-\frac{(x - 2)}{3} \cos 3x + \frac{1}{9} \sin 3x + C$</p> <p>2 $\frac{(x - 2)}{3} \cos 3x - \frac{1}{9} \sin 3x + C$</p> <p>3 $-\frac{x}{3} \cos 3x + \frac{1}{9} \sin 3x + C$</p> <p>4 $-\frac{(x - 2)}{3} \cos 3x + \frac{1}{9} (x - 2) \sin 3x + C$</p>

13 Неопределенный интеграл $\int \frac{\cos x dx}{2 \sin x + 3}$ равен... ?

1 $-\frac{1}{2} \ln|2 \sin x + 3| + C$

2 $\frac{-\sin x}{2 \cos x + 3} + C$

3 $\ln|2 \sin x + 3| + C$

4 $\frac{\sin x}{2 \cos x + 3} + C$

14 Неопределенный интеграл $\int \frac{1 + \ln x}{x} dx$ равен... ?

1 $-\frac{1}{2} \ln|1 + \ln x| + C$

2 $1 + \ln|x| + C$

3 $-\frac{(1 + \ln|x|)^2}{2} + C$

4 $\frac{(1 + \ln|x|)^2}{2} + C$

15 Неопределенный интеграл $\int \frac{(\arcsin x)^3}{\sqrt{1-x^2}} dx$ равен... ?

1 $-\frac{1}{2} \arcsin x + C$

2 $3 \arcsin x + C$

3 $-\frac{(\arcsin x)^2}{2} + C$

$$4 \quad \frac{(\arcsin x)^4}{4} + C$$

16 Неопределенный интеграл $\int \frac{\operatorname{tg} x}{\cos^2 x} dx$ равен... ?

1 $-\frac{1}{2} \operatorname{arctg} x + C$

2 $2 \operatorname{tg} x + C$

3 $-\frac{(\operatorname{tg} x)^2}{2} + C$

4 $\frac{(\operatorname{tg} x)^2}{2} + C$

17 Неопределенный интеграл $\int \frac{\ln(x-1)}{x-1} dx$ равен... ?

1 $-\frac{1}{2}(x-1)\ln(x-1) + C$

2 $\frac{(\ln(x-1))^3}{3} + C$

3 $-\frac{(\ln(x-1))^2}{2} + C$

4 $\frac{(\ln(x-1))^2}{2} + C$

18 Неопределенный интеграл $\int \frac{3x^2 + 1}{x^3 + x} dx$ равен... ?

1 $-\frac{1}{2}(x-1)\ln(x-1) + C$

2 $\frac{(\ln(x-1))^3}{3} + C$

3 $-\frac{(\ln(x-1))^2}{2} + C$

4 $\ln|x^3+x| + C$

19 Неопределенный интеграл $\int \frac{2x}{x^4+1} dx$ равен... ?

1 $(x^4+1) + C$

2 $\ln x + C$

3 $\arctg x + C$

4 $\arctg x^2 + C$

#?20 Неопределенный интеграл $\int \frac{(\arctg x)^4}{1+x^2} dx$ равен... ?

1 $(x^2+1) + C$

2 $\arctg x + C$

3 $4\arctg x + C$

4 $\frac{\arctg^5 x}{5} + C$

21 Неопределенный интеграл $\int \frac{1-\cos x}{(x-\sin x)} dx$ равен... ?

1 $\tg x + C$

2 $1-\cos x + C$

3 $x-\sin x + C$

4 $\ln|x-\sin x| + C$

<p>УК-1.1. Анализирует проблемную ситуацию (задачу) и выделяет ее базовые составляющие. Рассматривает различные варианты решения проблемной ситуации (задачи), разрабатывает алгоритмы их реализации</p>	<p>Определенный интеграл, его свойства и вычисление</p>	<p>Знание</p>	<p>4 – ОТЗ</p>	<p>22 Определенный интеграл $\int_0^2 x^3 dx$. Равен <:4:></p> <p>23 Определенный интеграл $\int_0^2 x^3 dx$ равен <:4:></p> <p>24 Определенный интеграл $\int_1^4 x^2 dx$ равен <:21:></p> <p>25 Вычислить интеграл $\int_0^1 \frac{1}{2\sqrt{x}} dx$. <:1:></p>
		<p>Умение</p>	<p>6– ОТЗ</p>	<p>26 Вычислить интеграл $\int_0^{\pi} x \sin \frac{x}{2} dx$. <:4:></p> <p>27 Вычислить интеграл $\int_{-\pi}^{\pi} \sin 2x \cdot \cos 3x dx$. <:0:></p> <p>28 Вычислить определённый интеграл $\int f(x) dx$, если функция $f(x)$ задана зависимостью $f(x) = \begin{cases} -x, & \text{если } -1 < x \leq 0, \\ x^3, & \text{если } 0 < x \leq 1. \end{cases}$. Ответ записать в виде десятичной дроби без пробелов с разделительной запятой. Ответ: <:0,75:></p> <p>29 Вычислить с точностью до десятых интеграл $\int_0^4 \frac{dx}{1+\sqrt{x}}$. Ответ записать в виде десятичной дроби без пробелов с разделительной запятой. Ответ: <:1,8:></p>

				<p>30 Вычислить интеграл $\int_0^1 \frac{x dx}{\sqrt{1-x^2}}$. <:1:></p> <p>31 Вычислить среднее значение функции $y = \sin 2x$ на интервале $[0, \pi/2]$. <:0:></p>
		Действие	4 – ОТЗ	<p>32 Вычислить интеграл $\int_2^3 3x^2 dx$. <:19:></p> <p>33 Найти при $x>0$ точки перегиба графика функции $y = \int_0^x (t-1)^2 (t+1)^2 dt$. <:1:></p> <p>34 Вычислить с точностью до сотых интеграл $\int_1^2 \frac{dx}{x+x^2}$. Ответ записать в виде десятичной дроби без пробелов с разделительной запятой. Ответ: <:0,29:></p> <p>35 Вычислить среднее значение функции $f(x) = 8 \sin 2x$ на отрезке $[0; \pi]$. <:4:></p>
УК-1.1. Анализирует проблемную ситуацию (задачу) и выделяет ее базовые составляющие. Рассматривает различные варианты решения проблемной ситуации (задачи), разрабатывает алгоритмы их реализации	Несобственные, их свойства и вычисление	Знание	2 – ЗТЗ	<p>36 Вычислить несобственный интеграл $\int_1^{\infty} \frac{dx}{x^3}$ или установить его расходимость. 1 расходится; 2 $\frac{1}{2}$; 3 2; 4 3; 5 1,5</p> <p>37 Вычислить несобственный интеграл $\int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x}}$ или установить его расходимость. 1 1; 2 3; 3 расходится;</p>

				4 0,5; 5 1,5
		Умение	2 – ОТЗ 1 – ЗТЗ	<p>38 Вычислить несобственный интеграл $\int_0^1 \frac{dx}{x^3}$ или установить его расходимость.</p> <p>$\frac{1}{3}$; 1 $\frac{1}{3}$; 2 1; 3 2; 4/ расходится; 5 4</p> <p>39 Вычислить интеграл $\int_1^{+\infty} \frac{dx}{x^2}$. <:1:></p> <p>40 Вычислить интеграл $\int_0^{+\infty} e^{-2x} dx$. Ответ записать в виде десятичной дроби без пробелов с разделительной запятой. Ответ: <:0,5:></p>
УК-1.1. Анализирует проблемную ситуацию (задачу) и выделяет ее базовые составляющие. Рассматривает различные варианты решения проблемной ситуации (задачи), разрабатывает алгоритмы их реализации	Приложения интегрального исчисления	Знание	10 – ОТЗ	<p>41 Площадь плоской фигуры, ограниченной линиями $y = 3x$, $y = 0$, $x = 2$. равна <:6:></p> <p>42 Площадь плоской фигуры, ограниченной линиями $y = 2x$, $y = 2$, $x = 0$ равна <:1:></p> <p>43 Вычислить среднее значение функции $y = x^2$ на интервале $[1, 4]$ <:7:></p> <p>44 Найти площадь фигуры, ограниченной графиком функции $y = x^{\frac{2}{3}}$, прямой $x = 1$ и осью Ox. Ответ записать в виде десятичной дроби без пробелов с разделительной запятой. Ответ: <:0,6:></p>

				<p>45 Найти площадь фигуры, ограниченной графиками функций $y_1 = f_1(x) = x$ и $y_2 = f_2(x) = 2 - x^2$. Ответ записать в виде десятичной дроби без пробелов с разделительной запятой. Ответ: <:4,5:></p> <p>46 Найдите площадь, заключённую между полукубической параболою $y^2 = x^3$ и прямою $x = 4$. Ответ записать в виде десятичной дроби без пробелов с разделительной запятой. Ответ: <:25,6:></p> <p>47 При каком a среднее значение функции $y = x^2$ в интервале $[0, a]$ равно средней скорости изменения функции в этом интервале? <:3:></p> <p>48 При каком a среднее значение функции $y = x^3$ в интервале $[0, a]$ равно средней скорости изменения функции в этом интервале? <:4:></p> <p>49 При каком a среднее значение функции $y = x^4$ в интервале $[0, a]$ равно средней скорости изменения функции в этом интервале? <:5:></p> <p>50 Вычислить объём тела, образованного вращением фигуры, ограниченной линиями $y^2 = 2x$, $x = 2$ вокруг оси Ox. <:4:></p>
		Умение	10 – ОТЗ	<p>51 Вычислить с точностью до десятых объём тела, образованного вращением эллипса $x^2/4 + y^2 = 1$ вокруг оси Ox. <:8,4:></p> <p>52 Найти площадь, ограниченную параболой $y = x^2 + 2x$ и прямой $x - y + 2 = 0$. <:4,5:></p> <p>53 Найти площадь, ограниченную параболой $y = x^2 + 5x$ и прямой $x - y + 5 = 0$. <:36:></p> <p>54 Найти с точностью до сотых площадь, ограниченную гиперболой $xy = 6$ и прямой $y = 7 - x$. <:6,75:></p> <p>55 Найти площадь, ограниченную кубической параболой $y = x^3$ и прямыми $y = x$, $y = 8x$. <:31,5:></p> <p>56 Указать площадь, ограниченную линиями $y = 4 - x^2$ и $y = x^2 - 2x$. <:9:></p> <p>57 Найти площадь, ограниченную параболой $y = 6x - x^2$ и осью Ox. <:36:></p> <p>58 Найти площадь, ограниченную параболой $y = 12x - x^2$ и осью Ox. <:288:></p>

				<p>59 Найти площадь, ограниченную параболой $y^2 = 9x$ и прямой $y = 3x$. <:0,5:></p> <p>60 Найти площадь, ограниченную параболой $y^2 = 36x$ и прямой $y = 6x$. <:1:></p>
		Действие	5 – ОТЗ	<p>61 Найти с точностью до сотых площадь, ограниченную гиперболой $xy = 9$ и прямыми $x = 3$, $x = 6$, $y = 0$. <:6,24:></p> <p>62 Найти площадь, ограниченную параболой $y^2 = 6x$ и $x^2 = 6y$. <:12:></p> <p>63 Найти площадь, ограниченную параболой $y^2 = 3x$ и $x^2 = 3y$. <:3:></p> <p>64 Найти площадь, ограниченную параболой $y^2 = 9x$ и $x^2 = 9y$. <:27:></p> <p>65 Найти площадь, ограниченную полукубической параболой $y^2 = x^3$ и прямыми $x = 0$, $y = 8$. <:19,2:></p>
ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание процессов	Функции нескольких переменных. Предел, непрерывность функции нескольких переменных. Частные производные функции нескольких переменных, полный дифференциал	Знание	4 – ОТЗ 6 – ЗТЗ	<p>66 Дана функция двух переменных $z = f(x, y)$.</p> $z = x^2 + xy + y^2$ <p>Частные производные этой функции равны:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 $z'_x = 2x$; $z'_y = 2y$ 2 $z'_x = 2x + y$; $z'_y = x + 2y$ 3 $z'_x = 2x + 2y$; $z'_y = 2y + x$ 4 $z'_x = x + y$; $z'_y = x + y$ 5 $z'_x = x + 2y$; $z'_y = y + 2x$ <p>67 Дана функция двух переменных $z = f(x, y)$.</p> $z = 3x^2 - xy + x + y$ <p>Частные производные этой функции равны:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 $z'_x = 6x$; $z'_y = -x + y$ 2 $z'_x = 3x + 1$; $z'_y = -x + 1$ 3 $z'_x = 6x - y + 1$; $z'_y = -x + 1$ 4 $z'_x = 6x + 1$; $z'_y = -x + y$ 5 $z'_x = -x + y$; $z'_y = 6x - y$

68 Дана функция двух переменных $z = f(x, y)$.

$$z = x^2 + 3xy - 6y$$

Частные производные этой функции равны:

1 $z'_x = 3y - 6; \quad z'_y = 2x + 3$

2 $z'_x = 2x + 3; \quad z'_y = 3y - 6$

3 $z'_x = 2x + 3; \quad z'_y = 3y - 6$

4 $z'_x = 2x + 3y; \quad z'_y = 3x - 6$

5 $z'_x = 3x - 6; \quad z'_y = 2x + 3y$

69 Дана функция двух переменных $z = f(x, y)$.

$$z = x^2 - y^2 + 6x + 3y$$

Частные производные этой функции равны:

1 $z'_x = 2x + 6; \quad z'_y = -2y + 3$

2 $z'_x = -2x + 3; \quad z'_y = 2x + 6$

3 $z'_x = 2x - 2y; \quad z'_y = 6x + 3y$

4 $z'_x = 2x + 3; \quad z'_y = -2y + 6$

5 $z'_x = -2y + 3; \quad z'_y = 2x - 2y$

70 Дана функция двух переменных $z = f(x, y)$.

$$z = 5x^2 + 2xy + 3y^2$$

Частные производные этой функции равны:

1 $z'_x = 5x + 2y; \quad z'_y = 2x + 3y$

2 $z'_x = 2x + 3y; \quad z'_y = 5x + 2y$

3 $z'_x = 2x + 6y; \quad z'_y = 6x + 2y$

4 $z'_x = 10x + 2y; \quad z'_y = 2x + 6y$

				<p>5 $z'_x = 2x + 6y; \quad z'_y = 10x + 2y$</p> <p>71 Дана функция двух переменных $z = f(x, y)$. $z = x^2 + y^2 + 2x + y - 1$ Частные производные этой функции равны:</p> <p>1 $z'_x = 2x + 2y; \quad z'_y = 2x + y - 1$</p> <p>2 $z'_x = 2x + y - 1; \quad z'_y = 2x + 2y$</p> <p>3 $z'_x = 2y + 1; \quad z'_y = 2x + 1$</p> <p>4 $z'_x = 2x - 1; \quad z'_y = 2y - 1$</p> <p>5 $z'_x = 2x + 2; \quad z'_y = 2y + 1$</p> <p>72 Значение функции $f(x, y) = x^2 y$ в точке $(2; 3)$ равно <:12:></p> <p>73 Значение функции $f(x, y) = x + y$ в точке $(2; 3)$ равно <:5:></p> <p>74 Предел $\lim_{\substack{x \rightarrow 2 \\ y \rightarrow 3}} (x^2 \cdot y^2)$ равен <:36:></p> <p>75 Вычислить предел $\lim_{\substack{x \rightarrow 2 \\ y \rightarrow 3}} (x^2 + y^2)$. Ответ: <:13:></p>
		Умение	1 – ОТЗ 10 – ЗТЗ	<p>76 Значение функции $f(x, y) = xyz$ в точке $(2; 3; 1)$ равно <:6:></p> <p>77 Дана функция двух переменных $z = f(x, y)$. $z = 3x^2 + 2y^2 - xy$ Частные производные этой функции равны:</p> <p>1 $z'_x = 6x - y; \quad z'_y = 4y - x$</p>

$$2 \quad z'_x = 4y - x; \quad z'_y = 6x - y$$

$$3 \quad z'_x = 3x + y; \quad z'_y = 4y - x$$

$$4 \quad z'_x = 4y - x; \quad z'_y = 3x + y$$

$$5 \quad z'_x = 6x; \quad z'_y = 4y$$

78 Дана функция двух переменных $z = f(x, y)$.

$$z = x^2 - y^2 + 5x + 4y$$

Частные производные этой функции равны:

$$1 \quad z'_x = -2y + 5; \quad z'_y = 2x + 4$$

$$2 \quad z'_x = 2x + 4; \quad z'_y = -2y + 5$$

$$3 \quad z'_x = 5 + 2x; \quad z'_y = 4 - 2y$$

$$4 \quad z'_x = 2x - 2y; \quad z'_y = 9$$

$$5 \quad z'_x = x - y; \quad z'_y = y - x$$

79 Дана функция двух переменных $z = f(x, y)$.

$$z = 2xy + 3y^2 - 5x$$

Частные производные этой функции равны:

$$1 \quad z'_x = 3y - 5; \quad z'_y = 2 + 3x$$

$$2 \quad z'_x = 2y - 5; \quad z'_y = 2x + 6y$$

$$3 \quad z'_x = 2 - 5x; \quad z'_y = 3y - 5$$

$$4 \quad z'_x = 2x + 6y; \quad z'_y = 2y - 5$$

$$5 \quad z'_x = 2 + 6y; \quad z'_y = 2 - 5x$$

80 Указать функцию двух переменных.

$$1 \quad y = x^2$$

$$2 \quad z = x^2 + y$$

$$y = \frac{x_1 + 2x_2 - 3x_3}{x_4}$$

$$3$$

$$t = \frac{x - y}{z}$$

4

81 Указать функцию трех переменных.

$$1 \quad y = x^2$$

$$2 \quad z = x^2 + y$$

$$3 \quad y = \frac{x_1 + 2x_2 - 3x_3}{x_4}$$

$$4 \quad t = \frac{x + y}{2}$$

$$5 \quad t = \frac{x - y}{z}$$

82 Частная производная по x от функции $z = 2x^2y + 3xy^2 + x^3$ равна

$$1 \quad 4xy + 3y^2 + 3x^2$$

$$2 \quad 2x^2 + 6xy$$

$$3 \quad 4xy + 3y^2$$

$$4 \quad 2x^2 + 6xy + x^3$$

$$z = \frac{2x + y}{3x - y}$$

83 Функция не является непрерывной в точке:

1 (1;3)

2 (-5;2)

3 (4;4)

4 (0;1)

5 (6; -2)

				<p>84 Частная производная $\frac{\partial z}{\partial y}$ функции $z = 2x + y^2$ равна:</p> <p>1 2 2 $2+y$ 3 $2x+1$ 4 2y 5 0</p> <p>85 Частная производная по x от функции $z = x^3 + y^3 - 3xy$ равна</p> <p>1 $3x^2 - 3y$ 2 $3y^2 - 3x$ 3 $3x^2$ 4 $3y^2$ 5 $3x^2 - 3x$ 6 $3y^2 - 3y$</p> <p>86 Частная производная по x от функции $z = \ln(x^2 + xy + y^2)$ равна</p> <p>1 $\frac{2x + y}{x^2 + xy + y^2}$ 2 $\frac{x + 2y}{x^2 + xy + y^2}$ 3 $\frac{3x}{x^2 + xy + y^2}$ 4 $\frac{3y}{x^2 + xy + y^2}$</p> <p>87 Указать функцию четырех переменных.</p> <p>1 $y = x^2$ 2 $z = x^2 + y$</p>
		Действие	1 – 3ТЗ	

				$y = \frac{x_1 + 2x_2 - 3x_3}{x_4}$ <p>3</p> $t = \frac{x-y}{z}$ <p>4</p>
ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание процессов	Вычисление и приложения кратных интегралов	Знание	4 – ОТЗ 2 – ЗТЗ	$\int_0^2 dx \int_0^x (2y - 1) dy$ <p>88 Интеграл равен <:2/3:>. Ответ записать в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов. Разделительным знаком использовать знак /.</p> $\int_0^1 dx \int_0^x (2y - 3) dy$ <p>89 Интеграл равен <:-7/6:>. Ответ записать в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов. Разделительным знаком использовать знак /.</p> $\int_0^1 dx \int_0^x (4y + 1) dy$ <p>90 Интеграл равен <:7/6:>. Ответ записать в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов. Разделительным знаком использовать знак /.</p> $\int_0^1 dx \int_2^{x^2} y dy$ <p>91 Интеграл равен <:-19/10:>. Ответ записать в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов. Разделительным знаком использовать знак /.</p> <p>92</p> <p>Пусть $S = \int_{-15}^{-13} dx \int_{10}^{12} f(x, y) dy$. Тогда область D, площадь которой выражается данным интегралом, имеет вид...</p> <p>1 прямоугольник</p> <p>2 окружность с радиусом $\sqrt{2}$</p> <p>3 треугольник</p> <p>4 прямоугольник, у которого все стороны равны</p>

				<p>93 Двойной интеграл $\iint_P f(x, y) dx dy$, где</p> <p>(P) прямоугольник $\begin{cases} 1 \leq x \leq 3 \\ 2 \leq y \leq 5 \end{cases}$ вычисляется</p> <p>1 $\iint_P f(x, y) dx dy = \int_2^5 dy \int_1^3 f(x, y) dx;$</p> <p>2 $\iint_P f(x, y) dx dy = \int_2^5 f(x, y) dx \int_1^3 dy;$</p> <p>3 $\iint_P f(x, y) dx dy = \int_2^1 dy \int_5^3 f(x, y) dx;$</p>
		Умение	1 – ОТЗ 2 – ЗТЗ	<p>94 Интеграл $\int_0^1 dx \int_1^{x-1} y dy$ равен $\langle -1/3 \rangle$. Ответ записать в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов. Разделительным знаком использовать знак /.</p> <p>95 Двойной интеграл $\iint_P f(x, y) dx dy$, где</p> <p>(P) прямоугольник $\begin{cases} 1 \leq x \leq 5 \\ 0 \leq y \leq 2 \end{cases}$ вычисляется</p> <p>1 $\iint_P f(x, y) dx dy = \int_0^2 dy \int_1^5 f(x, y) dx;$</p> <p>2 $\iint_P f(x, y) dx dy = \int_1^5 f(x, y) dx \int_0^2 dy;$</p> <p>3 $\iint_P f(x, y) dx dy = \int_1^0 dy \int_5^2 f(x, y) dx;$</p> <p>96 Двойной интеграл $\iint_P f(x, y) dx dy$, где</p> <p>(P) прямоугольник $\begin{cases} -1 \leq x \leq 3 \\ 2 \leq y \leq 4 \end{cases}$ вычисляется</p>

				$1 \quad \iint_P f(x, y) dx dy = \int_2^4 dy \int_{-1}^3 f(x, y) dx;$ $2 \quad \iint_P f(x, y) dx dy = \int_{-1}^3 f(x, y) dx \int_2^4 dy;$ $3 \quad \iint_P f(x, y) dx dy = \int_{-1}^2 dy \int_3^4 f(x, y) dx;$
		Действие	1 – ОТЗ	$\int_{-2}^3 dx \int_x^2 dy \int_0^2 (z + 5) dz$ <p>97 Интеграл равен...</p> <p>Ответ: <:90:></p>
ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание процессов	Элементы векторного поля	Умение	2 – ОТЗ 1 – ЗТЗ	<p>98 Найти дивергенцию векторного поля $\vec{F} = F_x \cdot \vec{i} + F_y \cdot \vec{j} + F_z \cdot \vec{k}$ в точке $M(x_0, y_0, z_0)$.</p> <p>$\vec{F} = x^2 \cdot \vec{i} + 2 \cdot y \cdot \vec{j} + 3 \cdot z \cdot \vec{k}, \quad M(2, 6, 1)$</p> <p>Ответ: <:9:></p> <p>99 Найдите градиент $U = x^2 - y^2 + yz - x$ в точке $A(1, 0, -1)$.</p> <p>1 (1, 0, -1) 2 (1, -1, 0) 3 (1, -1, 1) 4 (1, -1, -1)</p> <p>100 При каком a поле $f = (3x + y^2)\vec{i} + 2ay\vec{j}$ потенциально? <p>Ответ: $a =$ <:x:></p> </p>
		Итого	55 – ОТЗ 45 – ЗТЗ	

Структура фонда тестовых заданий по дисциплине
(очная форма обучения – 3 семестр, заочная форма обучения – курс 2 сессия зимняя)

Индикатор достижения компетенции	Тема в соответствии с РПД	Характеристика ТЗ	Количество тестовых заданий, типы ТЗ	Тестовые задания
<p>УК-1.1. Анализирует проблемную ситуацию (задачу) и выделяет ее базовые составляющие. Рассматривает различные варианты решения проблемной ситуации (задачи), разрабатывает алгоритмы их реализации</p>	<p>Основные понятия теории дифференциальных уравнений Дифференциальные уравнения первого порядка</p>	<p>Знание</p>	<p>6 – 3ТЗ</p>	<p>1 Дифференциальным уравнением называется уравнение 1 связывающее независимую переменную, искомую функцию и её производные 2 связывающее искомую функцию с независимой переменной и набора из n постоянных интегрирования 3 выражающее зависимость старшей из производных искомой функции от независимой переменной, функции и производных 4 связывающее дифференциалы независимой переменной и искомой функции</p> <p>2 Какое из утверждений для порядка уравнения $F(x, y', y'') = 0$ верно, порядок дифференциального уравнения равен: 1 двум 2 одному 3 трем</p> <p>3 Пусть $\Phi(x, y, c_1, c_2, c_3) = 0$ - общий интеграл дифференциального уравнения, c_1, c_2, c_3 - константы. Какое из утверждений для порядка уравнения верно, порядок дифференциального уравнения равен: 1 двум 2 одному 3 трем</p> <p>4 Какое из уравнений является обыкновенным дифференциальным уравнением? 1 $x^2 + 2y = 3$ 2 $5x - y' = 0$ 3 $\sin 3x = y$ 4 $x^2 + 2x + 5 = 0$</p> <p>5 Среди уравнений указать дифференциальное уравнение второго порядка. 1 $y' = xe^y$ 2 $y'' = x + y$</p>

				<p>3 $y^2 - 3y' + 5y = 0$</p> <p>4 $y^2 - 3y + 5 = 0$</p> <p>6 Какое из уравнений является дифференциальным уравнением с разделяющимися переменными?</p> <p>1 $y'' - 3y' + 2y = 0$</p> <p>2 $y' = \sin x$</p> <p>3 $y'' + 3y = e^{2x}$</p> <p>4 $y' = \frac{y''}{x}$</p>
		Умение	8 – ЗТЗ	<p>7 Дифференциальное уравнение первого порядка с разделяющимися переменными</p> <p>1 $y' + 2xy = 2xy^2$</p> <p>2 $(1 + y)dx + x^2 y dy = 0$</p> <p>3 $(x^3 + e^y)y' = 2x^2$</p> <p>8 Дифференциальное уравнение с разделяющимися переменными</p> <p>1 $y' = y + \sin xy$</p> <p>2 $(1 + x^2)dy + y dx = 0$</p> <p>3 $(x^2 + xy)dx + xy dy = 0$</p> <p>9 Однородное дифференциальное уравнение первого порядка</p> <p>1 $y' + 2xy = 2xe^{-x^2}$</p> <p>2 $x^2 dy = (y^2 - xy + x^2)dx$</p> <p>3 $x^2 + xy' = y$</p> <p>10 Общее решение (интеграл) дифференциального уравнения $2x^3 y dx - x^2 dy = 0$</p> <p>1 $y = x^2 + C$</p> <p>2 $\ln y - x^2 = C$</p>

3 $y = Ce^{x^2}$

11 Общее решение дифференциального уравнения $y''' = 2x - 7$ имеет вид

1 $y = \frac{1}{12}x^4 - \frac{7}{6}x^3 + C$

2 $y = \frac{1}{24}x^4 - \frac{1}{6}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$

3 $y = \frac{1}{12}x^4 - \frac{7}{6}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$

4 $y = x^4 - x^3 + C_1x^2 + C_2x + C_3$

12 Решение уравнения $y'' = x + \cos x$

1 $y = \frac{x^3}{6} - \cos x + C_1$

2 $y = \frac{x^3}{6} - \cos x + C_1x + C_2$

3 $y = \frac{x^2}{2} + \sin x + C_1x + C_2$

13 Решите уравнение: $y' = \sin 2x$

1 $y = \frac{1}{2} \sin 2x + c$

2 $y = 3x - \sin x + c$

3 $y = x^2 + \sin x + c$

4 $y = -\frac{1}{2} \cos 2x + c$

				$\frac{dy}{dx} = \frac{y}{x}$ <p>14 Частным решением дифференциального уравнения является:</p> <p>1 $y = x^2$</p> <p>2 $y = \sqrt{x}$</p> <p>3 $y = \ln x$</p> <p>4 $y = x + \frac{3}{8}$</p>
		Действие	1 – 3ТЗ	$\frac{dy}{dx} = f(x, y)$ <p>15 Если нужно найти решение уравнения при начальных условиях $y(x_0) = y_0$, то задача называется:</p> <p>1 задачей Коши</p> <p>2 задачей Вейерштрасса</p> <p>3 задачей Больцано — Коши</p> <p>4 задачей Римана</p>
УК-1.1. Анализирует проблемную ситуацию (задачу) и выделяет ее базовые составляющие. Рассматривает различные варианты решения проблемной ситуации (задачи), разрабатывает	Линейные однородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами	Знание	1 – ОТЗ	16 Корнями характеристического уравнения, соответствующего линейному однородному дифференциальному уравнению $y'' + 3y' + 2y = 0$, являются числа k_1, k_2 . В ответе указать их произведение <:2:>
		Умение	2 – ОТЗ 2 – 3ТЗ	<p>17 Корнями характеристического уравнения для ЛДУ $y'' + 3y' - 4y = 0$ являются числа k_1, k_2. В ответе указать их произведение <:-4:></p> <p>18 Корнями характеристического уравнения, соответствующего линейному однородному дифференциальному уравнению $y'' + y' - 2y = 0$, являются числа k_1, k_2. В ответе указать их произведение <:-2:></p> <p>19 Характеристическое уравнение однородного линейного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами $6y'' + 7y' - 3y = 0$ имеет вид</p>

<p>алгоритмы их реализации</p>				<p>1 $6k^2 - 7k - 3 = 0$</p> <p>2 $k^2 + 7k - 3 = 0$</p> <p>3 $6k^2 + 7k - 3 = 0$</p> <p>4 $6k^2 + 7k + 3 = 0$</p> <p>20 Укажите общее решение дифференциального уравнения $y'' - 4y' + 4y = 0$:</p> <p>1 $y = C_1e^{2x} + C_2xe^{2x}$;</p> <p>2 $y = C_1e^{-2x} + C_2xe^{-2x}$;</p> <p>3 $y = C_1e^{2x} + C_2e^{-2x}$;</p> <p>4 $y = C_1\cos 2x + C_2\sin 2x$;</p> <p>5 $y = Ce^{2x}$</p>
<p>УК-1.1. Анализирует проблемную ситуацию (задачу) и выделяет ее базовые составляющие. Рассматривает различные варианты решения проблемной ситуации (задачи), разрабатывает алгоритмы их реализации</p>	<p>Числовые ряды, основные понятия. Достаточные признаки сходимости знакоположительных рядов</p>	<p>Знание</p>	<p>10 – ОТЗ 9 – ЗТЗ</p>	<p>21 Числовой ряд можно записать в виде</p> $\sum_{n=1}^{\infty} a_n = a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_n + \dots,$ <p>где числа a_n - это <:общий член:> ряда</p> <p>22 Ряд $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n} + \dots$ называется- <: гармоническим:></p> <p>23 Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ -- <:сходится:>, тогда $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$</p> <p>24 Предел $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n$ не существует или $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n \neq 0$, тогда ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ - ... - <: расходится:></p>

25 Существует конечный или бесконечный предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = g$ для положительного

ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$, тогда при $g < 1$ этот ряд

- <:сходится:>

26 Существует конечный или бесконечный предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = g$ для положительного

ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$, тогда при $g > 1$ этот ряд

- <:расходится:>

27 Существует конечный или бесконечный предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = g$ для положительного

ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$, тогда при $g < 1$ этот ряд

- <:сходится:>

28 Существует конечный или бесконечный предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = g$ для положительного

ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$, тогда при $g > 1$ или $g = \infty$ этот ряд ...

- <:расходится:>

29 Дана последовательность с общим членом $\frac{n^3 + 4n}{n + 2}$. Тогда второй ее член равен: <: 4:>

30 Дана последовательность с общим членом $\frac{n^3 + 4n}{n + 2}$. Тогда третий ее член равен <:7,8:>

Ответ записывать десятичной дробью с разделительной запятой.

32 Гармонический ряд

1 $1 + \frac{1}{2} + \dots + \frac{1}{n} + \dots$

2 $\cos x + \frac{\cos x}{2!} + \dots + \frac{\cos x}{n!} + \dots$

3 $\frac{1}{3} + \frac{1}{5} + \dots + \frac{1}{(2n+1)} + \dots$

33 Общий член ряда $a_n \rightarrow 0$, тогда ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$

1 **требуется дополнительное исследование**

2 расходится

3 сходится

34 Существует конечный или бесконечный $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = g$ для положительного

ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$, при $g < 1$ этот ряд сходится, при $g > 1$ этот ряд расходится - это

1 предельный признак сравнения

2 **признак Даламбера**

3 радикальный признак Коши

4 интегральный признак Коши

35 Существует конечный или бесконечный предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = g$ для положительного

ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$, при $g < 1$ этот ряд сходится, при $g > 1$ этот ряд расходится - это

1 предельный признак сравнения

2 признак Даламбера

3 радикальный признак Коши

4 интегральный признак Коши

36 Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ и несобственный интеграл $\int_1^{\infty} f(x)dx$, где $f(n) = a_n$, сходятся или

расходятся одновременно- это

1 предельный признак сравнения

2 признак Даламбера

3 радикальный признак Коши

4 интегральный признак Коши

37 Существует конечный или бесконечный предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = g$ для положительного

ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$, тогда ряд сходится при

1 $g < 1$

2 $g > 1$

38 Существует конечный или бесконечный предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = g$ для положительного

ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$, тогда ряд расходится при

				<p>1 $g < 1$ 2 $g > 1$</p> <p>39 Существует конечный или бесконечный предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = g$ для положительного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$. Тогда ряд сходится при</p> <p>1 $g < 1$ 2 $g > 1$ или $g = \infty$</p> <p>40 Существует конечный или бесконечный предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = g$ для положительного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$. Тогда ряд расходится при</p> <p>1 $g < 1$ 2 $g > 1$ или $g = \infty$</p>
		Умение	13 – ОТЗ 6 – ЗТЗ	<p>41 Гармонический ряд</p> <p>1 $1 + \frac{1}{2} + \dots + \frac{1}{n} + \dots$</p> <p>2 $\cos x + \frac{\cos x}{2!} + \dots + \frac{\cos x}{n!} + \dots$</p> <p>3 $\frac{1}{3} + \frac{1}{5} + \dots + \frac{1}{(2n+1)} + \dots$</p>

				<p>42 Общий член ряда $a_n \rightarrow 0$, тогда ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$</p> <p>1 требуется дополнительное исследование 2 расходится 3 сходится</p> <p>43 Существует конечный или бесконечный $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = g$ для положительного</p> <p>ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$, при $g < 1$ этот ряд сходится, при $g > 1$ этот ряд расходится - это</p> <p>1 предельный признак сравнения 2 признак Даламбера 3 радикальный признак Коши 4 интегральный признак Коши</p> <p>44 Существует конечный или бесконечный предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = g$ для положительного</p> <p>ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$, при $g < 1$ этот ряд сходится, при $g > 1$ этот ряд расходится - это</p> <p>1 предельный признак сравнения 2 признак Даламбера 3 радикальный признак Коши 4 интегральный признак Коши</p> <p>45 Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ и несобственный интеграл $\int_1^{\infty} f(x)dx$, где $f(n) = a_n$, сходятся или</p> <p>расходятся одновременно – это</p> <p>1 предельный признак сравнения 2 признак Даламбера 3 радикальный признак Коши 4 интегральный признак Коши</p>
--	--	--	--	--

46 Существует конечный или бесконечный предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = g$ для положительного

ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$. Тогда ряд сходится при

1 $g < 1$

2 $g > 1$ или $g = \infty$

47 Сделать суждение о сходимости или расходимости ряда.

Ряд $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n} + \dots$

- <: расходится:>

48 Сделать суждение о сходимости или расходимости ряда. Ряд

$\frac{2}{3} + \frac{4}{5} + \frac{6}{7} + \dots + \frac{2n}{2n+1} + \dots$

- <: расходится:>

49 Сделать суждение о сходимости или расходимости ряда. Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n^2 + 1}{3n^2 - 1} \right)^n$

- <: сходится:>

50 Определить частичную сумму S_3 ряда $1 + \frac{1}{4} + \frac{1}{16} + \frac{1}{64} + \dots$

$S_3 = <: 21/16:>$

Ответ записать в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов и разделительной чертой /

51 Сделать суждение о сходимости или расходимости ряда.

Ряд $1 + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 3^2} + \frac{1}{4 \cdot 3^3} + \dots + \frac{1}{n \cdot 3^{n-1}} + \dots$, сравнивая с рядом $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{3^{n-1}}$

- <: **сходится**:>

52 Сделать суждение о сходимости или расходимости ряда. Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{3^n} \left(\frac{n}{n+1} \right)^{n^2}$ -

<: **сходится**:>

53 Сделать суждение о сходимости или расходимости ряда. Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{3n-1}$, применяя

предельный признак сравнения с рядом $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n}$ - <: **расходится**:>

54 Сделать суждение о сходимости или расходимости ряда. Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n}{2n+1} \right)^n$ - <: **сходится**:>

55 Сделать суждение о сходимости или расходимости ряда. Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n}$ - <: **расходится**:>

56 Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{10^n}{n!}$ - <: **сходится**:>

57 Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n}{2n+1} \right)^n$ - <: **сходится**:>

				<p>58 Сделать суждение о сходимости или расходимости ряда. Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{3n+1}}$, используя интегральный признак Коши - <: расходится:></p>
		<p>Действие</p>	<p>5 – ОТЗ 3 – ЗТЗ</p>	<p>59 Существует конечный или бесконечный предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = g$ для положительного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$, тогда ряд сходится при</p> <p>1 $g < 1$ 2 $g > 1$</p> <p>60 Существует конечный или бесконечный предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = g$ для положительного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$, тогда ряд расходится при</p> <p>1 $g < 1$ 2 $g > 1$</p> <p>61 С помощью признака Даламбера определяем сходимость ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{2^{n+1}}$. Тогда u_{n+1} равен:</p> <p>1 $\frac{(n+1)!}{3^{n+1}}$; 2 $\frac{n!}{2^{n+2}}$; 3 $\frac{n!(n+1)}{2^{(n+1)(n+1)}}$;</p>

				<p>4 $\frac{(n+1)!}{2^{n+2}}$;</p> <p>5 $\frac{n!}{2^{n+1}} + (n+1)$.</p> <p>62 Сделать суждение о сходимости или расходимости ряда. Ряд $\frac{1}{2} + \frac{2}{2^2} + \frac{3}{2^3} + \dots + \frac{n}{2^n} + \dots$ - <:сходится:></p> <p>63 Сделать суждение о сходимости или расходимости ряда. Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n(n+1)}{3^n}$ - <:сходится:></p> <p>64 Сделать суждение о сходимости или расходимости ряда. Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{10^n}$ - <:расходится:></p> <p>65 Сделать суждение о сходимости или расходимости ряда. Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^n}{n!}$ - <:расходится:></p> <p>66 Чему равен четвертый член ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{7}$? Ответ записать в виде обыкновенной несократимой дроби без пробелов и разделительной чертой / Ответ:<:16/7:></p>
ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание процессов	Признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость	Знание	1 – ОТЗ	<p>67 Сделать суждение о сходимости или расходимости ряда.</p> <p>Ряд $1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \dots + (-1)^{n+1} \frac{1}{n} + \dots$ по признаку Лейбница - <:сходится:></p>
		Умение	1 – ЗТЗ	<p>68 Какой из приведенных рядов является знакочередующимся рядом?</p> <p>$1 \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{2n+3}$;</p>

				$2 \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{2n}}{n};$ $3 \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2\sqrt{n}};$ $4 \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-3+2)^{2n}}{n^2 \cdot 5^n}$
ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание процессов	Функциональные последовательности и ряды. Степенные ряды. Интервал и область сходимости степенных рядов	Знание	1 – ОТЗ 3 – ЗТЗ	<p>69 Ряд Маклорена получается из ряда Тейлора при $x = <: 0 >$</p> <p>70 Указать, какой из приведенных рядов является функциональным:</p> $1 \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{2n}}{n};$ $2 \sum_{n=0}^{\infty} n! e^{nx};$ $3 \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{7};$ $4 \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-3)^n}{n \cdot 5^n};$ $5 \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-3+2)^{2n}}{n^2 \cdot 5^n}.$ <p>71 Радиус сходимости степенного ряда $\sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$ равен 5. Тогда интервал сходимости имеет вид...</p> <p>1 (-5; 5) 2 (-10; 0) 3 (-10; 10) 4 (0; 10)</p> <p>72 Радиус сходимости степенного ряда $\sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$ равен 10. Тогда интервал сходимости</p>

				<p>имеет вид...</p> <p>1 (-5; 5) 2 (-10; 0) 3 (-10; 10) 4 (0; 10)</p>
		Умение	2 – 3ТЗ	$\sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$ <p>73 Радиус сходимости степенного ряда $\sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$ равен 6. Тогда интервал сходимости имеет вид...</p> <p>1 (-5; 5) 2 (-10; 0) 3/ (-6; 6) 4 (0; 10)</p> <p>74 Дано дифференциальное уравнение $y' = y^2 - x$ при $y(0) = 1$. Тогда первые три члена разложения его решения в степенной ряд имеют вид ...</p> <p>1 $1 + x + \frac{x^2}{2}$ 2 $1 + x + \frac{x^5}{6}$ 3 $1 + x + \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{6}$ 4 $-1 + x + \frac{x^2}{2}$</p>
ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание	Функции комплексного переменного. Предел, непрерывность и дифференцируемость функции комплексного переменного. Условия аналитичности функции	Знание	4 – ОТЗ 5 – 3ТЗ	<p>75 Найдите $e^{\frac{i\pi}{4}}$</p> <p>1 $\frac{\sqrt{2}}{2} + i\frac{\sqrt{2}}{2}$</p>

процессов

$$2 - \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$3 \frac{\sqrt{2}}{2} - i \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$4 - \frac{\sqrt{2}}{2} - i \frac{\sqrt{2}}{2}$$

76 Найдите особые точки $f(z) = \frac{z+2}{(z-3)(z+1)}$

1 $Z=3$ и $Z=-1$

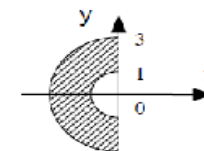
2 $Z=-3$ и $Z=-1$

3 $Z=-2$ и $Z=-1$

4 $Z=-3$ и $Z=1$

77

Установить соответствие, если графическое задание



множества изображено на рисунке, то аналитическому заданию множества соответствуют неравенства:

$$1 \begin{cases} 1 \leq |z| \leq 3; \\ \operatorname{Re} z \leq 0 \end{cases}$$

$$2 \begin{cases} 1 \leq |z| \leq 3; \\ \operatorname{Re} z \geq 0 \end{cases}$$

$$3 \begin{cases} 1 \leq |z| \leq 3; \\ \operatorname{Im} z \geq 0 \end{cases}$$

$$4 \begin{cases} 1 \leq |z| \leq 3; \\ \operatorname{Im} z \leq 0 \end{cases}$$

78 Представить 2 в тригонометрической форме

$$1 \quad 2(\cos 2\pi k + i \sin 2\pi k)$$

$$2 \quad -2(\cos 2\pi k + i \sin 2\pi k)$$

$$3 \quad (\cos 2\pi k + i \sin 2\pi k)$$

$$4 \quad 2(\sin 2\pi k + i \cos 2\pi k)$$

79 Представить $6i$ в тригонометрической форме

$$1 \quad -6 \left(\cos \left(\frac{\pi}{2} + 2\pi k \right) + i \sin \left(\frac{\pi}{2} + 2\pi k \right) \right)$$

$$2 \quad 6 \left(\cos \left(\frac{\pi}{2} + 2\pi k \right) + i \sin \left(\frac{\pi}{2} + 2\pi k \right) \right)$$

$$3 \quad \left(\cos \left(\frac{\pi}{2} + 2\pi k \right) + i \sin \left(\frac{\pi}{2} + 2\pi k \right) \right)$$

$$4 \quad 6 \left(\sin \left(\frac{\pi}{2} + 2\pi k \right) + i \cos \left(\frac{\pi}{2} + 2\pi k \right) \right)$$

Если $f(z) = 4z^2 - 9i$, тогда значение производной этой функции в точке $z_0 = 1 - i$ равно...

80

Ответ записать без пробелов и без знака умножения.

Ответ: <:1-8i:>

				<p>Если $f(z) = 6z^2 + 6i$, тогда значение производной этой функции в точке $z_0 = 2 + 4i$ равно...</p> <p>81 Ответ записать без пробелов и без знака умножения. Ответ: <:24+48i:></p> <p>Если $f(z) = 4z^2 - i$, тогда значение производной этой функции в точке $z_0 = 1 + 5i$ равно...</p> <p>82 Ответ записать без пробелов и без знака умножения. Ответ: <:8+40i:></p> <p>Если $z_1 = 2 + 3i$, $z_2 = 5 - i$, то $z_1 \cdot z_2$ равно...</p> <p>83 Ответ записать без пробелов и без знака умножения. Ответ: <:13+13i:></p>
		<p>Умение</p>	<p>6 – ОТЗ 5 – ЗТЗ</p>	<p>Если $z_1 = 2 - i$, $z_2 = 1 + i$, то $z_1 \cdot z_2$ равно...</p> <p>84 Ответ записать без пробелов и без знака умножения. Ответ: <:3+i:></p> <p>85 Вычислите определитель</p> $\begin{vmatrix} 0 & 2 & -i \\ 1 & i & 3 \\ 2+i & 1 & 2i \end{vmatrix}$ <p>Ответ записать без пробелов и без знака умножения. Ответ: <:10:></p> <p>86 Вычислите определитель</p> $\begin{vmatrix} 3 & i & 2-i \\ 1+i & 2 & 4 \\ 0 & 1 & -i \end{vmatrix}$ <p>Ответ записать без пробелов и без знака умножения. Ответ: <:-10-4i:></p> <p>87 Вычислите определитель</p> $\begin{vmatrix} 5 & i & 3 \\ 2+i & 2 & -1 \\ 1 & 0 & 1-i \end{vmatrix}$

Ответ записать без пробелов и без знака умножения.

Ответ: <4-13i:>

88 Комплексное число i^{16} равно...

Ответ записать без пробелов и без знака умножения.

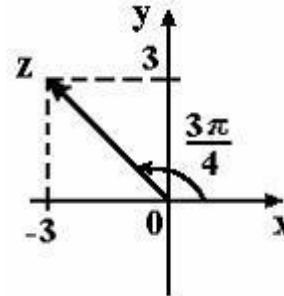
Ответ: <1:>

89 Комплексное число i^{25} равно...

Ответ записать без пробелов и без знака умножения.

Ответ: <i:>

90 На рисунке представлена геометрическая иллюстрация комплексного числа $z = x + iy$.



Тогда тригонометрическая форма записи этого числа имеет вид...

1 $\sqrt{2} \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$

2 $3\sqrt{2} \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$

3 $3 \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$

4 $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right)$

91 Найти корни уравнений $x^2 + 6x + 10 = 0$

- 1 -2, -4
- 2 2,4
- 3 **-3+i, -3-i**
- 4 3+i, 3-i
- 5 корней нет

92 Найти корни уравнений $x^2 + 6x + 13 = 0$

- 1 5, 1
- 2 $3+2i, 3-2i$
- 3 -1, -5
- 4 $-3+2i, 3-2i$
- 5 $-3+2i, -3-2i$

93 Найти корни уравнений $x^2 + 4x + 5 = 0$

- 1 $-2+i, -2-i$
- 2 -1, -3
- 3 $2+i, 2-i$
- 4 3, 1
- 5 $-2+i, 2-i$

Частное $\frac{z}{z}$ от деления двух комплексно сопряженных чисел, где $z = -2 + i$, равно...

- 1 $-\frac{3}{5} + \frac{4}{5}i$
- 2 $-\frac{3}{5} - \frac{4}{5}i$

				$\frac{3}{5} - \frac{4}{5}i$ <p>3</p> $\frac{3}{5} + \frac{4}{5}i$ <p>4</p>
		Действие	4 – ОТЗ 1 – ЗТЗ	<p>95 Комплексное число i^{15} равно... Ответ записать без пробелов и без знака умножения. Ответ: <:-i:></p> <p>96 Комплексное число $(-i)^8$ равно... Ответ записать без пробелов и без знака умножения. Ответ: <:1:></p> <p>97 Комплексное число $(-i)^7$ равно... Ответ записать без пробелов и без знака умножения. Ответ: <:i:></p> <p>Частное $\frac{z}{z}$ от деления двух комплексно сопряженных чисел, где $z = 3 + 3i$, равно...</p> <p>98 Ответ записать без пробелов и без знака умножения. Ответ: <:i:></p> <p>99 Указать модуль и аргумент комплексного числа $z = -\sqrt{3} + i$.</p> <p>1 4; $\frac{\pi}{4}$</p> <p>2 2; $-\frac{\pi}{6}$</p> <p>3 2; $\frac{5\pi}{6}$</p>

				4 3; $-\frac{\pi}{3}$ 5 3; $\frac{\pi}{3}$
ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание процессов	Интегральные теоремы и формулы Коши. Изолированные особые точки и их классификация	Действие	1 – ОТЗ	100 Вычислить интеграл $\int_0^1 x dx + i \int_0^1 x dx$ 1 $\frac{1}{2} + \frac{1}{2}i$ 2 $2 + 2i$ 3 2 4 0
Итого			47 – ОТЗ 53 – ЗТЗ	

Структура фонда тестовых заданий по дисциплине
(очная форма обучения – 4 семестр, заочная форма обучения – курс 2 сессия летняя)

Индикатор достижения компетенции	Тема в соответствии с РПД	Характеристика ТЗ	Количество тестовых заданий, типы ТЗ	Тестовые задания
ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание процессов	Случайные события. Алгебра событий, классификация событий в терминах теории вероятностей	Знание	5 – ОТЗ 8 – ЗТЗ	1 В урне 12 шаров, ничем, кроме цвета, не отличающихся. Среди этих шаров 5 черных и 7 белых. Событие — «случайным образом извлекают белый шар». Для этого события число благоприятствующих исходов равно: <:7:> 2 В урне 12 шаров, ничем, кроме цвета, не отличающихся. Среди этих шаров 5 черных и 7 белых. Событие — «случайным образом извлекают белый шар». Для этого события число всех исходов равно <:12:> 3 Если $P(A) = 0,2$, то $P(\bar{A})$ равно <:0,8:> 4 Вероятность достоверного события равна <:1:>

				<p>5 Испытание — «бросают две монеты». Событие — «на одной из монет выпадет герб». Число элементарных исходов, благоприятствующих данному событию равно: <:2:></p> <p>6 Игральный кубик бросают 4 раза. Случайная величина X — число выпадений 5 очков. Возможные значения данной случайной величины:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 4; 2 1; 2; 3; 4; 5; 3 0; 1; 2; 3; 4; 5; 4 0; 1; 2; 3; 4; 5 1; 2; 3; 4. <p>7 Бросают монету. Событие: A — «выпадает герб». Событие B — «выпадает цифра» является:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 случайным; 2 достоверным; 3 невозможным; 4 противоположным. <p>8 Подбрасывается игральный кубик. Обозначим события: A — «выпадение 6 очков», B — «выпадение 4 очков», D — «выпадение 2 очков», C — «выпадение четного числа очков». Тогда событие C равно</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 $C = A \cdot B \cdot D$; 2 $C = A + B$; 3 $C = A + B + D$; 4 $C = A - B + D$. <p>9 Студент должен сдать два экзамена. Событие A — «студент сдал первый экзамен», событие B — «студент сдал второй экзамен», событие C — «студент сдал оба экзамена». Тогда событие C равно</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 $C = A \cdot B$; 2 $C = A + B$; 3 $C = A - B$; 4 $C = \overline{A + B}$. <p>10 Вероятность события принимает любое значение из промежутка:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 (-1; 1); 2 (0; 1);
--	--	--	--	---

				<p>3 $(-\infty; \infty)$; 4 $(0; \infty)$; 5 $[0; 1]$.</p> <p>11 Указать верное определение. Суммой двух событий называется: 1 Новое событие, состоящее в том, что происходят оба события одновременно. 2 Новое событие, состоящее в том, что происходит или первое, или второе, или оба вместе.</p> <p>12 Указать верное утверждение. Вероятность невозможного события: 1 больше нуля и меньше единицы 2 равна нулю</p> <p>13 Задача «В магазин вошло 5 покупателей. Найти вероятность того, что 4 из них совершат покупки, если вероятность совершить покупку для каждого из них равна 0,7» решается с использованием: 1 теоремы сложения вероятностей совместных событий; 2 формулы Бернулли; 3 формулы полной вероятности; 4 формулы Байеса; 5 классического определения вероятности.</p>
		<p>Умение</p>	<p>1 – ОТЗ 8 – ЗТЗ</p>	<p>14 Испытание — «бросают две монеты». Событие — «на одной из монет выпадет герб». Число всех элементарных, равновозможных, единственно возможных, несовместных исходов равно: <:4:></p> <p>15 Из букв слова «ЗАДАЧА» наугад выбирается одна буква. Событие — «выбрана буква К» является 1 случайным; 2 достоверным; 3 невозможным; 4 противоположным.</p> <p>16 Из букв слова «МИР» наугад выбирается одна буква. Событие — «выбрана буква М» является 1 случайным; 2 достоверным; 3 невозможным.</p> <p>17 Событие — «из урны, содержащей только белые шары, извлекают белый</p>

				<p>шар» является</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 случайным; 2 достоверным; 3 невозможным. <p>18 События называют равновозможными, если</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 они несовместны; 2 при осуществлении комплекса условий каждое из них имеет равную возможность наступить; 3 при испытании обязательно наступит хотя бы одно из них; 4 наступление одного исключает возможность появления другого. <p>9 Два студента сдают экзамен. События: А — «экзамен сдаст первый студент», В — «экзамен сдаст второй студент» являются</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 несовместными; 2 достоверными; 3 невозможными; 4 совместными. <p>20 События называют несовместными, если</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 наступление одного не исключает возможность появления другого; 2 при осуществлении комплекса условий каждое из них имеет равную возможность наступить; 3 при испытании обязательно наступит хотя бы одно из них; 4 наступление одного исключает возможность появления другого. <p>21 Указать верное свойство. Вероятность случайного события:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 больше нуля и меньше единицы 2 равна нулю 3 равна единице <p>22 Указать верное определение. Вероятностью события называется:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 Произведение числа исходов, благоприятствующих появлению события на общее число исходов 2 Сумма числа исходов, благоприятствующих появлению события и общего числа исходов 3 Отношение числа исходов, благоприятствующих появлению события к общему числу исходов
		Действие	2 – ЗТЗ	<p>23 Сколькими способами можно посадить 5 человек?</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 5;

				$\frac{1}{2}$; $\frac{1}{3}$; $\frac{1}{4}$; $\frac{1}{5}$; $\frac{1}{5!}$; $\frac{1}{5!}$. <p>24 Абонент забыл две последних цифры телефонного номера и, зная, лишь, что они различны, набрал их наудачу. Сколькими способами он это может сделать?</p> 1 $2!$; 2 A_{10}^2 ; 3 C_{10}^2 ; 4 $\frac{2}{10}$; 5 $\frac{1}{2}$
УК-1.1. Анализирует проблемную ситуацию (задачу) и выделяет ее базовые составляющие. Рассматривает различные варианты решения проблемной ситуации (задачи), разрабатывает алгоритмы их реализации	Теоремы сложения и умножения вероятностей. Условные вероятности. Формула полной вероятности. Формулы Байеса	Знание	3 – ОТЗ	<p>25 Монету подбросили 2 раза. Вероятность того, что «орел» выпадет 2 раза равна <:0,25:></p> <p>26 В ящике 25 шаров, из них 10 белых, 7 голубых, 3 желтых, 5 синих. Вероятность того, что наудачу вынутый шар белый равна <:0,4:></p> <p>27 Два стрелка производят по одному выстрелу. Вероятность попадания в цель для первого и второго стрелков равны 0,8 и 0,75 соответственно. Тогда вероятность того, что цель будет поражена, равна <:0,95:></p>
		Умение	5 – ОТЗ 5 – ЗТЗ	<p>28 Укажите вероятность невозможного события. <:0:></p> <p>29 Укажите вероятность достоверного события. <:1:></p> <p>30 В группе из 10 человек 4 человека имеют опыт вождения автомобиля. Наугад отобрано 7 человек. Какова с точностью до десятых вероятность того, что из них только двое имеют опыт вождения автомобиля? <:0,3:></p> <p>31 Сколькими способами можно выбрать три лица на три различные должности из десяти кандидатов? <:720:></p> <p>32 Восемь друзей распределяют места за круглым столом по жребию. Какова с</p>

				<p>точностью до сотых вероятность того, что два из них будут сидеть рядом? <:0,29:></p> <p>33 Указать верное определение. Произведением двух событий называется: 1 Новое событие, состоящее в том, что происходят оба события одновременно. 2 Новое событие, состоящее в том, что происходит или первое, или второе, или оба вместе. 3 Новое событие, состоящее в том, что происходит одно но не происходит другое.</p> <p>34 Задача «В магазин вошло 500 покупателей. Найти вероятность того, что 44 из них совершат покупки, если вероятность совершить покупку для каждого из них равна 0,7» решается с использованием 1 локальной теоремы Лапласа; 2 формулы Бернулли; 3 формулы полной вероятности; 4 формулы Байеса; 5 классического определения вероятности.</p> <p>35 Заготовка может поступить для обработки на один из двух станков с вероятностями 0,7 и 0,3 соответственно. Вероятность брака для первого станка равна 0,2, для второго равна 0,1. Найти вероятность того, что наугад взятая деталь бракованная. Задача решается с использованием: 1 теоремы сложения вероятностей совместных событий; 2 теоремы умножения вероятностей зависимых событий; 3 формулы полной вероятности; 4 формулы Байеса; 5 классического определения вероятности.</p> <p>36 Задача «Заготовка может поступить для обработки на один из двух станков с вероятностями 0,7 и 0,3 соответственно. Вероятность брака для первого станка равна 0,2, для второго равна 0,1. Найти вероятность того, что наугад взятая деталь бракованная» решается с использованием формулы полной вероятности. В данной задаче можно сформулировать: 1 одну гипотезу; 2 две гипотезы; 3 три гипотезы.</p> <p>37 Вероятность для студента сдать первый экзамен равна 0,6, второй — 0,4. Вероятность сдать оба экзамена равна:</p>
--	--	--	--	--

				<p>1 $0,6 \cdot 0,4$;</p> <p>2 $0,6 + 0,4 - 0,6 \cdot 0,4$;</p> <p>3 $0,6 + 0,4$.</p>
		Действие	2 – ОТЗ	<p>38 В ящике лежат 20 одинаковых на ощупь шаров. Из них 12 белых и 8 чёрных. Наудачу вынимают два шара. Какова с точностью до сотых вероятность того, что оба шара белые? <:0,35:></p> <p>39 На сборку поступают детали с трех конвейеров. Первый дает 25 %, второй – 30 % и третий – 45 % деталей, поступающих на сборку. С первого конвейера в среднем поступает 2 % брака, со второго – 3 %, с третьего – 1 %. Вероятность того, что на сборку поступила бракованная деталь равна <:0,02:>. Ответ округлить до сотых, указать две цифры после запятой.</p>
ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание процессов	Последовательность независимых испытаний Бернулли. Формула Бернулли.	Знание	1 – ОТЗ 2 – ЗТЗ	<p>40 Число различных очередей из трех человек равно <:6:></p> <p>41 Задача «В магазин вошло 5 покупателей. Найти вероятность того, что 4 из них совершат покупки, если вероятность совершить покупку для каждого из них равна 0,7» решается с использованием формулы Бернулли, где</p> <p>1 $n = 5, k = 4, p = 0,7, q = 0,3$;</p> <p>2 $n = 4, k = 5, p = 0,7, q = 0,3$;</p> <p>3 $n = 5, k = 4, p = 0,3, q = 0,7$;</p> <p>4 $n = 4, k = 5, p = 0,3, q = 0,7$.</p> <p>42 Задача «В магазин вошло 500 покупателей. Найти вероятность того, что 44 из них совершат покупки, если вероятность совершить покупку для каждого из них равна 0,7» решается с использованием локальной теоремы Лапласа, где</p> <p>1 $n = 44, k = 500, p = 0,7, q = 0,3$;</p> <p>2 $n = 500, k = 44, p = 0,7, q = 0,3$;</p> <p>3 $n = 500, k = 44, p = 0,3, q = 0,7$;</p> <p>4 $n = 44, k = 500, p = 0,3, q = 0,7$.</p>
		Умение	1 – ОТЗ 1 – ЗТЗ	<p>43 Вероятность попадания при одном выстреле 0,9, тогда вероятность трех промахов при трех выстрелах равна <:0,001:></p> <p>44 Случайная величина X распределена по нормальному закону с $a = 20, \sigma = 5$. Тогда $P(16 < X < 25)$ равна ...</p> <p>1 $\Phi\left(\frac{25 - 20}{5}\right) - \Phi\left(\frac{16 - 20}{5}\right)$;</p>

				<p>2 $\Phi\left(\frac{25}{5}\right) - \Phi\left(\frac{16}{5}\right)$;</p> <p>3 $\Phi\left(\frac{16-20}{5}\right) - \Phi\left(\frac{25-20}{5}\right)$;</p> <p>4 $\Phi\left(\frac{25-20}{5}\right) - \Phi\left(\frac{20-16}{5}\right)$</p>																																				
<p>УК-1.1. Анализирует проблемную ситуацию (задачу) и выделяет ее базовые составляющие. Рассматривает различные варианты решения проблемной ситуации (задачи), разрабатывает алгоритмы их реализации</p>	<p>Случайные величины. Формы закона распределения дискретной и непрерывной случайных величин. Основные числовые характеристики случайных величин.</p>	<p>Знание</p>	<p>5 – ОТЗ 1 – ЗТЗ</p>	<p>45 Дискретная случайная величина X задана законом распределения вероятностей</p> <table border="1" data-bbox="1182 512 1518 595"> <tr> <td>X</td> <td>0</td> <td>x_2</td> <td>9</td> </tr> <tr> <td>P</td> <td>0,1</td> <td>0,5</td> <td>0,4</td> </tr> </table> <p>Если математическое ожидание $M(X) = 5,6$, то значение x_2 равно <:4:></p> <p>46 Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=50$:</p> <table border="1" data-bbox="1182 727 1442 815"> <tr> <td>x_i</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> </tr> <tr> <td>n_i</td> <td>10</td> <td>9</td> <td>8</td> <td>n_4</td> </tr> </table> <p>Тогда n_4 равен <:23:></p> <p>47 Дискретная случайная величина X имеет закон распределения:</p> <table border="1" data-bbox="1205 932 1706 1026"> <tr> <td>X</td> <td>0,2</td> <td>0,4</td> <td>0,6</td> <td>0,8</td> </tr> <tr> <td>p</td> <td>0,1</td> <td>0,2</td> <td>p_3</td> <td>0,5</td> </tr> </table> <p>Вероятность p_3 равна <:0,2:></p> <p>48 Закон распределения дискретной случайной величины задан следующей таблицей:</p> <table border="1" data-bbox="1189 1182 1610 1267"> <tr> <td>x</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> </tr> <tr> <td>p</td> <td>0,3</td> <td>0,4</td> <td>0,3</td> </tr> </table> <p>Значение функции распределения этой случайной величины на интервале $x > 2$ равно <:1:></p> <p>49 Закон распределения дискретной случайной величины задан следующей таблицей:</p>	X	0	x_2	9	P	0,1	0,5	0,4	x_i	1	2	3	4	n_i	10	9	8	n_4	X	0,2	0,4	0,6	0,8	p	0,1	0,2	p_3	0,5	x	0	1	2	p	0,3	0,4	0,3
X	0	x_2	9																																					
P	0,1	0,5	0,4																																					
x_i	1	2	3	4																																				
n_i	10	9	8	n_4																																				
X	0,2	0,4	0,6	0,8																																				
p	0,1	0,2	p_3	0,5																																				
x	0	1	2																																					
p	0,3	0,4	0,3																																					

x	-1	0	2
p	0,1	0,6	0,3

Математическое ожидание равно <:0,5:>

50 Плотность распределения вероятностей случайной величины X имеет вид:

$$f(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x < 5; \\ \frac{1}{5}, & \text{при } 5 < x < 10; \\ 0, & \text{при } x > 10. \end{cases}$$

Математическое ожидание случайной величины X определяется по формуле:

1 $M(X) = \int_5^{10} x \, dx;$

2 $M(X) = \int_5^{10} \frac{1}{5} x \, dx;$

3 $M(X) = \int_5^{10} \frac{1}{5} \, dx.$

51 Вероятность того, что вынутый наугад шар из урны, содержащей 10 белых и 15 черных шаров, окажется белым, равна <:0,4:>

52 Вероятность хотя бы одного попадания в цель при одновременном залпе из двух орудий при $p_1 = 0,7$ и $p_2 = 0,8$, равна <:0,94:>

53 Объем выборки, представленной вариационным рядом равен ...

$ x$	-1	0	2
n_i	10	20	15

Ответ: <:45:>

54 Функция распределения случайной величины X имеет вид:

Умение

3 – ОТЗ
1 – ЗТЗ

$$F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 5; \\ \frac{x}{5} - 1, & \text{при } 5 < x \leq 10; \\ 1, & \text{при } x > 10. \end{cases}$$

Плотность распределения $f(x)$ случайной величины X равна:

$$f(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 5; \\ \frac{x}{5} - 1, & \text{при } 5 < x \leq 10; \\ 0, & \text{при } x > 10. \end{cases}$$

1

$$f(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x < 5; \\ \frac{1}{5}, & \text{при } 5 < x < 10; \\ 0, & \text{при } x > 10. \end{cases}$$

2

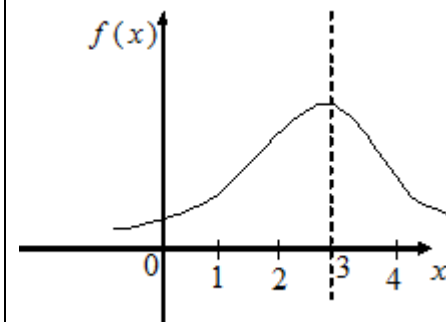
$$f(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x < 5; \\ \frac{1}{5}, & \text{при } 5 < x < 10; \\ 1, & \text{при } x > 10. \end{cases}$$

3

Действие

3 – ОТЗ
0 – ЗТЗ

55 На графике изображена кривая нормального распределения вероятностей:



Математическое ожидание равно <:3:>

56 Три стрелка стреляют по мишени: вероятность попадания в цель для первого

				<p>стрелка- 0,75, для второго- 0,8, для третьего- 0,9, тогда вероятность одновременного попадания в цель всех трех стрелков, равна <:0,54:></p> <p>57 Дана функция распределения случайной величины</p> $F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 5; \\ \frac{x}{5} - 1, & \text{при } 5 < x \leq 10; \\ 1, & \text{при } x > 10. \end{cases}$ <p>Вероятность того, что в результате испытания величина X примет значение из интервала (6; 7) равна <:0,2:></p>																		
<p>ОПК-1.4. Знает основы высшей математики, способен представить математическое описание процессов</p>	<p>Элементы математической статистики. Статистические методы обработки экспериментальных данных. Точечные и интервальные оценки параметров распределения по выборке</p>	<p>Знание</p>	<p>1 – ОТЗ 1 – ЗТЗ</p>	<p>58 Вариантой с наибольшей частотой вариационного ряда является</p> <table border="1" data-bbox="1189 611 1637 695"> <tr> <td>x</td> <td>-1</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>6</td> </tr> <tr> <td>n_i</td> <td>15</td> <td>22</td> <td>13</td> <td>27</td> </tr> </table> <p>Ответ: <:27:></p> <p>59 Вариационный ряд:</p> <table border="1" data-bbox="1189 802 1664 895"> <tr> <td>x</td> <td>(10;15)</td> <td>[15;20)</td> <td>[20;25)</td> </tr> <tr> <td>n_i</td> <td>10</td> <td>20</td> <td>30</td> </tr> </table> <p>Является вариационным рядом ...</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 с равностоящими вариантами; 2 с неравностоящими вариантами; 3 интервальным; 4 неинтервальным; 5 другой ответ 	x	-1	0	1	6	n_i	15	22	13	27	x	(10;15)	[15;20)	[20;25)	n_i	10	20	30
x	-1	0	1	6																		
n_i	15	22	13	27																		
x	(10;15)	[15;20)	[20;25)																			
n_i	10	20	30																			
		<p>Умение</p>	<p>1 – ЗТЗ</p>	<p>60 В формуле для вычисления коэффициента линейной корреляции</p> $r = \frac{\overline{xy} - ? \overline{y}}{? \cdot \overline{S}_y}$ <p>вместо «?» надо поставить ...</p> <ol style="list-style-type: none"> 1 $\overline{x}; \overline{S}_x$ 2 $\overline{y}; \overline{S}_y$ 3 $\overline{x}; (\sigma_x^2)_x$ 																		

				4 $1, (\sigma_y)^2$
				5 $0, \frac{y}{x}$
		Итого	30 – ОТЗ 30 – ЗТЗ	

Ключ к ФТЗ: правильные ответы тестовых заданий закрытого типа выделены жирным начертанием шрифта, правильные ответы на вопросы открытого типа <:ограничены специальными символами:>, правильные ответы на сопоставление выделены жирным начертанием шрифта и обозначены специальным символом <|>.

Комплект ФТЗ хранится в электронной информационно-образовательной среде ЗаБИЖТ ИрГУПС и обучающийся имеет возможность ознакомиться с ним.

Вариант теста для проведения текущего контроля и (или) промежуточной аттестации с использованием компьютерных технологий формируется из ФТЗ по дисциплине.

3.6 Перечень теоретических вопросов к зачету (для оценки знаний)

Перечень теоретических вопросов к зачету
(очная форма обучения – 1 семестр, заочная форма обучения – курс 1 сессия зимняя)

Раздел 1. Линейная алгебра

- 1.1. Числовые множества. Множество комплексных чисел как расширение множества действительных чисел. Понятие комплексного числа.
- 1.2. Действия над комплексными числами в алгебраической форме.
- 1.3. Тригонометрическая форма комплексного числа. Переход от алгебраической формы комплексного числа к тригонометрической и обратно.
- 1.4. Действия над комплексными числами в тригонометрической форме. Формула Муавра.
- 1.5. Матрицы и действия над ними.
- 1.6. Размерность матрицы. Виды матриц. Понятие квадратной и единичной матрицы.
- 1.7. Определитель матрицы. Свойства определителей.
- 1.8. Вычисление определителей второго порядка. Способы вычисления определителей третьего порядка.
- 1.9. Вычисление определителей высших порядков.
- 1.10. Миноры и алгебраические дополнения.
- 1.11. Обратная матрица. Существование обратной матрицы. Формула для отыскания обратной матрицы.
- 1.12. Решение матричных уравнений.
- 1.13. Ранг матрицы. Определение ранга методом окаймляющих миноров.
- 1.14. Определение ранга матрицы методом эквивалентных преобразований.
- 1.15. Понятие системы линейных уравнений. Совместность системы уравнений. Теорема Кронекера-Капелли.
- 1.16. Неоднородная система уравнений. Решение систем линейных уравнений методом Крамера.
- 1.17. Решение систем линейных уравнений матричным методом.
- 1.18. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса и Жордана-Гаусса.

Раздел 2. Векторная алгебра

- 2.1. Векторы и действия над ними в геометрической форме.
- 2.2. Действия над векторами в координатной форме.
- 2.3. Коллинеарность и компланарность векторов.
- 2.4. Скалярное произведение векторов и его свойства. Координатная форма. Скалярный квадрат.
- 2.5. Приложения скалярного произведения векторов к решению задач. Ортогональность векторов.
- 2.6. Длина вектора. Угол между векторами.
- 2.7. Прямоугольная декартова система координат. Расстояние между двумя точками. Деление отрезка в заданном отношении.

Раздел 3. Аналитическая геометрия

- 3.1. Виды уравнений прямой на плоскости.
- 3.2. Уравнение прямой по двум точкам.
- 3.3. Уравнение прямой по точке и вектору нормали, по точке и направляющему вектору.
- 3.4. Угол между прямыми, условие параллельности и перпендикулярности прямых.
- 3.5. Окружность и эллипс.
- 3.6. Каноническое уравнение, основные элементы, числовые характеристики, схематическое построение.

- 3.7. Гипербола. Каноническое уравнение, основные элементы, числовые характеристики, схематическое построение.
- 3.8. Парабола. Каноническое уравнение, основные элементы, числовые характеристики, схематическое построение.
- 3.9. Виды уравнений плоскости в пространстве.
- 3.10 Уравнение плоскости по трём точкам, по точке и вектору нормали.
- 3.11. Расстояние от точки до прямой.
- 3.12. Расстояние от точки до плоскости.
- 3.13. Угол между плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.
- 3.14. Виды уравнений прямой в пространстве. Прямая как пересечение двух плоскостей.
- 3.15. Угол между прямой и плоскостью. Перпендикулярность прямой и плоскости.
- 3.16. Точка пересечения прямой и плоскости.
- 3.17. Основные типы поверхностей второго порядка.
- 3.18. Цилиндрические поверхности. Примеры. Канонические уравнения. Основные характеристики.
- 3.19. Конические поверхности. Примеры. Канонические уравнения. Основные характеристики.

Раздел 4. Введение в математический анализ

- 4.1 Понятие функции одной переменной. Способы задания и основные свойства функций.
- 4.2 Классификация функций. Неявные и сложные функции.
- 4.3 Понятие числовой последовательности. Ограниченность и монотонность последовательности. Предел последовательности.
- 4.4 Основные свойства пределов.
- 4.5 Правила вычисления пределов последовательности. Число e .
- 4.6 Предел функции. Методы вычисления. Бесконечно малые и бесконечно большие функции.
- 4.7 Первый и второй замечательные пределы.
- 4.8 Односторонние пределы. Исследование функции на непрерывность в точке.

Раздел 5. Дифференциальное исчисление функций одной переменной

- 5.1 Понятие первообразной и неопределённого интеграла. Свойства неопределённого интеграла. Таблица интегралов.
- 5.2 Непосредственное интегрирование. Замена переменной. Подведение под знак дифференциала.
- 5.3 Интегрирование по частям.
- 5.4 Интегрирование рациональных дробей.
- 5.5 Интегрирование тригонометрических выражений.
- 5.6 Интегрирование некоторых иррациональных функций.
- 5.7 Специальные подстановки.
- 5.8 Понятие определённого интеграла, его геометрический и механический смысл. Свойства. Формула Ньютона-Лейбница.
- 5.9 Замена переменной в определённом интеграле. Интегрирование по частям.
- 5.10 Несобственные интегралы I и II рода.
- 5.11 Приложения определённого интеграла.
- 5.12 Криволинейные интегралы и их приложения.

Перечень теоретических вопросов к зачету (очная форма обучения – 4 семестр, заочная форма обучения – курс 2 сессия летняя)

Раздел 13. Основы дискретной математики

- 13.1 Классические законы дискретных и непрерывных случайных величин.
- 13.2 Нормальное распределение.

- 13.3 Закон больших чисел.
- 13.4 Центральная предельная теорема.
- 13.5 Двумерные случайные величины.
- 13.6 Элементы математической статистики.
- 13.7 Статистические методы обработки экспериментальных данных.
- 13.8 Точечные и интервальные оценки параметров распределения по выборке.
- 13.9 Статистическая проверка гипотез. Элементы теории корреляции

Раздел 14. Основы теории вероятностей и математической статистики

- 14.1 Случайные события. Алгебра событий, классификация событий в терминах теории вероятностей и теории множеств.
- 14.2 Элементарная теория вероятностей и ее математические основы: различные подходы к определению вероятности события.
- 14.3 Теоремы сложения и умножения вероятностей.
- 14.4 Условные вероятности.
- 14.5 Формула полной вероятности.
- 14.6 Формулы Байеса.
- 14.7 Последовательность независимых испытаний Бернулли. Формула Бернулли.
- 14.8 Предельные теоремы в схеме Бернулли.
- 14.9 Случайные величины.
- 14.10 Формы закона распределения дискретной и непрерывной случайных величин.
- 14.11 Основные числовые характеристики случайных величин.

3.7 Типовые практические задания к зачету

(для оценки умений, навыков и (или) опыта деятельности)

Распределение типовых практических заданий к зачету находится в закрытом для обучающихся доступе. Разработанные комплекты типовых практических заданий к зачету не выставляются в электронную информационно-образовательную среду ЗаБИЖТ ИрГУПС, а хранятся на кафедре-разработчике в составе ФОС по дисциплине.

Ниже приведены образцы типовых практических заданий к зачету.

Образцы типовых практических заданий к зачету

(очная форма обучения – 1 семестр, заочная форма обучения – курс 1 сессия зимняя)

1. Найти произведение AB матриц

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 1 & 6 \\ 5 & -1 & 0 & 3 \\ 2 & 0 & 3 & -1 \end{pmatrix} \text{ и } B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 4 & -3 \\ -5 & 2 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}.$$

2. Найти ранг матрицы

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 2 & 3 \\ 1 & -1 & 0 & 2 \\ 1 & 5 & 4 & 0 \end{pmatrix}.$$

3. Исследовать на совместность систему уравнений

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = x_3 = 3, \\ x_1 + x_2 - 3x_3 = -1, \\ 2x_1 + x_2 - 2x_3 = 1, \\ x_1 + 2x_2 - 3x_3 = 1. \end{cases}$$

4. Решить методом Гаусса систему уравнений

$$\begin{cases} x+2y+3z=14, \\ 3x+2y+z=10, \\ 2x+3y-z=5. \end{cases}$$

5. Даны вершины четырехугольника $A(1, 2, 3)$, $B(7, 3, 2)$, $C(-3, 0, 6)$ и $D(9, 2, 4)$ Доказать, что его диагонали AC и BD взаимно перпендикулярны.

6. Написать уравнение касательной и нормали к кривой $x^3 + y^2 + 2x - 6 = 0$ в точке $M(-1; 3)$.

7. В какой из точек x скорость изменения функции $y = 3x^5 - 5x^3 + 5x - 7$ наименьшая?

8. Определить взаимное расположение прямой, проходящей через две точки $M_1(1; 1; 1)$ и $M_2(0; 3; 1)$, с плоскостью $2x + y - z - 2 = 0$.

9. Составить уравнение плоскости, проходящей через прямую $l: \frac{x-1}{2} = \frac{y}{-1} = \frac{z+1}{3}$ и точку $M_1(0; 2; 1)$.

10. Найти точки пересечения прямой $\frac{x}{2} = \frac{y+5}{1} = \frac{z-4}{-1}$ с однополостным гиперболоидом

$$\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} - \frac{z^2}{4} = 1.$$

11. Найти область определения функции $f(x) = \sqrt{\arcsin \log_2 x}$.

12. Найти множество значений функции $f(x) = \frac{x+1}{x-2}$.

13. Исследовать функцию $f(x) = \frac{2^x - 1}{2^x + 1}$ на четность.

14. Показать, что функция $f(x) = x^3 + 3x + 5$ возрастает для $x \in (-\infty; +\infty)$.

15. Записать формулу общего члена последовательности:

а) $\frac{3}{2}, \frac{5}{5}, \frac{7}{10}, \frac{9}{17}, \dots$; б) $1, \frac{1}{2}, 3, \frac{1}{4}, 5, \dots$.

16. Вычислить пределы:

а) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n^2 - 3n + 4}{3n^2 + 1}$; б) $\lim_{n \rightarrow \infty} \sin(\sqrt{n+1} - \sqrt{n})$;

в) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n! + (n+2)!}{((n+1)! + n!) \cdot n}$; г) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[5]{n^6 + 3} + \sqrt[4]{16n^5 - 8}}{(n + \sin n^3) \sqrt[4]{n}}$;

д) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+5)^4 - (n-2)^4}{(n+2)^4 - (n-1)^4}$.

17. Пользуясь определением предела по Коши, доказать, что:

а) $\lim_{x \rightarrow -1} (3x + 2) = -1$; б) $\lim_{x \rightarrow 1} (2 - x) = 1$.

18. Доказать, что функция $y = f(x)$ не имеет предела в точке $x = x_0$:

а) $f(x) = \cos x$, $x_0 = +\infty$; б) $f(x) = \operatorname{tg} x$, $x_0 = \frac{\pi}{2}$.

19. Доказать, что функция $y = f(x)$ является бесконечно малой при $x \rightarrow +\infty$:

а) $f(x) = \frac{\sin x}{x}$; б) $f(x) = \frac{\cos^3 x}{\sqrt{x+1}}$.

20. Найти односторонние пределы функций:

а) $f(x) = \begin{cases} x^2, & x \leq 1, \\ -x, & x > 1 \end{cases}$ в точке $x = 1$;

б) $f(x) = \frac{(x+3)\sqrt{1-\cos^2 x}}{x}$ в точке $x = 0$.

21. Вычислить пределы:

а) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{3x^2 - 2}{5x^2 - 4x + 1}$; б) $\lim_{x \rightarrow 10} \frac{\sqrt{x-1} - 3}{x-10}$; в) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1-4x+4x^2}{5x^2+1}$; г) $\lim_{x \rightarrow +\infty} (1-4\cos x)2^{-x}$;

$$д) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln(x^2 - x + 1)}{\ln(x^{10} + x + 2)}; \quad е) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2 + 2} - \sqrt[3]{8x^3 + 3}}{\sqrt[4]{x^4 + 5}}; \quad ж) \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 - 2x - 1}{x^5 - 2x - 1};$$

$$з) \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+13} - 2\sqrt{x+1}}{x^2 - 9}; \quad и) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{\operatorname{tg} 9x}; \quad к) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x-1}{3x+1} \right)^{2x}.$$

22. Найти точки разрыва функции $f(x)$ и определить их род. В случае устранимого разрыва доопределить функцию так, чтобы она стала непрерывной.

$$а) f(x) = \frac{1}{x^3 - x^2}; \quad б) f(x) = \frac{1}{2^{\frac{1}{1-x}} + 1}; \quad в) f(x) = \frac{3^{\frac{1}{x-2}} - 1}{3^{\frac{1}{x-2}} + 1}; \quad г) f(x) = \frac{|x+2|}{\operatorname{arctg}(x+2)};$$

$$д) f(x) = 1 - x \sin \frac{1}{x};$$

$$23. \text{ При каких значениях } a \text{ и } b \text{ функция } f(x) = \begin{cases} (x-1)^3 & \text{при } x \leq 0, \\ ax+b & \text{при } 0 < x < 1 \\ \sqrt{x} & \text{при } x \geq 1 \end{cases}$$

будет непрерывной?

24. Пользуясь определением, вычислить производную функции $y = \sqrt{x}$ в точке $x = 1$.

25. Определить значения α и β , при которых функция

$$y = \begin{cases} (x + \alpha) \cdot e^{-\beta x}, & \text{если } x < 0; \\ \alpha x^2 + \beta x + 1, & \text{если } x \geq 0 \end{cases}$$

всюду дифференцируема.

26. Найти производную функции $f(x) = \begin{cases} 1-x & \text{при } x < 0, \\ e^x & \text{при } x \geq 0 \end{cases}$ и построить графики функций $f(x)$

и $f'(x)$.

27. Найти левую $f'_-(0)$ и правую $f'_+(0)$ производные в точке $x = 0$, если

$$f(x) = \begin{cases} 2x, & \text{если } x < 0; \\ \ln(1 + \sqrt[5]{x^7}), & \text{если } x \geq 0. \end{cases}$$

28. Найти производные следующих функций:

$$а) y = \frac{1}{4} \ln \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1}; \quad б) y = \frac{1}{4(1+x^4)} + \frac{1}{4} \ln \frac{x^4}{1+x^4};$$

$$в) y = \frac{x^6}{1+x^{12}} - \operatorname{arctg} x^6; \quad г) y = \frac{\arcsin x}{\sqrt{1-x^2}} + \frac{1}{2} \ln \frac{1-x}{1+x}.$$

29. Найти производные функций, используя метод логарифмического дифференцирования:

$$а) y = \frac{x^2}{1-x} \cdot \sqrt[3]{\frac{3-x}{(3+x)^2}}; \quad б) y = x^{\sin(x^2+1)}.$$

30. Найти производные функций, заданных параметрически и неявно:

$$а) \begin{cases} x = \frac{3at}{1+t^3} \\ y = \frac{3at^2}{1+t^3}; \end{cases} \quad б) \begin{cases} x = 1 + e^{at} \\ y = at + e^{-at}; \end{cases} \quad в) x^2 + 3xy + y^2 + 1 = 0.$$

Образцы типовых практических заданий к зачету

(очная форма обучения – 4 семестр, заочная форма обучения – курс 2 сессия летняя)

1. Дана выборка:

x_i	2	4	5	7	10
n_i	15	20	10	10	45

Найти эмпирическую функцию распределения, построить ее график. Построить полигон относительных частот выборки

2. В ОТК были измерены диаметры 300 валиков из партии, изготовленной одним станком. Отклонения измеренных диаметров от номинала (в мм) даны в таблице.

Границы отклонений	Середина интервала	Число валиков	Границы отклонений	Середина интервала	Число валиков
-30...-25	-27,5	3	0-5	2,5	55
-25...-20	-22,5	8	5-10	7,5	30
-20...-15	-17,5	15	10-15	12,5	25
-15...-10	-12,5	35	15-20	17,5	14
-10...-5	-7,5	40	20-25	22,5	8
-5...0	-2,5	60	25-30	27,5	7

Найти выборочное среднее, исправленную выборочную дисперсию и выборочную моду.

3. Найти оценку для числа степеней свободы r распределения Стьюдента методом моментов. При каких r это возможно?

4. Проведено пять независимых опытов над случайной величиной X , нормально распределенной с неизвестным математическим ожиданием и средним квадратическим равным двум.

5. Результаты опыта приведены в таблице:

x_i	-25	-20	10	21	34
n_i	1	1	1	1	1

Найти доверительный интервал для математического ожидания с надежностью 0,9.

6. По двум независимым, извлеченным из нормальных генеральных совокупностей малым выборкам, объемы которых $n=10$ и $m=8$ соответственно, найдены выборочные средние, равные 142,3 и 145,3 соответственно, и исправленные выборочные дисперсии, равные 2,7 и 3,2 соответственно. На уровне значимости 0,1 проверить нулевую гипотезу $H_0: a_x = a_y$ и конкурирующей гипотезе $H_1: a_x \neq a_y$.

7. Результаты наблюдений над признаками X и Y заданы в виде троек чисел (X, Y, n) , где n – частота наблюдений пары значений (X, Y) . Требуется:

- 1) построить корреляционную таблицу;
- 2) найти выборочный коэффициент корреляции;
- 3) составить уравнение регрессии Y на X .

X – стоимость активной части производственных фондов, млн. руб., Y – выработка продукции на одного рабочего, тыс. руб. (X, Y, n) : $\{(10; 0,8; 3), (10,5; 0,8; 3), (10,5; 1; 1), (11; 1; 2), (11; 1,2; 2), (11; 1,4; 1), (11,5; 1; 1), (11,5; 1,2; 1), (11,5; 1,4; 1), (12; 1,2; 2), (12; 1,4; 2)\}$.

8. Методом наименьших квадратов выровнять по прямой $y = \alpha + \beta x$ эмпирические данные

x	1	4	9	16	25
y	0,1	3	8,1	14,9	23,9

9. Вероятности перехода за один шаг в цепи Маркова задаются матрицей

$$P = \begin{pmatrix} 0 & 1/2 & 1/2 & 0 \\ 1/2 & 0 & 0 & 1/2 \\ 0 & 0 & 1/2 & 1/2 \\ 0 & 0 & 1/2 & 1/2 \end{pmatrix}$$

Требуется:

- а) найти число состояний;
- б) установить, сколько среди них существенных и несущественных;
- в) построить граф состояний, соответствующей этой матрице.

10. Матрица вероятностей перехода цепи Маркова имеет вид

$$P = \begin{pmatrix} 0,1 & 0,5 & 0,4 \\ 0,6 & 0,2 & 0,2 \\ 0,3 & 0,4 & 0,3 \end{pmatrix}.$$

Распределение по состояниям в момент времени $t=0$ определяется вектором $(0,7;0,2;0,1)$.

Найти:

- а) распределение по состояниям в момент $t = 2$;
- б) вероятность того, что в моменты $t = 0, 1, 2, 3$ состояниями цепи будут соответственно E_2, E_3, E_3, E_1 ;
- в) стационарное распределение.

11. Задана матрица интенсивностей переходов непрерывной цепи Маркова

$$\begin{pmatrix} -4 & 2 & 2 \\ 0 & -3 & 3 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix}.$$

Составить размеченный граф состояний, соответствующий матрице, составить систему дифференциальных уравнений Колмогорова для вероятностей состояний; найти предельное распределение вероятностей.

12. В вокзальном помещении находится одна билетная касса. В среднем за один час в нее обращается 15 человек, а кассир обслуживает каждого пассажира 3 мин. Определить среднюю длину очереди и среднее время ожидания обслуживания, если прибывающий поток пассажиров в кассу простейший, а время обслуживания распределено по показательному закону.

3.8 Перечень теоретических вопросов к экзамену (для оценки знаний)

Перечень теоретических вопросов к экзамену
(очная форма обучения – 2 семестр, заочная форма обучения – курс 1 сессия летняя)

Раздел 6. Интегральное исчисление функций одной переменной

6.1 Понятие первообразной и неопределённого интеграла. Свойства неопределённого интеграла. Таблица интегралов.

6.2 Непосредственное интегрирование. Замена переменной. Подведение под знак дифференциала.

6.3 Интегрирование по частям.

6.4 Интегрирование рациональных дробей.

6.5 Интегрирование тригонометрических выражений.

6.6 Интегрирование некоторых иррациональных функций.

6.7 Специальные подстановки.

6.8 Понятие определённого интеграла, его геометрический и механический смысл.

6.9 Свойства. Формула Ньютона-Лейбница.

6.10 Замена переменной в определённом интеграле. Интегрирование по частям.

6.11 Несобственные интегралы I и II рода.

6.12 Приложения определённого интеграла.

Раздел 7. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных

7.1 Понятие функции нескольких переменных. Область определения функции двух переменных. Линии уровня.

7.2 Частные производные и полный дифференциал функции нескольких переменных.

7.3 Частные производные высших порядков.

7.4 Производная по направлению. Градиент.

7.5 Локальные экстремумы функции нескольких переменных. Необходимое и достаточное условие экстремума.

7.6 Условные экстремумы функции нескольких переменных.

Раздел 8. Интегральное исчисление функций нескольких переменных

8.1 Кратные интегралы. Свойства. Геометрический смысл.

8.2 Приложения кратных интегралов. Изменение порядка интегрирования.

8.3 Замена переменных в кратных интегралах

8.4 Криволинейные интегралы

8.5 Поверхностные интегралы. Площадь поверхности

8.6 Элементы векторного анализа. Формула Остроградского

8.7 Элементы векторного поля. Формула Стокса

Раздел 9. Дифференциальные уравнения

9.1 Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям.

9.2 Основные понятия теории дифференциальных уравнений

9.3 Дифференциальные уравнения первого порядка

9.4 Дифференциальные уравнения высших порядков. Общая теория линейных дифференциальных уравнений

9.5 Уравнения, допускающие понижение порядка.

9.6 Линейные однородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами.

9.7 Линейные неоднородные дифференциальные уравнения n -го порядка с постоянными коэффициентами.

9.8 Структура общего решения.

9.9 Метод вариации произвольных постоянных (метод Лагранжа).

9.10 Метод неопределенных коэффициентов нахождения частного решения линейных неоднородных дифференциальных уравнений со специальной правой частью.

9.11 Системы дифференциальных уравнений.

Перечень теоретических вопросов к экзамену

(очная форма обучения – 3 семестр, заочная форма обучения – курс 2 сессия зимняя)

Раздел 10. Теория рядов

10.1 Числовые ряды, основные понятия. Достаточные признаки сходимости знакоположительных рядов.

10.2 Знакопередающие ряды. Признак Лейбница.

10.3 Абсолютная и условная сходимость.

10.4 Функциональные последовательности и ряды.

10.5 Степенные ряды. Интервал и область сходимости степенных рядов.

10.6 Ряд Тейлора и Маклорена. Разложение функций в степенные ряды.

10.7 Применения степенных рядов в приближенных вычислениях.

10.8 Гармонический анализ. Ряды Фурье.

10.9 Ряды Фурье для четных, нечетных функций.

10.10 Разложение неперiodических функций в ряд Фурье.

Раздел 11. Основы теории функции комплексного переменного

11.1 Функции комплексного переменного.

11.2 Предел, непрерывность и дифференцируемость функции комплексного переменного.

11.3 Условия аналитичности функции.

11.4 Интегральные теоремы и формулы Коши.

11.5 Изолированные особые точки и их классификация.

11.6 Вычеты. Вычисление вычетов относительно полюсов различных порядков, неустранимой особенности.

11.7 Вычисление интегралов с помощью вычетов.

Раздел 12. Элементы операционного исчисления

12.1. Преобразование Лапласа, его свойства.

12.2. Класс оригиналов. Класс изображений.

12.3. Основные теоремы операционного исчисления.

12.4. Способы восстановления оригиналов по изображению.

12.5. Решение дифференциальных уравнений и системы дифференциальных уравнений операционным методом

3.9 Типовые практические задания к экзамену

(для оценки умений, навыков или опыта деятельности)

Распределение практических заданий к экзаменам находится в закрытом для обучающихся доступе. Разработанные комплекты типовых практических заданий к экзаменам не выставляются в электронную информационно-образовательную среду ЗаБИЖТ ИрГУПС, а хранятся на кафедре-разработчике в составе ФОС по дисциплине.

Ниже приведены образцы типовых практических заданий к экзаменам.

Образцы типовых практических заданий к экзамену

(очная форма обучения – 2 семестр, заочная форма обучения – курс 1 сессия летняя)

Найти неопределенные интегралы. В двух первых примерах проверить результаты дифференцированием.

1 а) $\int \frac{\cos x dx}{\sqrt[3]{\sin^2 x}}$; б) $\int x^2 e^{3x} dx$; в) $\int \frac{2x-1}{\sqrt{x^2-4x+1}} dx$; г) $\int \frac{dx}{4x^3-x}$.

2 а) $\int \frac{\ln x dx}{x\sqrt{1+\ln x}}$; б) $\int x^2 \sin 2x dx$; в) $\int \frac{x+2}{x^2+2x+2} dx$; г) $\int \frac{x+1}{x^3+x} dx$.

3 а) $\int \frac{x^2}{\sqrt{x-1}} dx$; б) $\int \sqrt{x} \ln x dx$; в) $\int \frac{x+3}{\sqrt{4x^2+4x+1}} dx$; г) $\int \frac{\cos x}{\sin x + \cos x} dx$.

4 а) $\int \frac{\sin x dx}{\sqrt[3]{\cos^2 x}}$; б) $\int x \arcsin \frac{1}{x} dx$; в) $\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+x-2}} dx$; г) $\int \frac{x^2}{x^4-16} dx$.

Вычислить площадь области, ограниченной линиями.

5. $y = x^2 - 5$, $y = x - 3$

6. $y = x^2 + 1$, $y = \frac{x^2}{2}$, $y = 5$

7. Найти площадь эллипса $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$.

8. Найти площадь кардиоиды $\rho = a(1 - \cos \varphi)$.

9. Найти длину дуги линии $y = \ln \sin x$ при $\frac{\pi}{3} < x < \frac{\pi}{2}$.

10. Найти длину развертки окружности $\begin{cases} x = R(\cos t + t \sin t); \\ y = R(\sin t - t \cos t). \end{cases}$

11. Найти площадь поверхности сферы $x^2 + y^2 + z^2 = R^2$.

12. Найти объём шара $x^2 + y^2 + z^2 \leq R^2$.

13. Найти области определения следующих функций и сделать чертежи:

а) $z = \sqrt{9 - x^2 - y^2}$; б) $z = 1 + \sqrt{-(x - y)^2}$;

в) $z = \ln(x + y)$; г) $z = x + \arccos y$.

14. Найти линии уровня следующих функций:

а) $z = \ln(x^2 + y^2)$; б) $z = \arcsin(xy)$; в) $z = x^2 + 4y^2$.

15. Найти поверхности уровня функций:

а) $u = x - y + z$; б) $u = x^2 + y^2 + z^2$.

16. 17. Найти точки разрыва функций:

а) $z = \ln \sqrt{x^2 + y^2}$; б) $z = \frac{1}{9 - x^2 - y^2}$;

в) $z = \frac{1}{(x - y)^2}$; г) $z = \cos \frac{1}{xy}$.

15. Дана функция $z = \frac{y}{(x^2 - y^2)^5}$. Показать, что $\frac{1}{x} \frac{\partial z}{\partial x} + \frac{1}{y} \frac{\partial z}{\partial y} = \frac{z}{y^2}$

19. Дана функция $z = \frac{y^2}{3x} + \arcsin(xy)$. Показать, что $x^2 \frac{\partial z}{\partial x} - xy \frac{\partial z}{\partial y} + y^2 = 0$

20. Дана функция $z = \ln(x^2 + y^2 + 2x + 1)$. Показать, что $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} = 0$

21. Дана функция $z = e^{xy}$. Показать, что $x^2 \frac{\partial^2 z}{\partial x^2} - 2xy \frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} + y^2 \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} + 2xyz = 0$

22. Дана функция $z = \ln(x + e^{-y})$. Показать, что $\frac{\partial z}{\partial x} \frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} - \frac{\partial z}{\partial y} \frac{\partial^2 z}{\partial x^2} = 0$

23. Дана функция $z = \frac{x}{y}$. Показать, что $x \frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} - \frac{\partial z}{\partial y} = 0$

24. Дана функция $z = f(x, y)$, точка $A(x_0, y_0)$ и вектор $\bar{a} = \{a_1, a_2\}$. Найти:

1) $\text{grad } z$ в точке A ;

2) производную в точке A по направлению вектора \bar{a} .

$z = 3x^2y^2 + 5xy^2$; $A(1; 1)$, $\bar{a} = \{2; 1\}$.

25. Исследовать на экстремум следующие функции:

а) $z = x^2 - xy + y^2 + 9x - 6y + 20$; б) $z = y\sqrt{x - y^2} - x + 6y$.

26. Перейти к полярным координатам и вычислить двойной интеграл $\iint_{(D)} \frac{dx dy}{\sqrt{x^2 + y^2}}$, где (D) задано

неравенствами $x^2 + y^2 \leq 2x + 2y$, $x^2 + y^2 \geq 4$.

27. Вычислить двойной интеграл $\iint_{(D)} y \operatorname{tg} x \, dx dy$, где область (D) задана неравенствами

$0 < x < \pi/2$, $\operatorname{tg} x \leq y \leq 2\operatorname{tg} x$, $\operatorname{ctg} x \leq y \leq 3\operatorname{ctg} x$, сделав надлежащую замену переменных.

28. Найти площадь фигуры, заданной неравенствами $\sqrt{3} \leq \rho \leq 2 \sin 2\varphi$, $0 \leq \varphi \leq \pi/2$ в полярных координатах.

29. Найти объем V тела T , ограниченного поверхностями $x^2 + y^2 = 4$, $z = 8 - x^2 - y^2$, $z = 0$.

30. Найти площадь поверхности (Ω) , заданной соотношениями $z = x^2 + y^2$, $z \leq 4$.

Образцы типовых практических заданий к экзамену

(очная форма обучения – 3 семестр, заочная форма обучения – курс 2 сессия зимняя)

1. Исследовать на сходимость числовые ряды с положительными членами а), б). Исследовать на абсолютную и условную сходимость ряд в). Найти область сходимости функционального ряда г).

$$\text{а) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n-3}{3n^2-2} \quad \text{б) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+1}{2^n(n-1)!} \quad \text{в) } \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n^2}{n!} \quad \text{г) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n(x+2)^n}{n^2+1}$$

2. Исследовать на сходимость числовые ряды с положительными членами а), б). Исследовать на абсолютную и условную сходимость ряд в). Найти область сходимости функционального ряда г).

$$\text{а) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^3 \sqrt{n^2}}{\sqrt{n^5+7}}, \quad \text{б) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n!)^2}{2^{n^2}}, \quad \text{в) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n \ln n}, \quad \text{г) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{2^n(x-1)^n}$$

3. Исследовать на сходимость числовые ряды с положительными членами: а), б). Найти область сходимости функционального ряда в).

$$\text{а) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt[3]{n^2}}{\sqrt{3n-2}} \quad \text{б) } \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n^2+1}{n^2+1} \right)^{n^2} \quad \text{в) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+3)^{2n}}{2n+1}$$

4. Исследовать на сходимость числовые ряды с положительными членами а), б). Исследовать на абсолютную и условную сходимость ряд в). Найти область сходимости функционального ряда г).

$$\text{а) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt[5]{2n+5}}{\sqrt{2n^5+5}} \quad \text{б) } \sum_{n=1}^{\infty} n^n \left(\frac{2n}{3n+5} \right)^n \quad \text{в) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n n}{\ln n} \quad \text{г) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+2)^n}{3^n+1}$$

5. Исследовать на сходимость числовые ряды с положительными членами:

$$\text{а) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n+5^n}{20^n} \quad \text{б) } \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n+2}{n} \right)^n$$

6. Найти область сходимости функционального ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+1)(x+2)^n}$.

7. Найти с точностью до 10^{-3} определенный интеграл $\int_0^{0,2} \cos \frac{x^2}{2} dx$.

8. Вычислить $\sin 1$ с точностью до 10^{-3} .

9. Вычислить $\sin 3$ с точностью до 10^{-3} .

10. В урне 3 белых и 7 черных шаров. Из урны наугад вынимается один шар. Какова вероятность того, что этот шар: а) белый, б) черный?

11. Из слова «наугад» случайно выбирается одна буква. Какова вероятность того, что эта буква: а) «а», б) согласная, в) «я»?

12. Бросается игральная кость. Какова вероятность того, что: а) число выпавших очков – 4, б) число выпавших очков больше 4, в) число выпавших очков – четное, г) число выпавших очков делится на 3?

13. Игральную кость бросают 1 раз. Какова вероятность того, что выпало простое число очков, если известно, что число выпавших очков нечётно? *Указание.* 1 – не простое число.

14. Из урны с 3 белыми и 7 чёрными шарами последовательно вынимают 2 шара. Найти вероятность того, что второй вынутый шар – белый при условии: а) первый вынутый шар – белый; б) первый вынутый шар – чёрный.

15. Брошены последовательно 3 монеты. Определить, зависимы или независимы события: А – выпадение «герба» на первой монете; В – выпадение хотя бы одной «решётки».

16. Два стрелка независимо друг от друга делают по одному выстрелу по мишени. Вероятность попадания в мишень первым стрелком – 0,9, вторым стрелком – 0,8. Найти вероятности того, что: а) в мишени будет хотя бы одна пуля; б) в мишени будет ровно одна пуля; в) в мишень не попадёт ни одна пуля.

17. На 9 карточках написаны буквы слова «троглодит». Некто по очереди наугад берёт 3 карточки и в том же порядке выкладывает их слева направо. Найти вероятность того, что получится сочетание «отл».

18. В лифт семиэтажного дома на первом этаже вошли 3 человека. Каждый из них с одинаковой вероятностью выходит на любом этаже, начиная со второго. Найти вероятности следующих событий:

- все пассажиры выйдут на пятом этаже;
- все пассажиры выйдут на одном и том же этаже;
- все пассажиры выйдут на разных этажах.

19. Студент может доехать до университета или на автобусе, который ходит через каждые 20 минут, или на троллейбусе, который ходит через каждые 10 минут. Какова вероятность того, что подошедший к остановке студент уедет в ближайшие 5 минут?

20. В первой урне 5 белых и 10 чёрных шаров, во второй урне – 10 белых и 5 чёрных шаров. Из каждой урны случайно вынимают по одному шару. Найти вероятность того, что среди вынутых шаров будет хотя бы один белый.

21. В первой урне 2 белых и 1 чёрный шар, во второй урне – 1 белый и 4 чёрных шара. Некто наугад выбирает урну и из неё достаёт 1 шар. Найти вероятность того, что вынутый шар – белый.

22. В первой урне 2 белых и 1 чёрный шар, во второй урне – 1 белый и 4 чёрных шара. Из второй урны в первую наугад перекалывают 1 шар. После этого из каждой урны наугад вынимают по одному шару. Найти вероятности событий:

- вынутый из первой урны шар – белый;
- вынутый из второй урны шар – чёрный;
- оба вынутых шара – белые.

23. Правильную монету бросают 5 раз. Найти вероятности событий:

- герб выпадет 3 раза;
- герб выпадет не менее двух раз;
- герб выпадет 5 раз.

24. Опыт, состоящий в бросании двух монет, повторяется 4 раза. Найти вероятность того, что пара гербов выпадет два раза.

25. Что вероятнее: выиграть у равносильного теннисиста 3 встречи из 6 или 2 встречи из 4?

26. Изделия некоторого производства содержат 5% брака. Найти вероятность того, что среди пяти взятых наугад изделий:

- Нет ни одного бракованного;
- Будут два бракованных.

27. Вероятность рождения мальчика равна 0,515, девочки 0,485. В некоторой семье шестеро детей. Найти вероятность того, что среди них не больше двух девочек.

28. Правильную монету бросают 100 раз. Найти вероятности выпадения 50 «гербов», 40 «гербов», 25 «гербов».

29. Вероятность достижения успеха в испытании равна 0,25. Найти вероятности того, что в 300 независимых испытаниях успех будет достигнут 75 раз, 85 раз.

30. В первые классы будет принято 200 детей. Найти вероятность того, что среди них будет 100 девочек, если вероятность рождения мальчика равна 0,515.

31. Дана таблица распределения дискретной случайной величины ξ .

ξ	-2	-1	0	1	2
P	0,1	0,2	0,2	0,4	0,1

Требуется:

- построить многоугольник (полигон) распределения;
- найти функцию распределения и начертить её график;
- найти $P(|\xi| \leq 1)$;

г) найти математическое ожидание, дисперсию, среднеквадратичное отклонение, коэффициент вариации, медиану и моду ξ .

д) таблицу распределения случайной величины $\eta = \xi^2$.

32. В урне 5 белых и 25 чёрных шаров. Из урны наугад вынимают 1 шар. Случайная величина ξ – число вынутых белых шаров. Требуется: а) – д) из задачи 1.

33. Найти математическое ожидание, дисперсию и среднеквадратичное отклонение числа лотерейных билетов, на которые выпадут выигрыши, если куплено 40 билетов, а вероятность приобретения выигрышного билета равна 0,05.

34. Производится 20 независимых опытов, в каждом из которых вероятность успеха равна 0,2. Найти дисперсию числа успехов в этой серии опытов.

35. Восемьдесят процентов персональных компьютеров безотказно работают в течение 5 лет. Найти вероятность того, что из данных 100 компьютеров не менее 70 проработают 5 лет.

4 Методические материалы, определяющие процедуру оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

В таблице приведены описания процедур проведения контрольно-оценочных мероприятий и процедур оценивания результатов обучения с помощью оценочных средств в соответствии с рабочей программой дисциплины.

Наименование оценочного средства	Описания процедуры проведения контрольно-оценочного мероприятия и процедуры оценивания результатов обучения
Расчетно-графическая работа (РГР)	Преподаватель не менее, чем за две недели до срока защиты РГР должен сообщить каждому обучающемуся номер варианта РГР. Задания РГР выложены в электронной информационно-образовательной среде ЗаБИЖТ ИрГУПС, доступной обучающемуся через его личный кабинет. РГР должна быть выполнена в установленный преподавателем срок и в соответствии с требованиями к оформлению РГР (текстовой и графической частей), сформулированными в Положении «Требования к оформлению текстовой и графической документации. Нормоконтроль» (в последней редакции). РГР в назначенный срок сдаются на проверку. Если предусмотрена устная защита РГР, то обучающийся объясняет решение задач, указанных преподавателем, и отвечает на его вопросы
Контрольная работа	Преподаватель на установочном занятии доводит до обучающихся: темы, количество заданий в контрольной работе. Контрольная работа должна быть выполнена в установленный срок и в соответствии с правилами к оформлению (текстовой и графической частей), сформулированными в Положении «Требования к оформлению текстовой и графической документации. Нормоконтроль» в последней редакции. Выполненная контрольная работа передается для проверки преподавателю в установленные сроки. Если контрольная работа выполнена не в соответствии с указаниями или не в полном объеме, она возвращается на доработку
Разноуровневые задачи	Выполнение разноуровневых задач, предусмотренных рабочей программой дисциплины, проводятся во время практических занятий. Во время выполнения заданий разрешается пользоваться учебниками, справочниками, конспектами лекций, тетрадями для практических занятий
Конспект	Защита конспектов, предусмотренных рабочей программой дисциплины, проводится во время практических занятий. Преподаватель на практическом занятии, предшествующем занятию проведения контроля, доводит до обучающихся: тему конспектов и требования, предъявляемые к их выполнению и защите
Тестирование (компьютерные технологии)	Тестирование проводится по результатам освоения тем или разделов дисциплины или по окончании ее изучения во время практических занятий. Во время проведения тестирования пользоваться учебниками, справочниками, конспектами лекций, тетрадями для практических занятий не разрешено. Преподаватель на практическом занятии, предшествующем занятию проведения теста, доводит до обучающихся: темы, количество заданий в тесте, время выполнения. Результаты тестирования видны обучающемуся на компьютере сразу после прохождения теста

Для организации и проведения промежуточной аттестации составляются типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы.

Перечень теоретических вопросов и типовые практические задания разного уровня сложности для проведения промежуточной аттестации обучающиеся получают в начале семестра через электронную информационно-образовательную среду ЗаБИЖТ ИрГУПС (личный кабинет обучающегося).

Описание процедур проведения промежуточной аттестации в форме зачета и оценивания результатов обучения

При проведении промежуточной аттестации в форме зачета преподаватель может воспользоваться результатами текущего контроля успеваемости в течение семестра. С целью использования результатов текущего контроля успеваемости, преподаватель подсчитывает среднюю оценку уровня сформированности компетенций обучающегося (сумма оценок, полученных обучающимся, делится на число оценок).

Шкала и критерии оценивания уровня сформированности компетенций в результате изучения дисциплины при проведении промежуточной аттестации в форме зачета по результатам текущего контроля (без дополнительного аттестационного испытания)

Средняя оценка уровня сформированности компетенций по результатам текущего контроля	Шкала оценивания
Оценка не менее 3,0 и нет ни одной неудовлетворительной оценки по текущему контролю	«зачтено»
Оценка менее 3,0 или получена хотя бы одна неудовлетворительная оценка по текущему контролю	«не зачтено»

Если оценка уровня сформированности компетенций обучающегося не соответствует критериям получения зачета без дополнительного аттестационного испытания, то промежуточная аттестация проводится по перечню теоретических вопросов и типовых практических задач или в форме компьютерного тестирования. Промежуточная аттестация в форме зачета с проведением аттестационного испытания проходит на последнем занятии по дисциплине.

При проведении промежуточной аттестации в форме компьютерного тестирования вариант тестового задания формируется из ФТЗ по дисциплине случайным образом, но с условием: 50 % заданий должны быть заданиями открытого типа и 50 % заданий – закрытого типа.

Описание процедур проведения промежуточной аттестации в форме экзамена и оценивания результатов обучения

Промежуточная аттестация в форме экзамена проводится путем устного собеседования по билетам или в форме компьютерного тестирования.

При проведении промежуточной аттестации в форме собеседования билеты составляются таким образом, чтобы каждый из них включал в себя теоретические вопросы и практические задания.

Билет содержит: два теоретический вопрос для оценки знаний (выбираются из перечня теоретических вопросов к экзамену) и одно практическое задание для оценки умений, навыков и (или) опыта деятельности (выбираются из перечня типовых практических заданий к экзамену).


Распределение теоретических вопросов и практических заданий по экзаменационным билетам находится в закрытом для обучающихся доступе. Разработанный комплект билетов (25-30 билетов) не выставляется в электронную информационно-образовательную среду ЗаБИЖТ ИрГУПС, а хранится на кафедре-разработчике ФОС на бумажном носителе в составе ФОС по дисциплине.

На экзамене обучающийся берет билет, для подготовки ответа на экзаменационный билет обучающемуся отводится время в пределах 45 минут. В процессе ответа обучающегося на вопросы и задания билета, преподаватель может задавать дополнительные вопросы.

Каждый вопрос/задание билета оценивается по четырехбалльной системе, а далее вычисляется среднее арифметическое оценок, полученных за каждый вопрос/задание. Среднее арифметическое оценок округляется до целого по правилам округления.

При проведении промежуточной аттестации в форме компьютерного тестирования вариант тестового задания формируется из ФТЗ по дисциплине случайным образом, но с условием: 50 % заданий должны быть заданиями открытого типа и 50 % заданий – закрытого типа.

Образец экзаменационного билета

 ЗаБИЖТ ИрГУПС 20__/20__ уч. год	Экзаменационный билет по дисциплине «Математика»	УТВЕРЖДАЮ Зав. кафедрой «ПМиМ» ЗаБИЖТ _____ В.Н. Пешков
1. Двойные интегралы. Определение. Геометрический смысл.		
2. Производная скалярной функции векторного аргумента по направлению.		
3. Определить объём тела, образованного вращением фигуры, ограниченной линиями. $y^2 = 2rx$ и $x = h$ вокруг оси Ox .		
Составил: Глазнев В.А.		